بسم الله الرحمان الرحيم.

كتاب «مقاليد علم الهيئة ، ما يحدث في سطح بسيط الكرة» ، عمله أبو الريحان محمد بن أحمد البيروني للأصبهبد الجيلجيلان فدشوار جرشاه أبي العبّاس مرزبان (۱) بن رستم بن شروين مولى أمير المؤمنين. جُبلت القلوب على حب من أحسن إليها والحب يحمل صاحبه على إظهار ما في الضمير وتقريره (۲) عند المحبوب. وإذا اجتمع مع داعي الحجة الطبيعية باعث على شكر على صنائع وإيّاد ، فهنالك يجب الخدمة الحقيقية ويلزم العبودية الأبدية . مثال ذلك ما أنزى قلبي من خالص المحبة وصافي المودة لنفس مولانا الاصبهبد الجليل السيد جيلجيلان فدشوار جرشاه – عمر الله تعالى العالم بامتداد مدته وحرس بهجة الانام بدوام قدرته وثبات دولته – وقد انضاف إلى ذلك ترحيب بي وتقريب لي وإكرام إيّاي وتوفير عليّ ، تفضّلا منه وتبرّعا بالكرم ، من غير استحقاق سابقة سلفت لي في القيام بموجب خدمته فعلاً ، وإن لم أخل منه بتّة قولا . فإذا هو الأشياء نسيان شكر المولى طرفة عين لكنه يلزم العبد القيام به على قدر الوسع والإمكان ، سواء طولب أو لم الطالب .

⁽١) هناك حاشية كتب فيها وصاحب مرزبان نامة ،.

 ⁽٢) الكلمة غير واضحة في الاصل ويمكن قراءتها «تبريره».

ولمّا كان ذكر مولانا الاصبهد الجليل السيد - أدام الله دولته - أقرب إليّ من حبل الوريد، ومتّته المتظاهرة أشمل عليّ من جلدي، وشكر صنائعه المتواترة ألزم لي من ظلي، وكان هو صفوة الجنس وخيرة أولي الفضل من الأنس، وحضرته معدن العلم وينبوع الحكمة، ومحلسه العالي مجمع الآداب وملقّح الألباب، لم أحب أن أخدم فناءه الرحب بغيرها، وإن كان يهوي فضلي في بحره وما عندي من روائح العلم يصغر بإزاء قدره. ولكن الاعمال بالنيّات، وكل يعمل على شاكلته، فأثبتت لخزانته المعمورة قضية مبدأ الشكل الكري الذي يستغنى بلوازمه عن الشكل القطاع الذي لا غناء عنه في علم الهيئة. وإلى شريف همته وسابغ فضله وعزّته الملجأ في بسط عذري وتمهيده، وتشربني بقبوله وتأمّله. والله أسأل قبل وبعد أن يبقيني في ظلّه ويعينني على خدمته بمنّه وطوّله.

مبدأ الكتاب.

أقول الدوائر العظام، إذا تقاطعت على السطوح الكرية، حدث منها أشكال مختلفة. ففي كرة السماء يتشكل منها الميول والعروض، وسعة المشارق واختلاف المطالع، وقسي الأيام والليالي، والارتفاعات والانحطاطات، والسموت ومطالعها، ومقادير الزوايا المختلفة باختلاف تقاطع هذه الدوائر. وليس إلى معرفة أقدار بعضها من بعض واستخراج المجهول من المعلوم منها سبيل إلا بتحصيل النسب بين جيوبها. والمرجع في ذلك إلى شكل ملقب بالقطاع وهو من قسي عظام على بسيط الكرة، متقاطعة، قد خرج كل اثنين منها من نقطة غير الأخرى، وقد ذكره بطلميوس في النوع الثاني عشر من المقالة الأولى من كتاب «المحسطي»، ووجد أيضًا في كتاب «الكريات» لمانالاوس، وهو أقدم منه بزمان. والنسب الواقعة في هذا القطاع تتألف من نسبتين تعطيها نسبة مقادير، فنسبة اثنين منها كنسبة آخرين مثناة بنسبة الباقيين.

وزاد في شرحه ، وتتبع العمل في أقسامه أبو العبّاس الفضل ابن حاتم النيريزي وأبو جعفر محمّد بن الحسين الدخازن في شرح كل واحد منها (١٦٣ ظ) لكتاب «المجسطي» ، ولخّصه أيضًا أبو جعفر الخازن في «زيج الصفائح» وأبو نصر منصور بن علي بن عراق في كتاب «تهذيب التعاليم» ، وأفرد أبو الحسن ثابت ابن قرة كتابًا في النسب المؤلّفة وأقسامها واستعالها وكتابًا آخر في الشكل القطاع وتسهيل العمل عليه. وكثير من المحدّثين كابن

البغدادي وسليمان بن عصمة وأبي سعيد أحمد بن محمد بن عبد الجليل (١) السجزي وغيرهم خاضوا في هذا العلم واعتنوا به إذ كان العمدة في علم الهيئة حتى لولاه لَمَا توصّلوا إلى الوقوف على شيء ممّا ذكرناه. وعليه كانوا يعملون، وإيّاه يستعملون، وبه يأخذون.

إلى أن طال الأمد ، وانتهت المدّة إلى زماننا هذا ، ذي العجائب والبدائع والغرائب ، الجامع بين الأضداد . أعني بذلك غزارة ينابيع العلوم فيه ، وتهيّؤ طبائع أهله لقبول ما يكاد أن يكون الكمال والنهاية في كل علم ، وانتشار الفضل فيهم والقدرة على استنباط العجائب المعجزة جل القدماء ، مع ظهور أخلاق منهم تضاد ما ذكرناه ، ومناقضة من عموم المتنافسين والتحاسد إيّاهم ، واحتواذ التنازع والتعاند عليهم ، حتى يغير بعضهم على بعض وافتخر بما ليس له . ويسلب بعضهم بعضًا علمه وينسبه إلى نفسه ، متكسّبًا به ، ويكلف الناس التعامي عن فعله ، بل يصرف عنان قوته الغضبيّة إلى من فطن بحاله وينطوي على عداوة وبغضاء له . كما وقع بين جماعة من أفاضل عصرنا في تسبيع الدائرة وفي تثليث الزاوية بالسواء وفي تضعيف المكعّب وغير ذلك ، وكما وقع بين طائفة من العلماء في شكل قريب المتناول ، سهل المأخذ والعمل ، نائب عن الشكل القطاع في أغراضه ، وقائم مقامه في إنتاج أعاله .

وأنا، لتجردي عن العصبية والإصرار بالباطل واتسامي بالعجز والإقرار بالفضيلة لصاحبها ومعرفتي بحقّه وميلي إلى توفيره عليه، أريد أن أسوق ما عندي من كيفية حالهم وحديثهم، كيلا يتصوّر عند مولانا الاصبهبد الجليل السيد جيلجيلان – أدام الله علوه – إذا وقف على أعالهم ، خلاف ما وجدتهم عليه. ثم أحكي الشكل وبراهينهم عليه، ثم كيفية استعاله بعد ذلك، بعون الله وحسن توفيقه.

⁽١) في المتن «الملك؛ وهناك إشارة إلى حاشية عير واضحة.

سياقة قضية هذا الشكل أو ما لكلّ واحد من العلماء من صلته فيه

قد كان اجتمع عند أبي سعيد أحمد بن محمد بن عبد الجليل (المعروف بالسجزي) (١) عدة طرق لفضلاء المهندسين وأصحاب الزيجات في استخراج سمت القبلة بالحساب والتقدير المساحي بالآلات (٢) ، مختلفة النتائج ، عديمة البراهين. وأعلمته أنّ مولاي ومصطنعي أبا نصر منصور بن علي بن عراق – أيّده الله – شديد القوى على استخراج براهين امثالها من الحساب ، بعيد الغور فيها ، سريع الإدراك لها . فسألني مطالبته بتأمّلها وإزاحة العلّة في تحقيقها والكشف عن دواعي اصحابها إليها . ففعلت وعمل أبو نصر في ذلك السؤال كتابًا وسمّاه «بالسموت» ، أودعه المطلوب منه واستنبط في مواضع من ذلك الكتاب لوازم هذا الشكل ، من غير قصد منه له إلاّ لِمّا احتاج إليه .

واتّصل بأبي الوفاء محمد بن محمد البوزجاني خبر هذا الكتاب ، فكاتبني في معناه ، فأنفذته إليه ، وهو يومثلناً بمدينة السلم . وورد جوابه ناطقًا باستحسانه الكتاب واستعظامه إيّاه ، لولا أنّ صاحبه سلك فيه طرق القدماء في استعالهم الشكل القطاع والنسبة المؤلّفة ، وأنّ له طرقًا خفيفة في معرفة السمت أوجز من تلك وأحسن (٣) .

⁽١) هذا مكتوب في الحاشية.

⁽٢) في الأصل وبآلات ، ولكن من المناسب إعادة «مختلفة التنائج» إلى كلمة «طرق» أكثر من إعادتها إلى «آلآت».

⁽٣) يلمح أبو نصر إلى هذه الواقعة في رسالته إلى البيروني المشار إليها في الصفحة التالية ، فيقول : و... إلى أن ورد كتاب شيخنا أبي الوفاء محمد بن محمد البوذجاني على الفقيه أبي على الحبوبي يذكر فيه أنّه تأمّل أكثر كتابي في السموت فوجدني فيه سالكًا مسلك المتقدّمين ، يشير إلى عملي في براهينه بالشكل الفقياء ويصف أنّ طرقه التي سلكها في الجسطي الذي عمله أخف وأسهل وأوجز وأحسن». (A. Naṣr, Qusiy, p. 2)

وعُرض ما قاله على أبي نصر ، فزعم أنه إنّا فعل ذلك لمحبته اقتداء آثار المتقدمين ولحاجته إلى الشكل القطاع عند إقامة البرهان على أعال غيره ، فإنهم كانوا استخرجوها به ، على أنّ ما ذكره أبو الوفاء هو سهل ومن مال البه فيستكفي المؤونة منه من شكلين في كتاب «السموت» عرّفني موضعها وكيفية انزياح العلّة عنها (١٤) . ولم يكتف بذلك دون أن أنشأ حينئذ رسالة إليّ ، بيّن فيها هذا الشكل والعمل به . ثم أنفذ إليّ أبو الوفاء ، بعد مضيّ سنة على ذلك ، سبع مقالات من كتاب عمله وسمّاه «مجسطي أبو الوفاء» ، قد أورد فيه هذا الشكل ببرهان قريب واستعمله في جميع أمور الهيئة في «مجسطيه» ذلك .

ولمّا وقفت منها على ما وقفت واغترفت من بحرهما ما به تقوّيت استخرجت البرهان عليه بطريق ليس ببعيد على من تصوّر الخطوط الواقعة في جوف الكرة وقرّبت طرق استعاله على ما سأورده في هذا الكتاب.

⁽٤) يقول أبو نصر في رسالته إلى البيروفي: «وقد كنت أتيت في الجملة الثانية من كتاب السموت بشكل بتبيّن به هذا المعنى في المثلث الذي إحدى زواياه قائمة وإن كنت لم أذكر ذلك ولا أخرجت الدعوى فيه غرجًا يطابقه لأنّ الغرض كان هناك أن يكون الكتاب موافقًا للسؤال، وقلد كنت ابتدأت فسألت عن براهين طرق من الحساب في سمت القبلة لتفرّ من علماء هذه الصناعة شبهتهم. ثم ثنيت بأن سألت أن أضيف إلى ذلك ما أتمكن في الوقت من استخراجه مما يشاكل طرق أولئك العلماء وجلّهم سلك مسلك القدماء، ومن تأمّل ذلك الشكل وأظنّه السابع عشر من أشكال الجملة الثانية وقف على صدق ما أقول وأدّعى الآن». (A. Naṣr, Quṣīṣ, p. 5)

ثم طلبت بلد الريّ بعد ذلك ، ولقيت به أبا محمود حامد بن الخضر الخجندي. وأخرج إليّ كتابًا عمله في أعال الليل بالكواكب الثابتة ، وأورد في أوائله هذا الشكل ببرهان آخر وفضل طول معه ، وسمّاه «قانون الهيئة» ، وبنى عليه جميع ما قصده في ذلك الكتاب.

ثم ألفيت (١٦٤ و) أبا الحسن كوشيار بن لبّان الجيلي في عمل كتاب قدّم هذا الشكل في مبادئه على مثل ما ذكره أبو محمود، وسمّاه «المغني» – يغني عن الشكل القطاع – واستخرج به فيه أكثر ما تشتمل عليه المقالة الثانية من كتاب «المحسطي»، ميلاً منه إلى تخفيف العمل إذ ليس يستعمل في هذا الشكل نسبة إلا واحدة بسيطة غير مؤلّفة، ولا مقادير أكثر من أربع، وليس يخفى فضل سهولة التصور وخفّة العمل الأبسط عليها بالمركّب المؤلّف.

فأمًا أبو نصر ، فلإحاطتي بجل أحواله العلمية ومشاهدتي إيّاها منذ تعاطي القسم الرياضي وقيامي بتحصيل ما هو حاصل في خزائنه من الكتب وإملائه عليّ جميع ما يستخرجه ويستنبطه ، ولردّه عن ادّعاء ما لغيره لنفسه وإنصافه بين المتنازعين في ذلك وتسامحه ، متبرّعًا بالانتساب إلى علماء يقصرون عن مرتبته من غير أن تلمذ لأحدهم ، ومع غزارة علم أدبه وذكاء فهمه وعجيب فطنة طبع عليه ، لست أتّهمه بأخذ هذا الشكل من غيره ، بل لا أستجيز لبالي أن يخطر ذلك به ، لِمَا قدّمته من جهة ، ولأنّه أجاب به وقت المطالبة إيّاه والحاجة إليه .

وأمّا أبو الوفاء ، فلم أشاهده ولم أقف من أسبابه على مثل ما وقفت عليه لغيره لكني أتعجب منه حيث رأى في كتاب السموت شكلين يؤدّيان إلى ما فاخر به صاحبه فتعامى عنهما وتصامم . فلئن كان افتخاره بالشكل المذكور ، فلقد عاين مثله لغيره بين يديه ، مصرّحًا في أوّله أنّه يمكن معرفة ما ذكر من الكريّات في أحد طرق سمت القبلة بطريق آخر سوى التي تتألّف في الشكل القطاع وفي آخره أنّه قد أنتج من ذلك طريق معرفة الميول والمطالع سوى الذي أتى به بطلميوس بالشكل القطاع . ولئن كان افتخاره بما ذكرناه طريقة في سمت القبلة ، فما أتى بشيء بديع غير ما في زيج حبش الحاسب بعينه ، لم يزد عليه إلا تقسيم العمل أقسامًا مرتّبة في عدة فصول ولم يغيّر سوى العبارة عن الطول المعدّل بتعديل العرض . على أنّه مشكور في اجتهاده وسعيه ولست أنجني عليه إلا الذي لم يلق بفضله من الصلف الكاذب فقبيح به جدًا أن يفاخر من اخترع في سمت القبلة ما اختُرع في كتاب «السموت».

وأمّا أبو محمود ، فقد ذكر أنّه السابق إليه وانّ أبا الوفاء أخذه عنه ، إن كان ذكره . ومن لم يعلم الحقيقة ، مع اختلاف براهينها على ما سأحكيه عنها ، وقد شاهد بعضها وكل واحد منها منحاز إلى الجملة المعادية مع صاحبها ، فالأمر في السبق لكليها ممكن .

وأمّا كوشيار، فقد اعترف عند حضور أبي محمود لديه أن ليس منه إلا التهذيب والإيجاز والتنقيح. فهذه حقائق ما عنيت من أخبارهم في ذلك، فنعود الآن إلى إنجاز الوعد.

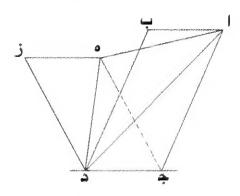
وأقدّم قبل ذلك من مقدّماتهم ما سيُحتاج إليه فها بعد.

مقدّمة قدّمها أبو نصر بن عراق للشكل القطاع في كتاب ﴿ تهذيب التعالم ».

إذا أخرج من نقطة على أحد سطحين معتدلين، مستقيمي الخطوط، متقاطعين، عمودان أحدهما إلى السطح الآخر والثاني إلى الفصل المشترك للسطحين، فإن الخط الواصل بين موقعي العمودين عمود أيضًا على الفصل المشترك، في السطح الذي وقع عليه أحد العمودين الأولين.

مثاله سطحا أبجد ه زجد المعتدلين تقاطعا على دج وهو الفصل المشترك لها ، وخرج من نقطة ا التي على سطح ابجد عمود اه على سطح ه زجد وعمود اد على خط دجه. فأقول إن الخط الواصل بين نقطتي ه د عمود على خط دجه (۱) .

برهانه أنا نعلم على خط دج نقطة سوى نقطة دكيفها اتفقت ، ولتكن نقطة جى ، ونصل اجى ٥جى . فخط اجـ يقوى على اه (٢٠ هج لأن اه عمود على سطح ه زجد . واجد أيضًا (١٦٤ ظ) يقوى على اه دجه لأن اه عمود على جد . فجموع مربعي اه هج مساو لمجموع مربعي اه هج مساوية (٢٠ الكن اله يقوى على اه هد . فإذا أسقطنا مربع اه المشترك ، بني مربع هج مساويًا لمربعي ه هد دجه فزاوية ه دجه قائمة ، وذلك ما أردنا أن نبين .



⁽١) هذه الجملة مكررة في المخطوطة.

⁽٢) في الاصل اجه.

⁽۲) ج.

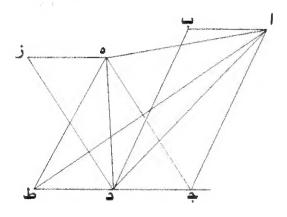
⁽٤) مساو.

برهان على هذه المقدّمة على وجه آخر لي

ويمكن أن يعرف هذه المقدمة بطريق غير ما ذكره أبو نصر.

فلنعد الدعوى ومثال الشكل، ونفصل عن جنبي نقطة د خطي دج دط متساويين ونصل جدا جده ط ا هط (۱)

فلأن زاويتي ادج ادط قائمتان، وخطا دج دط متساويان واد مشترك، تكون قاعدتا اج اط متساويتين. ولأنّ زاويتي اهج اهط قائمتان وخط اه مشترك لمثلثي اهج اهط فإنّ جه يكون (٢) مساويًا لدهط. فأضلاع مثلث هجد مساوية لأضلاع مثلث هدط، كل واحد لنظيره. فالمثلثان متساويان وزواياهما متساوية، النظيرة للنظيرة، فزاوية هدج مساوية لزاوية هدط. وذلك ما أردنا أن يتضح.



 (١) كان الخط ه ط ناقصًا في الشكل الوارد في المخطوط. رأينا أيضًا أن نضيف الخط آد إذ إنه ضروري لفهم البرهان ، لاسيّمًا وانه قد ورد في الشكل المتقدّم.

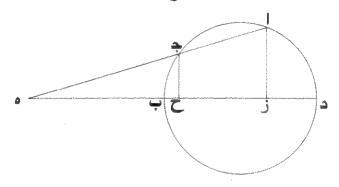
(٢) يكونان.

مقدّمة قدّمها أبو الوفاء في مجسطيه وهي من مقدمات بطلميوس للشكل القطاع

دائرة ابج معطاة وعليها نقط (١) ابج مفروضة ، قد أُخرج قطر دب ووصل اج وأخرجا معًا على استقامتها فالتقيا على نقطة ٥.

أقول إنّ نسبة اه إلى هج كنسبة جيب قوس ب ا إلى جيب قوس بج.

فإنَّها عمودان على قطر دب وفي سطح واحد فها متوازيان ومثلثا ١٥١ جـ٥ ح لذلك متشابهان فنسبة ٥١ إلى هج كنسبة از الذي هو جيب قوس ب ا إلى جرح الذي هو جيب قوس بج.



وإذ قدّمت ما سيحتاج إليه فيما بعد فإنّي أبتدئ بذكر الطريق الذي استخرجه (٢) أبو نصر وأودعه في رسالته إليّ وأقصد المعاني وإن لم تخرج بألفاظه فإنّها لم تحضر (٣) بي في الوقت.

هو هذا

(١) نقطة.

(٢) أستخرجته.

(٣) يحضر.

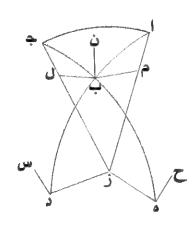
طريق أبي نصر في الشكل المغني من رسالته إليّ

نسبة جيوب الاضلاع في المثلث الكاثن من قسيّ عظام على سطح الكرة ، بعضها إلى بعض ، على نسبة جيوب الزوايا التي تقابلها ، بعضها إلى بعض ، النظير إلى النظير .

وأعني بجيوب الزوايا جيوب القسيّ العظيمة التي إذا جُعلت الزاوية قطبًا وأدير عليه ببعد ضلع المربع وقعت بين القوسين المحيطين بالزاوية .

مثال ذلك مثلث ابج من قسيّ عظام على سطح الكرة. فأقول إنّ نسبة جيب قوس اب إلى جيب قوس بجد كنسبة جيب القوس التي بمقدار زاوية جيب القوس التي بمقدار زاوية ال

برهان ذلك أن نخرج كل واحد من قوسي اب جب على استدارتها حتى تصير كل واحدة من قوسي اد جه ربع دائرة ، وليكن مركز الكرة نقطة ز . ونخرج منه خطوط ز ا زج ز د ز ه المستقيمة ونخرج من نقطة ب جيبي بم بل و من نقطة ه جيب القوس التي بمقدار زاوية ج وليكن ه ح .



فه ح بم إن كانا متوازيين، وه ز بل متوازيان، فإنّ سطحي مثلثي حه ز مبل (١٦٥ و) متوازيان، ويفصلها سطح الدائرة التي منها اج فالمثلثان متشابهان فنسبة ه ح إلى ه ز كنسبة بم إلى ب ل. وه ح عمود على سطح دائرة اج فب م أيضًا عمود عليه وهو في سطح دائرة اد، فدائرة اد قائمة على دائرة اج، فزاوية ا قائمة، وجيبها د ز، المساوي لـه ز. فنسبة جيب قوس اب إلى جيب قوس ب ج كنسبة جيب القوس التي بمقدار زاوية ا.

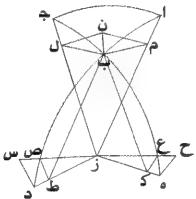
وإن لم يكن بم موازيًا لـه ح، وهو عمود على الفصل المشترك لدائرتي اد اج، فإن الدائرتين ليست إحداهما قائمة على الأخرى، ولا جيب القوس التي بمقدار زاوية ا هو دز، ولا زاوية ا قائمة. فليكن ذلك الجيب دس، و بن الخط الذي يخرج من نقطة ب إلى سطح دائرة اج، موازيًا لـه ح. فمن أجل أنّ بن مواز لـه ح العمود على سطح دائرة اج، ودس أيضًا عمود عليه، يكون دس بن متوازيين (۱) و دز بم متوازيان، فسطحا المئلئين متوازيان، ويفصلها سطح دائرة اج، فالمثلثان متشابهان فنسبة بم إلى بن كنسبة دز إلى دس. ونسبة ه ح إلى ه زكنسبة بن إلى بل ح لأنّ مثلثي ح ه زن ب سكونان إذا كان الأمر على هذه الصفة متوازيين. و ه ز دز متساويان، فني نسبة المساواة نسبة بم إلى ب ل > (۲) كنسبة ه ح إلى دس. وذلك ما أردنا أن نبيّن.

⁽١) متوازيان.

⁽A. Naṣr, Qusiy, p. 4) ناقص في الأصل وقد أخذ من رسالة أبي نصر في معرفة القسي الفلكية (A. Naṣr, Qusiy, p. 4)

زيادة في شرح ما ذكره أبو نصر في ذلك

ولكي يسهل تصور (۱) هذا الشكل فإنّي أعيده على الهيئة التي أورده صاحبه بها، ونصل حز س ز نم نال لتقع صور المثلثات تحت العيان. ونخرج ب ك يوازي ل ز ، فسطح ل زكب قائم الزوايا وكز مثل ب ل ومواز له . ونخرج كع يوازي حه ، فيتشابه مثلثا ه زح كزع وتكون نسبة كع إلى كز كنسبة حه (۲) إلى ه ز . ثم نخرج من نقطة ب خطاً موازيًا لـ ه ز ، وليكن ب ط ، ومن نقطة ط خط ط ص موازيًا لـ دس . فيتبيّن بمثل ما تقدّم ان سطح ب ه زط قائم الزوايا وأنّ ب م مثل ط ز (۳) وأنّ مثلثي س د ز ص ط ز متشابهان . فتكون نسبة زط إلى ط ص كنسبة زد إلى دس . وفي مثل مقادير هذه النسبة ومقادير النسبة المتقدّمة مقدارا كع ط ص متساويان لأنّ كل واحد منها مساو لـ بن ، وذلك ظاهر من جهة تشابه مثلثي كزع ب ل ن تساويها لتساوي ضعين منها . ومقدارا ه زدز أيضًا متساويان لأنّ كل واحد منها نصف قطر الكرة ، فإذا أسقط أحد المتساويين من كل واحد منها تلت نسبة مقادير متناسبة نسبةً مضطربةً . نصف قطر الكرة ، فإذا أسقط أحد المتساويين من كل واحد منها تلت نسبة مقادير متناسبة نسبةً مضطربةً . المناوي للثاني إلى كو المناوي للثاني إلى كو المناوي للثاني إلى كو المناوي للثاني الله ك ن سبة المساوي للثاني إلى كو المناوي لبها و لكن و ط المناوي لبها و در كتاب «الأصول» . لكن ز ط المناوي لبه و سبة ه ح إلى دس ، كا تبيّن في الشكل ك ج من المقالة ه من كتاب «الأصول» . لكن ز ط المناوي لبه ب و و ح حبيب زاوية ج ، و دس جيب زاوية ا . وذلك ما أردنا أن نبيّن .



وأيضًا فإنّ تشابه مثلثي زوح لبن يتبيّن بمقدمة أبي نصر ، وذلك أنّه يلزم منها أنّ كل واحد من خطي حز نل عمود على حز نال عمود على خط جز وفي سطح واحد فها متوازيان ، وكل واحد من خطي وح بن عمود على سطح دائرة اج فها متوازيان. فأضلاع المثلثين متوازية ، فها متشابهان ، وكذلك الأمر في مثلثي زدس مبن. وذلك ما أردنا أن نبيّن.

⁽١) تصورها.

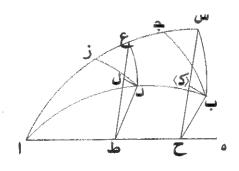
⁽۲) حده

⁽٣) في الأصل «بط مثل م ز ، وهذا صحيح غير أنّه من المؤكّد أنّ الكاتب لم يكن يقصد إثبات ذلك في سياق البرهان.

طريق آخر في البرهان على ذلك لأبي نصر من رسالته إليّ

ليكن قوسا اب اج عظيمين متقاطعين على نقطة ا، ونعلم على احدهما وليكن اب نقطتي ب د ونخرج قوسي ب جد دز عظيمتين قائمتين على اجد. وامثال هذه القسيّ تسمّى ميولاً للقسيّ التي خرجت من أطرافها ، أعني أنّ ب جد ميل اب و دز ميل اد. فأقول إنّ نسبة جيب اد إلى جيب دز كنسبة جبب اب إلى جيب ب جد.

برهانه أنّا نجعل نقطة ا قطبا وندير عليه ، ببعد اد ، قطعة مدار دع . وندير أيضًا على قطب ا ، وببعد اب ، قطعة مدار بس ونصل ا بحركز الكرة ، وهو ه ، ونخرج عمودي س ح ع ط (١٦٥ ظ) على اه ونصل بح (١) دط . فتبيّن أنّ كل واحدة من بح س ح نصف قطر المدار الذي منه بس. وكذلك ع ط دط نصف قطر المدار الذي منه دع . وإذا كانت مدارات صغار على قطب واحد وخرج من ذلك القطب قوسان عظيمتان فإنّها تفصلانها حإلى قسيّ > متشابهة ، قطعة دع شبية بقطعة بس. فنتزل عمودي بك (١) دل على خطي س ح ع ط ، وبين انّ بك نصف وتر ضعف قطعة مدار حبس و دل نصف وتر ضعف قطعة مدار > دع . فنسبة بح إلى بك كنسبة دط إلى دل لأنّ نسية اقطار الدوائر إلى أوتار قسبّها المتشابهة نسبة واحدة ونسبة الأنصاف متساوية لنسبة الأضعاف . ولأنّ س ح ع ط في سطح دائرة اج وب ك عمود على س ح و دل عمود على ع ط ، فها عمودان على سطح دائرة اج فب ك جيب قوس ب ج و دل جيب

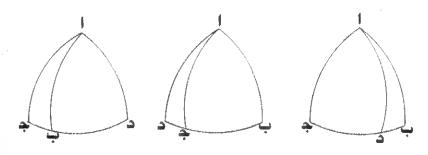


(١) في الشكل الوارد في المخطوطة إنّ بح ممثلة بقوس من دائرة بس، كما أنّ حرف ك ناقص.

قوس د ز ، و ب ح جیب قوس ا ب و دط جیب قوس ا د ، فنسبة جیب ا د إلى جیب د ز کنسبة جیب ا ب إلى جیب ب ب ب ب ب ب ب ب

ومتى كان اب ربعًا كان بج هو قدر زاوية باج وجيب اب نصف القطر كله الذي هو مساو لحيب از د القائم ، فتكون حينئذ نسبة جيب اد إلى حجيب> در كنسبة جيب زاوية از د المساوي لحيب اب إلى جيب زاوية زاد أعني جيب بج، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

ثم ليكن مثلث ابج ليس ولا واحدة من زواياه بقائمة ، ونتزل من نقطة ا قوسًا عظيمة قائمة على بج على زوايا قائمة ولتكن اد. ونقول قياسًا على ما تبيّن إنّ نسبة جيب ب ا إلى جيب اد الذي هو ميل ب اكتسبة الحيب كله أعني جيب زاوية ب دا إلى جيب زاوية اب د ونسبة جيب ج ا إلى جيب اد الذي هو ميل اج أيضًا كنسبة الحيب كله أعني جيب زاوية ادج إلى جيب زاوية اجد. فني نسبة المساواة نسبة جيب اب إلى جيب اج كنسبة جيب زاوية اجب إلى جيب زاوية ابج، وذلك ما أردنا تصحيحه وتبيينه.

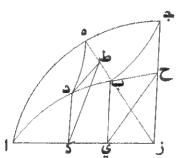


البرهان على الشكل المغني على ما أورده أبو الوفاء في مجسطيه

إذا تقاطع قوسان على بسيط كرة ، وكانتا من داثرتين عظيمتين وتقاطُعُهما على أقل من زاوية قائمة وعُلم على احدهما نقط كيف اتفقت فإنّ نسبة جيوب القسيّ التي بين تلك النقط وموضع التقاطع بعضها إلى بعض كنسبة جيوب ميولها بعضها إلى بعض (١) .

فلتكن قوسا اب اج من دائرتين عظيمتين ، تقاطعتا على بسيط كرة على نقطة ا وزاوية ب اج أقل من قائمة . وفُرض على دائرة اب نقطتا ب د ، وميل قوس اب على دائرة اج قوس ب ج وميل قوس اد عليها قوس ده ي اعني أنّها قائمتان عليها (٢) . فأقول إنّ نسبة جيب قوس اد إلى جيب قوس اب كنسبة جيب قوس ده إلى جيب قوس ب ج .

برهان ذلك أنّا نفرض مركز الكرة ز ونصل خطوط از جز هز ونخرج من نقطني ب د عمودي ب ح (۲) دط على خطي جز هز ، فها عمودان على سطح اجز ، ونخرج منها (۱) عمودي بي دك على خط از ونصل خطي ح ي ط ك. فلأنّ خطي ب ح (۵) ب ي موازيان لخطي دط دك ، تكون زاويتا ي ب ح كدط متساويتين ، وزاويتا ي ح ب كط د قائمتان ، فيكون (۱) مثلثا ي ح ب طك د متشابهين وتكون نسبة دك وهو جيب قوس اد إلى ب ي وهو جيب قوس اب كنسبة دط وهو جيب قوس ده إلى ب ح وهو جيب قوس ب ج ، وذلك ما أردنا أن نبين .

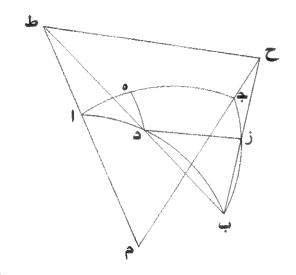


(١) أورد أبو الوفاء في مجسطيه النظريتين اللتين يُطلق عليها هنا اسها والشكل المغني، و والشكل الغللي، في نصّ واحد وهو حسب مخطوطة باريس وإذا تقاطعت قوسان على بسيط كرة من دوائر عظام وعلم عليها (sic) نقط كيفها اتفقت فإن نسبة جيوب القسي التي بين تلك النقط وموضع التقاطع بعضها إلى بعض كنسبة أظلال ميولها الثانية بعضها إلى بعض، ووضع التقاطع بعضها إلى بعض، (A. I-Wata, Alm., 16v:18-17r:1) على أنّ أبا الوفاء بالرغم من ذلك برهن على النظريتين الواحدة مستقلة عن الأخرى، وينقل البيروني براهين أبي الوفاء جميعها حرفيًا.

- (٢) في الأصل عليها.
- (٣) إنَّ بج في الشكل الوارد في المخطوطة هي قوس من الدائرة اب.
 - (٤) في محسطى أبي الوفاء ومنها أيضًا...
 - (٥) في الأصل ي ح.
 - (٦) في الأصل ويكون، وكذلك الأمر في مجسطي أبي الوفاء.

طريق آخر في البرهان على الشكل المغني لأبي الوفاء في «مجسطية»

نعيد قوسي اب اجه وميلي بجه ده ونعيد الدعوى كما هي لئلاً يطول الكلام بالتكرير ، ثم نقول برهانه أنا نجعل قوس جز مساوية لقوس ده ونصل (١٦٦ و) خطوط زد بز بد ونخرج خطي بز بد على استقامتها ليلقيا سطح (۱) دائرة جده اعلى نقطتي ح ط ونصل ح ط فلأن قوسي زجه ده متساويتان ، وزاويتا جه قائمتان ، يكون خط زد موازيًا لخط ح ط فتكون نسبة ب ط (۱) إلى طد كنسبة ب إلى حزر ونسبة ب ط إلى ط د كنسبة جيب قوس با إلى جيب قوس اد لما بيّن في المقدّمة التي قدّمها أبو الوفاء من المحسطي » بطلميوس (۱) ، ونسبة ب ح إلى حزر هي كنسبة جيب قوس ب إلى جيب قوس اد كنسبة جيب قوس ب الله جيب قوس اد كنسبة جيب قوس ب ج إلى جيب قوس اد كنسبة جيب قوس ب ج إلى جيب قوس اد كنسبة جيب قوس ب ج إلى جيب قوس د وذلك ما أردنا أن نبيّن .



⁽١) أجرى هنا البيروني تعديلاً بسيطًا على نص بمسطى ابي الوفاء فكتب وونخرج خطي... ليلقيا سطح الخ، عوضًا عن «وليلق خطأ بز بد سطح الخ».

⁽۲) ناطر.

⁽٣) ولما بيّن في المقدّمة التي قدّمها أبو الوفاء من مجسطي بطلميوس، و ولاجل ذلك أيضًا، أنّ هذا شرح للبيروني بالطبع.

والذي أحاله أبو الوفاء من النسب على مقتضى مقدّمته التي قدّمها وقد حكيناها أوّلاً فإنّها تتضح جدًّا إذا أخرج من مركز الكرة وليكن نقطة م خطان مستقيمان عرّان على نقطتي جرا كخطي مجرح ماط وهما لا محالة يلقيان خطي بحر بط على نقطتي حط. فيكون الرجوع حينئذ إلى المقدّمة سهلاً من جهة انّ على كل واحدة من دائرتي ادب بزج ثلاث نقط معطاة وقد أجيز على اثنتين منها خط مستقيم يلقى الخط المارّ على المركز والنقطة الثالثة.

ولمّا صحّ لأبي الوفاء هذه النسبة في الشكل بكلي برهانيه المذكورين ، جدّد الدعوى في تناسب جيوب أضلاع المثلثات القوسية من جيوب نظائرها من الزوايا وأخرج العمود في المثلث حتّى صار ميلاً مشتركًا لكلي الضلعين، وأورد ما أوردناه مثل هذا حتّى صحّح الدعوى في نسبة المساواة.

ثم أتى بعد ذلك بدعوى آخر حسنة جدًّا وهي أنّ نسبة جيوب القسي التي تفصلها الميول من الدائرة التي تقوم عليها بعضها إلى بعض كنسبة أظلال تلك الميول بعضها إلى بعض.

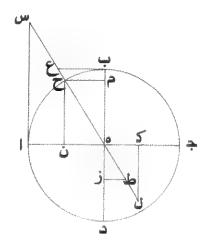
ويجب أن نقدّم كيفيّة الاظلال كما قدّمه.

لتصوّر من قوله حقيقة عرضه.

BIBLIOTHEEK
SUBFACULTEIT DER WISKUNDE
RIJKSUNIVERSITEIT TE UTRECHT
Budapestiaan 6, 3508 TA Utrecht

كيفيّة أظلال المقاييس واستخراجها

فلندر دائرة ابجد من دوائر الارتفاع ، عظيمة ، على مركز ٥ ، ونربعها بقطري ١٥ج ب٥٠. وكما أنه ليس لقطر الأرض نسبة محسوسة إلى قطر دوائر الارتفاع ، وخاصة في فلك الشمس وما فوقه ، فليس بين رأس المقياس وبين مركز الكل أيضًا قدر محسوس . فليكن مركز ٥ هو رأس المقياس ومقدار المقياس ٥ ونفرض الارتفاع قوس ١ ح . ونخرج ح٥ على استقامته ، وهو شعاع الجرم المقاس به ، ومن نقطة ز عمودًا على خط ٥ زحتى يلتقيا على نقطة ط . فيكون زط مقدارًا لظل المقياس ٥ ز إذا كان عمودًا على سطح الأفق والارتفاع قوس ١ ح . وهذا النوع من الأظلال تسمّى البسيطة والمستوية لوقوعها على سطح مبسوط على الأرض .



ثم نفرض ٥ ك أيضًا مساويًا لـ ٥ ز الذي هو المقياس ونخرج من كخط كل عمودًا على جـ ٥ فيكون كل هو مقدار الظل لمقياس ٥ ك إذا كان عمودًا على سطح الأفق والارتفاع قوس ١ ح. وهذا النوع من الأظلال تسمّى المنتصبة والمعكوسة لوقوع رؤوسها (١) إلى أسفل. ويسمّى ٥ ط قطر الظل لمقياس ٥ ز و٥ ل قطر الظل لمقياس ٥ ك. فلنفهم معنى الظل فها نستأنف.

ولننزل من نقطة ح عمودي حن حم (٢). فيتشابه مثلثا هطز حهن وتكون نسبة حن الذي هو جيب قوس اح إلى هن وهو جيب تمامها – أعني أنّه مساو لـحم – كنسبة المقياس وهو هز إلى الظل وهو زط فإذا كان ارتفاع ح ا معلومًا كان ظل طز البسيط معلومًا.

⁽۱) روسهار

⁽٢) في الشكل كان الخط حم قد مدّد إلى نقطة تقاطعه الثانية مع الدائرة.

(١٦٦ ظ) وبالعكس إذا كان ظل طز معلومًا ، والمقياس معلوم ، فطه الذي هو قطر الظل معلوم ، وه ح الجيب كله معلوم ، ونسبة طه المعلوم إلى هز المعلوم كنسبة ه ح المعلوم إلى حن المجهول. وكذلك مثلثا هكل حهم متشابهان وتهيّأ فيهما ما هُيّئ في مثلثي ه طز حهن من النسب، فنوعا الأظلال والجيوب للقسي المفروضة إذن معلومة بعضها من بعض.

ولنخرج من نقطة ا عمودًا على اه يلقى ٥ ح المخرج على استقامته على س وكذلك من ب عمودًا على ب ه يلقاه (٣) على ع ، فيكون اس الظل المعكوس لقوس ا ح و ب ع ظله المستوي لأنّ المقياس ليس شيئًا مفروض القدر ولا الأظلال مفروضة المقادير ومعلومة النسبة إلى نصف قطر الدائرة وإنّا هي مفروضة العدد في أقسامها ومناسبة لها لأشخاصها ومقايستها كيف ما كانت ، والنسبة في المثلثات ل ٥ ك ح ٥ ن س ١٥ واحدة وكذلك في مثلثات ط ٥ ز ح ٥ م ع ٥ ب واحدة .

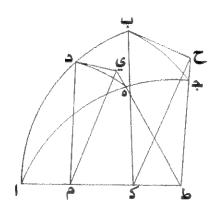
وذلك ما أردنا تعريفه من المواصفة في أمر الأظلال ، ويجب أن نعلم أنّ الذي يريد أبو الوفاء أن يستعمله أو نذكره نحن فها نستأنف من نوعي الأظلال هو المعكوس ، ولطلبنا الإيجاز ، متى أطلقنا لفظة الظل من غير إلحاق صفة به ، فإنّا نعني به المعكوس دون غيره . ثم نذكر ما أتى به أبو الوفاء واستخرجه من النسبة المذكورة .

الشكل الظلّي لأبي الوفاء ونتيجته عظيمة الغنى في علم الهيئة

إذا نعلم على محيط إحدى دائرتين عظيمتين متقاطعتين على بسيط كرة على أقل من زاوية قائمة نقط كم كانت وأجيز عليها قسي من دوائر عظام مارة على قطبي تلك الدائرة نفسها ، فإن تلك القسي تسمّى الميول الثانية للقسي التي بين تلك النقط ونقطة التقاطع ، وأنا أسمّيها عروضًا لها . ونسبة جيب القوس إلى جيب القوس الأخرى كنسبة ظل عرض الأولى إلى ظل عرض الأخرى .

مثاله أنّ قوسي اب اج تقاطعتا على نقطة ا على زاوية أنقص من قائمة وتُعلم على قوس اب نقطتاب د وأُجيز عليهما قوسا بج ده من دائرتين عظيمتين مارّتين على قطبي دائرة اب، فأقول إن نسبة جيب اد إلى جيب اب كنسبة ظل ده إلى ظل بج.

برهانه أن نخرج من نقطتي ب د عمودي ب ح دي على سطح ادب ، ونفرض مركز الكرة نقطة ط و ونصل خطي ط ج ط ه ونخرجها على استقامتها حتّى يلقبا خطي ب ح دي على نقطتي حي ونخرج من نقطتي حي عمودين على خط اط وهما حك ي م ونصل خطي ب ك دم (۱۱) . فظاهر أن خط حب هو ظل قوس ب ج وأن خط ي د هو ظل قوس ه د وأن خط ب ك هو جيب قوس اب وأن خط دم هو جيب قوس اد . ولأنّ (۲) خطي ك ح حب موازيان لخطي مي ي د ، تكون زاويتا ك حب مي د متساويتين ، وكل واحدة من زاويتي حب ك ي د م قائمة ، فثلثا ك حب مي د متشابهان فنسبة م د وهو جيب قوس اد إلى كب وهو جيب قوس اب كنسبة دي وهو ظل ده إلى حب وهو ظل ب ج ، وذلك ما أردنا أن نبين .



(١) في الأصل كم.

(٢) في مخطوطة بمسطى أبي الوفاء: فلأنَّ.

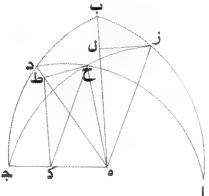
tions, calquées sur celles de la «figure qui dispense», «afin que, Dieu aidant, la discussion soit rendue proportionnée en ses parties» (Ṭūsī, *Traité*, texte pp. 132-5, trad. pp. 171-5, successivement d'après (*Maqālīd*), pp. 134-6 (cf. n. 5), pp. 116-8 (n. 2), p. 122 (n. 1) et pp. 138-40 (n. 2).

أحد طريقي أبي نصر في البرهان على الشكل المغني في كتاب «السموت»

فأمّا ما ذكرت من أنّ أبا نصر أتى به في كتاب «السموت» فأجد ما أورده قريبًا من الطريق الأولى لأبي الوفاء، وهو في الجملة الثانية من ذلك الكتاب في آخر برهان عمل النيريزي في سمت القبلة الذي له في زيجه. وهذه نسخته بألفاظه.

قال ابو نصر. لتكن قوسا اب ادكل واحدة منها ربع دائرة وقوسا جب جرح زكل واحدة منها إمّا أقل أو أكبر من ربع دائرة أو ربعًا تامًّا. فأقول إنّ نسبة جيب دح إلى جيب زب (١) كنسبة جيب جرح إلى جيب جرز.

برهانه أنّا نفرض نقطة ه مركز الكرة ونصل هب هد (۲) ه ح و خرج أعمدة زل حط (۲) ح ك ونخرج أيضًا جيب قوس زجه ونضع أنّ زجه ربع دائرة فإنّ البرهان واحد ، فيكون زه جيب قوس زجه ، ونصل ط ك (۲) . (۱۹۷ و) فن اجل انّ قوسي اب اد كل واحدة منها ربع دائرة فإنّ نقطة ا قطب دائرة بج فقوسا اب اد قائمتان على بج. و زل عمود ، على سطح اب ، على به الفصل المشترك لدائرتي اب بج ، فزل عمود على سطح بج . وكذلك أيضًا ح ط عمود على سطح بج ، فزل ح ط متوازيان ، فزاويتا ه زل ك ح ط متساويتان ، وزاوية زل ه قائمة و ط ك في سطح بج و ح ك أيضًا متوازيان ، فزاويتا ه زل ك ح ط متساويتان ، وزاوية زل ه قائمة و ط ك في سطح بج و ح ط ك متشابهان فنسبة ح ط وهو جيب ح د إلى زل وهو جيب زب كنسبة ح ك وهو جيب ج ح إلى زه وهو جيب زج . وذلك ما أردنا



(١) هنا إشارة إلَى حاشية كتب فيها دب والصواب زب كما ورد في متن المخطوطة.

(٢) في الشكل الوارد في المخطوطة رسم الخط دك عوضًا عن ده، فوضعت النقطة ط على الخط دك.

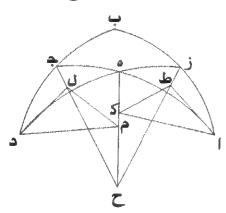
quantités dans l'Almageste d'Abû al-Wafā', cas particulier correspondant à la relation I du triangle rectangle dans le livre des Azimuts.

L'idée d'une généralisation (cas où GZ diffère d'un quadrant) qui apparaît seulement dans l'énoncé, dans le livre des Azimuts, n'est pas reprise dans la Risāla. Remarquons enfin, dans la figure construite par Abū Naṣr, quelques tracés inutiles, tels que HE, HA, AZ, qui disparaîtront dans les démonstrations ultérieures.

الطريق الثاني لأبي نصر من كتاب «السموت»

وأمّا الطريق الثاني فهو (١) الذي ذكره في الجملة الثانية من ذلك الكتاب حين ذكر هناك برهان عمل له دون غيره ، ولننقله إلى ههنا لتكون الحكاية بألفاظه. فلتكن كل واحدة من قسيّ اب اجد دز دب ربع دائرة عظيمة ، فأقول إنّ نسبة جيب ها إلى جيب از (٢) كنسبة جيب هد إلى جيب دجه.

برهان ذلك ليكن مركز الكرة ح ونصل حز حه حجد ونخرج جيوب اط اكد دل دم ونصل طكد له م. فمن أجل أنّ نقطة د قطب دائرة اب وقد مرّت عليها دائرة اهج فإنّها قائمة على دائرة ازب ، ومن أجل ان نقطة ا قطب دائرة بجد وقد مرّت عليها دائرة اهج فإنّها قائمة على دائرة دجب واط عمود على الفصل المشترك لدائرتي ازب دهز وفي سطح دائرة ازب ، فاط عمود على سطح دائرة دهز ، وكذلك أيضًا دل عمود على سطح دائرة اهج. فمن نقطة ا من دائرة اهج خرج إلى سطح دائرة ط هز عمود الله عمود على سطح دائرة دهز وعمودان على ه ح (٥) فها متوازبان . عمود الله عمود على الفصل المشترك لدائرتي دهز اهج ، فلم عمود على هذا الفصل وهو في سطح دائرة اهج كما أنّ اك فيه ، فها متوازيان فزاويتا ط كم المه د متساويتان . وأيضًا فلأنّ اط عمود على سطح دائرة دهز ودل عمود على سطح دائرة اهج ، فإنّ (٧) زاويتي اط كم دلم



(۱) وهو.

(٢) هنا كتب في الحاشية خطأً اب في حين أنَّ الصواب هو از الوارد في المتن.

(٣) هنا إشارة إلى حاشية كتب فيها دوني سطح دائرة دوز خط دم عمود على الفصل المشترك لدائرتي دوز اهج فال عمود على هذا الفصل وهو في سطح دائرة اهج كما أنَّ اك فيه فها متوازيان، وطك دم في سطح دائرة دهز وعمودان على ه ح فها متوازيان، وأنَّ هذا لا يرتبط بالنص ارتباطًا واضحًا ولعل هنالك تشويشًا خاصة وإنَّ القسم الآخر من الحاشية قد ورد في المتن مباشرة بعد اط. راجع حاشيتينا (٤) و (٦)

(٤) لعل هنالك مقطعًا ناقصًا برهن فيه أنَّ طك عدود على هرج.

(٥) هجرح.

(٦) لعل هنالك مقطعًا ناقصًا آخر ذكر فيه أنَّ دل عمود على جه ح.

(٧) نلأذَ.

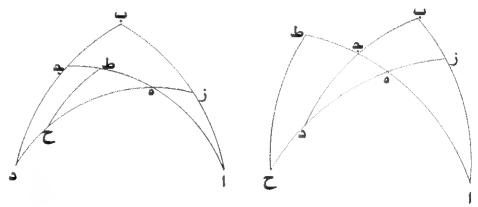
متساويتان، فالمثلثان متشابهان فنسبة اك الذي هو جيب اه إلى اط الذي هو جيب از كنسبة دم الذي هو جيب ده إلى دل الذي هو جيب دج، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

وذكر أبو نصر في آخر هذا الشكل أنّه ينتج من هذا طريقًا في معرفة المطالع في الكرة المنتصبة والأكر الماثلة سوى الذي أتى به بطلميوس بالشكل القطاع. فلست أدري كيف استجاز أبو الوفاء لنفسه مفاخرته ومنافرته بعد وقوفه على الكتاب.

فأمّا كيف يؤدّي هذا إلى الأولى ، فلنعد له قسيّ قطاع ابد خالية عن الجيوب والخطوط المستقيمة كيلا تتشوّش الصورة ونقول :

أمّا إذا كان ٥٥ ما متساويين، فإنّ ٥ و ح يكونان متساويين، وزاويتا ٥ بسبب التقابل متساويتان وزاويتا و بسبب التقابل متساويتان وزاويتا و بسبب التقابل متساويان و الرقطار، و تمتان الله في الأوتار والجيوب والأقطار، غير أنّ الغرض فيما شُرح من تناسب الجيوب لهذه القسيّ أن نبيّن ذلك في (١٦٧ ظ) المختلفة منها، أعني إذا كان ٥٥ غير متساويين، وقد بيّن في الشكل أنّ النسبة المذكورة باقية على حالها مع اختلاف مقاديرها.

فليكونا في المثال مختلفين وه د أعظم من 10 أو أصغر. ونجعل ٥ ح (^) مساويًا لها ونخرج قوس حط عظيمة قائمة على ٥ ج. فظاهر أنّ مثلثي ازه حطه متساويان متطبقان إن أطبق أحدهما على الآخر ، ولذلك يكون حط مساويًا لـز١. ومن أجل أنّ زاويتي ٥ ط ح ٥ جد قائمتان ، فإنّ ط ح ميل لقوس ٥ ح وجد ميل لقوس ٥ د ونسبة جيب ٥ عني ١٥ إلى جيب حط اعني از كنسبة جيب ٥ إلى جيب مجب نفسة جيب القوس الأخرى إلى جيب ميلها. وذلك ما أردنا إيضاحه.



(٨) في الشكل الثاني وضعت النقطة ح على الدائرة جدد عوضًا عن ٥٥.

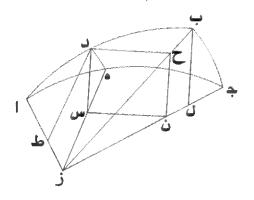
Abū Naṣr n'en a pas la généralité. Dans le *Traité*, Naṣīr al-Dīn supprime la circonstance particulière ■ = 90° (Ṭūsī, *Traité*, texte pp. 111-3, trad. pp. 145-6) et établit par ailleurs le corollaire V' (Ṭūsī, *Traité*, texte p. 125, trad. pp. 161-162) à la suite des relations V et V''.

طريقة أبي محمود الخجندي في البرهان على قانون الهيئة

ولئلا (١) يطول الكلام بتكرير المؤامرة والدعوى فإنّا نحذفها (٢) فإنّها واحدة في جميع ما يأتي من هذا الجنس. فنفرض كل واحدة من قوسي اب اجربع دائرة ، وليكن ده ميل قوس اد ، فنقول : نسبة جيب اد إلى جيب ده كنسبة جيب الله جيب بج.

برهان ذلك أنّ كل واحدة من دائرتي اب اج قطعت دائرة بج على زوايا قائمة ، فالفصل المشترك الذي هو خط ز ا عمود على سطح دائرة بج لأن از عمود على خطي زب زج اللذين في سطح دائرة بج ، فزاوية بزا قائمة . ونخرج من نقطة د في سطح دائرة اب عمودي دط دح على خطي بز از . ولأنّ خطي دط حز عمودان على از ، وهما في سطح واحد ، فها متوازيان ، وقد وقع عليها خط دح ، فزاويتا طدح دحز معادلتان لقائمتين ، وزاوية دحز قائمة ، فتبقى زاوية طدح قائمة . وكل واحدة من زاويتي دط ز طزح قائمة ، فسطح دز متوازي الأضلاع قائم الزوايا ، فدط مثل حز ، ودط جيب قوس اد ، فح ز جيب قوس اد .

ثم نخرج من نقطة د في سطح دائرة ده خط دس عمودًا على هز الذي هو الفصل المشترك لدائرتي احد ده، فيكون دس عمودًا على سطح دائرة اجه لكونه عمودًا على الفصل المشترك. ونخرج من نقطة ح عمود حن على جز، فتبيّن ممّا وضعنا أنّه عمود على سطح دائرة اج، فخطا دس حن عمودان على سطح دائرة اج، فها متوازيان. وكل خطين متوازيين فها في سطح واحد، فدس حن إذن في سطح واحد، وقد وصل بين أطرافها بخطي دح سن، ولأنّ دس عمود على دائرة اجه فهو عمود على كل خط فيها يجوز على



⁽١) ولأن لا.

⁽٢) مكذا في النص.

نقطة س، وخط سن أحد تلك الخطوط، فدس عمود عليه فزاوية دسن قائمة. وكذلك تبيّن أن كل واحدة من زاويتي سن ح ن حد قائمة، وخطا دح سن في سطح واحد ووقع عليها حن، فصارت زاويتا سن ح دحن الداخلتان قائمتين، فخطا دح نس متوازيان، فسطح دن متوازي الأضلاع. وقد تبيّن أن دس حن متوازيان، ووقع عليها خط دح، فزاويتا ن حد حدس معادلتان لقائمتين، وزاوية ن حد قائمة، فتبقى زاوية حدس قائمة. وقد تبيّن أن كل واحدة من زاويتي حنس نسد قائمة، فسطح ن د متوازي الأضلاع قائم الزوايا، فدس مساو لحن، ودس جيب قوس ده، فحن جيب قوس ده.

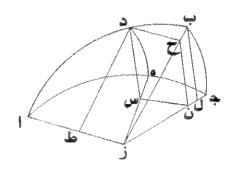
ونخرج من نقطة ب خط بل عمودًا (٢) على زج فهو جيب قوس بج، وخط زح جيب قوس اد وخط حن جيب قوس اد وخط حن جيب قوس ده وزب هو الجيب الأعظم وخط بل جيب قوس (١٦٨ و) بج، ونسبة زح إلى حن كنسبة زب إلى بل لتشابه المثلثين، فنسبة جيب قوس اد إلى جيب قوس ده كنسبة الجيب كله إلى جيب قوس بج.

وإذا نعلم على قوس اب نقطة سوى دكيف اتفقت وندبّر ما ذكرناه تبيّن أنّ نسبة جيب القوس التي بين تلك النقطة وبين التقاطع إلى جيب ميلها ونسبة جيب اد إلى جيب ده نسبة واحدة وهي نسبة الجيب كله إلى جيب بحد، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

اختصار أبي الحسن كوشيار بن لبّان الجيلي لبرهان هذا الشكل الذي سمّاه المغنى

فلأنَّ كوشيار كان معترفًا بأن الشكل لأبي محمود وأنَّ الذي ضمّنه كتابه هو هو بعينه ، لا يمتاز عنه إلاَّ بوجازة اللفظ مع حصر المعاني ، فإنّي أحكيه لأعطي القصّة حقّها . والمثال في كلا الدعويين واحد ، فليكن كما هو فيما تقدّم لأبي محمود .

فأقول حاكيًا لفظة برهانه إنّا نفرض مركز الكرة نقطة ز ونصل زج زب زا، فزب فصل مشترك بين سطحي دائرتي ادب بج وخط زج فصل مشترك بين سطحي دائرتي اهج بج. ونخرج خط زه فصلاً مشتركًا بين سطحي دائرتي اهج ده ونخرج أعمدة دح دط دس ن س على خطوط زب زج از هز ونخرج بل عمودًا على زج ونصل حن. فلأنّ دائرتي ادب اهج قائمتان على سطح دائرة بج يكون از عمودًا عليه وكذلك دح سن عمودان على سطح دائرة بجد لأنها حمودان على الفصلين المشتركين، وكذلك يكون دس بل عمودين على سطح دائرة اهج. فعمودا از دح متوازيان، وخط حز في سطحها ، حف كل واحدة من زاويتي ازح دحز قائمة ، وزاوية دطز قائمة ، فتبقى زاوية طدح قائمة . فسطح دز متوازي الأضلاع قائم الزوايا فدط مثل حز ، لكنّ دط جيب قوس اد ، فحز جيب قوس اد .



وأيضًا فإنّ عمودي دح سن متوازيان، وخط حن في سطحها، فكل واحدة من زاويتي دحن سن ح قائمة، وزاوية دسن قائمة، حذ> تبقى زاوية سدح قائمة. فسطح ند متوازي الأضلاع قائم الزوايا فدس مثل حن، لكنّ دس جيب قوس ده، فدحن جيب قوس ده.

ولأنّ دس حن متوازيان وفي سطح واحد و دس عمود على سطح داثرة اهج، فرحن عمود عليه، وقد تبيّن أنّ بل عمود عليه، فرحن بل متوازيان فمثلث زبل قد خرج منه حن موازيًا لقاعدته فهو شبه

مثلث زحن ، فنسبة زح إلى حن كنسبة زب إلى بل. ولكنّ زح جيب قوس اد و حن جيب قوس ده و زب جيب قوس ده و زب جيب قوس اب و زب جيب قوس اب ألزبع متناسبة. وإذا نعلم على قوس اب نقطة سوى د وامتثل فيها ما ذكرناه ، تبيّن ما كنّا بيّناه فيما تقدّم ، وذلك ما أردنا أن نبيّن .

ولم يتعرّض أبو محمود ولا كوشيار لما بعد ذلك من تبيّن تناسب جيوب الأضلاع مع جيوب الزوايا المقابلة لها في المثاثات القوسية أصلاً ، بل قد استبعدا إمكان (١) ذلك لمّا أخبرتهما به ، وإن كان ذلك مطّردًا في جميع المثلثات سواء كانت من قسي عظيمة أو من خطوط مستقيمة ، وأنكرا أن تكون بين المقادير المذكورة نسبة في المساواة إذ لم يفطنا أنّها نسبة مضطربة كما بيناها.

ومع ذلك فقد اعترضا على الشكل الظلّي المحكي عن أبي الوفاء وزعا أنّ العمل بالأظلال لا يصح، معتلّين (٢) في ذلك بعظم التفاوت بين فضول ما بين أظلال القسيّ المتفاضلة فضولاً متساويةً.

وهذا منها خطأ فاحش ، حملها عليه التعصّب والتخاتل . وذلك أنّ الذي ذكراه موجود في الأظلال المحلّلة لدرجة درجة الموضوعة (١٦٨ ظ) في الجداول ، ونحن إذا قلنا ظل قوس فلسنا نأمر العامل أن يأخذه من الجداول بل نشير إلى نسبة قد ظهرت (٣) للظل مع الجيوب والمقاييس (٤) فيما تقدّم بالبرهان الواضح الذي لا يُقدح فيه الطعن بالجزاف ، كما لا نأمره أن يرصد ذلك الظل بمقياس شرقت (٥) عليه الشمس حتّى يعرف مقداره . على أنّ هذا الظل إنّا يستعمل في استخراج أشياء لا يتبيّن استخراجها بالجيوب إلا بعد تكرير الضرب

⁽١) استبعد امكان.

⁽٢) معللي

⁽٣) ظهر،

⁽٤) والمماس.

⁽٥) شرق.

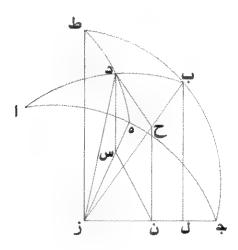
والقسمة ، ومتى تكرّر ذلك مرارًا تركت في المطلوب من جهة الجيوب والأوتار أكثر ممّا كرهاه وأعظم. فقد عُلم أن ليس في الأوتار منطق إلاّ وتر السدس وأمّا سائرها فبعضها منطق في القوة وبعضها غير منطق فيها وبعضها غير معلوم في الحقيقة إلاّ بالحيل المقرّبة وبعضها مستخرج بتركيب من تلك المعلومة ومن التي لا تُعرف إلاّ بالحيلة .

على أنَّا فيما بعد نرشد عند مواضع الحاجة إلى استعال الظلِّ إلى كيفيَّة النيابة عنه بالجيوب.

وقد أتى أبو العبّاس النيريزي وأبو جعفر الخازن كل واحد منها في تفسيره للكتاب (١) « المجسطي » بشكل لمعرفة الميول الجزئية فقط ، شبيهة بما اتى به ابو محمود وأسهل كثيرًا منه ، من غير أن يكونا قاصدين في استخراجه قانونًا لمعرفة علم الهيئة وبدلاً عن الشكل القطاع.

البرهان على هذا الشكل المغني من تفسيري أبي العبّاس النيريزي وأبي جعفر الخازن للكتاب(١) «المجسطى».

فلنعد لحكايته قوسي اب اج مع قوسي ده بج ونصل هز ونتمّم جبط ربع دائرة ونصل زط ونتمّ هدط ربعًا تامًّا ونخرج عمود دح على بز وعمود دس على هز (٢) ، فدح عمود على سطح دائرة بج لأنّ دائرة بج تجوز على قطبي دائرة اب فهي قائمة عليها (٣) فدح أيضًا قائم على سطحها ، وبل عمود على جز . فزاوية جزط قائمة لأنّ جبط ربع دائرة ، فحن طز متوازيان (٤) . ولأنّ طده ربع دائرة فإنّ زاوية هزط قائمة ، فدس زط متوازيان (٤) . وزاوية دحن قائمة لأنّ دح قائم على سطح دائرة بج ، وكل الخطوط التي تخرج من نقطة ح في بسيط دائرة بج تحيط مع دح بزاوية قائمة . فسطح حس متوازي الأضلاع قائم الزوايا ، فدس مثل حن . ومثلثا زلب زن ح متشابهان ، فنسبة بل إلى حن كنسبة بزال من وذلك ما أردنا أن نبيّن .



⁽١) هكذا في الأصل.

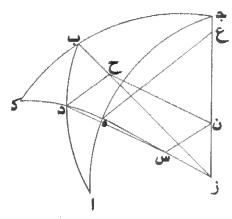
⁽٢) في الشكل وضعت النقطة س على الخط دز.

⁽٣) هكذا في الأصل ولعلّه كان من الأفضل لو بدل بج باب لأنّ المقصود هنا: ... واب قائمة على بج، فدح قائم على سطح بجه».

⁽٤) هكذا في الأصل ولعل هنا نقصًا.

شكل أورده أبو العباس النيريزي في تفسيره «للمجسطي» يؤدّي إلى الشكل المغني

ولنعد له الشكل الذي أورده هو وأبو جعفر الخازن في معرفة الميل ونخرج عمود ه ع على جز. فظاهر أنّ ده متى كان ميل اد، كان ١٥ مطالع اد في الفلك المستقيم و ه ع جيب جه الذي هو تمام تلك المطالع، وهذا الشكل مخصوص بطلب معرفتها. و هز الجيب كلّه لأنّه نصف قطر الكرة ون س جيب تمام اد لأنّه يساوي دح و س ز جيب تمام ده لأنّ دس جيب ده فس ز جيب تمامها. ولتشابه مثلثي زس ن زه ع تكون نسبة جيب زس الذي هو جيب تمام الميل الجزئي إلى جيب ن س الذي هو جيب تمام القوس التي لها ذلك الميل كنسبة زه الجيب كلّه إلى جيب ه ع الذي هو جيب تمام المطالع المطلوبة، وذلك ما أردنا أن نبين.



وإنَّمَا قلنا أنّ هذا يؤدّي إلى ما نحن فيه من الشكل المغني لأنا إذا تممنا كل واحدة من جب (١٦٩ و) ك هدك ربع دائرة ، تقاطعتا على نقطة ك وصارت نسبة جيب كـد وهو تمام ميل ده إلى جيب دب وهو تمام اد كنسبة جيب كـه الجيب كلّه إلى جيب هج الذي هو تمام اه وذلك هو الذي تقدّم بعينه.

وقد أورد أبو العبّاس بعد ذلك في هذا التفسير وأبو جعفر الخازن فيه أيضًا وفي «زيج الصفائح» ، لمعرفة المطالع وأمثالها ، أشكالاً مخصوصة باستخراج كل واحد منها ، قريبة بعضها من بعض ، وكلها تؤدّي إلى ما تقدّم من الشكل المغني ، واكتفينا بما حكيناه عنها(۱) .

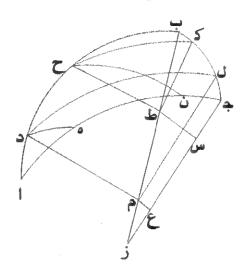
(١) مها.

^{2.} Une nouvelle fois, Bîrûnî ramène la proposition à la règle des quatre quantités. Naşîr al-Dîn ne se trompe pas en rangeant cette démonstration parmi celles de la relation III, établie auparavant en corollaire de 1. Nul doute cependant qu'il l'emprunte à *Maqālīd*: il la présente comme étant tirée des commentaires de l'*Almageste* d'al-Nayrīzī et d'al-Khāzin, où elle est appliquée au calcul des ascensions (Tūsī, *Traité*, texte pp. 123-4, trad. p. 159). Dans le *Traité*, nous avons déjà trouvé une allusion au calcul des ascensions, avec le même caractère approximatif (cf. supra, p. 148, n. 3).

طريقي في البرهان على الشكل المغني

ليكن كل واحدة من قوسي اب اجد ربع دائرة عظيمة ونعلم على قوس اب نقطتي دح ونجيز عليها ميلي ده حن. فأقول إنّ نسبة جيب اد إلى جيب ده كنسبة جيب اح إلى جيب حن.

برهان ذلك أنّا نفرض مركز الكرة نقطة ز ونصل زج زب وندير على قطب دائرة اج مداري نقطتي دح ومنها قطعتي دل حك ونخرج دم حط عمودين على زب، فظاهر أنّ زم هو مساو لجيب اد و زط مساو لجيب اح . ونخرج من نقطتي م ط عمودين على خط زج وهما م ع ط س . فلان جيب ده يكون عمودًا على سطح دائرة اج ، كذلك يكون عمودًا على سطح مدار دل الذي ترسمه نقطة د إذا تحركت الكرة على قطبي دائرة اج . لكنّا إذا أخر جنا خط م ل ، كان في سطح مدار دل وفصلاً مشتركًا بين سطح دائرة ب جو وسطح مدار دل ، وخط جوز هو الفصل المشترك بين سطحي دائرتي اج ب جد . فخطا زج مل فصلان مشتركان لسطح دائرة ب جو ولسطحين متوازيين فها متوازيان ، وع م عمود على أحدهما ، فهو عمود على الآخر فهو مساو لجيب جل ، لكنّ جل مساو لميل ده ، فم ع جيب ميل ده . وكذلك نصل خط ط كه وندبر ما دبرنا في م ع حتى يتبيّن انّ طس جيب ميل حن . ثم نعود ونقول إنّ نسبة زم المساوي لجيب اد إلى م ع المساوي لحيب ده كنسبة ز ط المساوي لحيب ا ح إلى طس المساوي لحيب حن وذلك لنشابه مثلثي ز م ع ز ط س المساوي باله ع ن وذلك لنشابه مثلثي ز م ع ز ط س المساوي باله ع ن وذلك لنشابه مثلثي ز م ع ز ط س المساوي باله ع م ن وذلك لنشابه مثلثي ز م ع ز ط س المساوي باله ع م ن وذلك لنشابه مثلثي ز م ع ز ط س المساوي باله ع م ن وذلك لنشابه مثلثي ز م ع ز ط س المساوي باله ع ن وذلك لنشابه مثلثي ن م ع ن ط س المساوي باله ع ن وذلك لنشابه مثلثي ن م ع ن وذلك النشابه مثلثي ن م ع ن ن وذلك ما أردنا أن نبين .



فإذ قد أتينا غلى براهين الفضلاء لهذا الشكل فإنّا نريد أن نحدّ أنواع المثلثات القوسيّة ونتبع الطرق في استخراج بحهولاتها من معلوماتها فإنّ أولائك اقتصروا بالجهد وأسندوا التفصيل إلى قرائح المستفيدين ، وذلك مما يطوّل المدّة ويملّ المستخرج.

تقسيم المثلثات القوسيّة إلى اقسامها باختلاف أنواع زواياها المحصورة تحت الحدود الثلاثة.

فنقول إن أنواع الزوايا الحادثة على بسيط الكرة من تقاطع دوائرها العظام، لمّا كانت ثلاثة، أعني حادّة وقائمة ومنفرجة، وكان المثلث يحوي ثلاث زوايا فقط، وكل واحدة منها يمكن أن تترتّب تحت كل واحدة من الأنواع، لم تحتمل القسمة الطبيعيّة في اقترانات أنواع الزوايا في المثلثات إلاّ عن أقسام يتّضح بها هذا الجدول.

جدول أقسام المثلثات القوسية من جهة زواياها

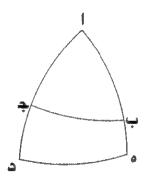
نوع الزاوية ۳	الزاوية ٣	نوع الزاوية ۲	الزاوية ٢	نوع الزاوية الأولى	الزاوية ١	عدد اقسام المثلثات
حادّة	ج	حادّة	ب	حادّة	1	
قاعة	ج	قاعة	ب	قائمة	1	٠
منفرجة	ج	منفرجة	ب	منفرجة	ţ	ج
قائمة	ج	حادّة	ب	حادّة	1	د
منفرجة	ج	حادّة	ب	حادّة	1	_&
حادّة	ج	قاعة	ب	قائمة	1	و
منفرجة	جد	قاعة	ب	قائمة	1	ز
حادة	ج	منفرجة	ب	منفرجة	1	ح
قاعة	->-	منفرجة	ب	منفرجة	١	ط
منفرجة	ج	قائمة	ب	حادّة	1	ي

(١٦٩ ظ) تعديد هذه الأقسام للتعريف

ولنجعل مثلث ابج الكائن من قسي عظام مثالاً لنا في صفة هذه الأقسام العشرة.

القسم الأوّل أن تكون كل واحدة من زوايا ا ب ج حادة.

وهذا يكون متى أخرجنا اجد اب إلى نقطتي د هحتى يصير كل واحد من اد اه ربعًا تامًّا وأخرجنا على نقطتي ده قوسًا عظيمة فكانت أقلّ من ربع دائرة ، فإنّ زاوية احينثذ تكون أنقص من قائمة لنقصان مقدارها – اعني ده – عن مقدار القائمة ، وكذلك لو أخرجنا لكل زاوية من زاويتي بج ضلعيها المحيطين (١) بها كان ما يقع بينهها من مقدارها أقلّ من ربع دائرة تامّة.



القسم الثاني أن تكون كل واحدة من زوايا ا ب جـ قائمة.

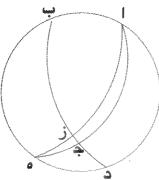
وحينئذ يكون لكل واحد من أضلاع اب اج بج ربع دائرة تامّة وكل واحد من نقط ابج قطبًا للدائرة التي منها الضلع المقابل لها ويكون ما يحوي المثلث ثمن جملة الكرة.

القسم الثالث أن تكون كل واحدة من زوايا ا ب ج منفرجة.

وحينة يكون ضلعان من الثلاثة كل واحد منها أعظم من ربع دائرة ضرورة ، الثالث يمكن أن يكون أصغر أو أعظم أو ربعًا تامًّا بعد أن يكون أقل من نصف دائرة . ومثاله أن يكون ذلك الضلع الثالث اب فتتم دائرته و اجده بجد كل واحدة نصف دائرة . فتى كانت زاويتا داج هبجه كل واحدة منها حادة ، وجب ضرورة أن تكون كل واحدة من زاويتي اب في مثلث ابج منفرجة . ونجيز على نقطتي اه نصف دائرة از ه عظيمة مارة على قطب دائرة بجد فتكون زاوية ه زد قائمة فنقطة جد إن كانت فيا بين نقطتي د زوكانت

⁽١) ضلعاها المحيطان.

زاوية هجد منفرجة وليس يمكن ذلك إلاّ أن يكون قطب دائرة بجد الذي (٢) تمرّ عليه دائرة از ه داخل مثلث ابج.

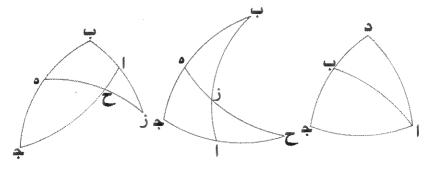


القسم الرابع أن تكون كل واحدة من زاويتي ا ب حادّة وزاوية ج قائمة.

وبجب فيه ان يكون كل واحد من ضلعي اج بج أقلّ من ربع دائرة لأنّها لو كانا ربعين لكانت نقطة ج قطب دائرة اب فزاويتا ا ب تكونان قاعتين وقد فُرضتا حادّتين فليس اج بج ربعي (٣) دائرة.

وكذلك لا يمكن أن يكون أحدهما ربعًا والآخر أصغر منه. فليكن للمثال اجربعًا وبج أصغر، ونجعل جد ربعًا وندير على قطب جه وببعد ضلع المربع قوس اد، فتكون قائمة على دجه وظاهر أن كل قوس تخرج من نقطة ا وتقع على نقطة بين نقطتي دج كقوس اب فإنها تحيط مع بد بزاوية حادة ومع بجه بزاوية منفرجة، وقد فُرضت زاوية ابج حادة، فليس اجه ربعًا تامًّا.

وأيضًا فليس يمكن أن يكون أحد اج بج أعظم من ربع دائرة. فإن أمكن فليكن جب أعظم ونفصل جه في الصورة الثانية والثالثة ربعًا تامًّا (٤) وندير على قطب جه وببعد ضلع المربع ربع دائرة ٥ ح فتكون زاوية ح



⁽٢) ألتي.

⁽٣) ربعا.

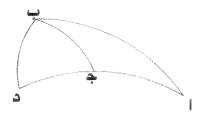
⁽٤) في الشكل الأخير وضع الحرف د عوضًا عن ٥.

قائمةً وزاوية زاح حادةً وتبقى زاوية باج منفرجةً وقد كانت فُرضت حادّةً. فليس يمكن أن يكون أحد ضلعي اج بج أعظم من الربع ولا كلاهما (٥) كما هو ظاهر من وضع الصورة الثالثة ، فكل واحد من ضلعي اج بج إذن أقل من ربع دائرة.

القسم الخامس أن تكون كل واحدة من زاويتي ا ب حادّة وزاوية ج منفرجة.

وههنا يمكن أن يكون ضلع اب ربعًا أو أقل أو أكبر بعد أن يكون أعظم من اج ومن جب.

وكيفا كان، وأنزلنا قوس بد من الدائرة (١) المارة على قطب دائرة اج، فبين ان زاوية بجد حادة وزاوية (١٧٠ و) بجا منفرجة. فأمّا اج فبالضرورة يلزم أن يكون أصغر من اب لأنّه لو ساواه لتساوت زاوية ب وقد فرضتا مختلفتين ولو كان أعظم منه لكانت زاوية ب أعظم من زاوية جد وقد فرضتا بخلاف ذلك يا عنى ب حادة وجد منفرجة. وكذلك ضرورة يلزم أن يكون بجد أصغر من اب بمثل ذلك بعينه.



القسم السادس أن تكون كل واحدة من زاويتي ا ب قائمة وزاوية ج حادّة.

ومتى قام كل واحد من ضلعي اج بج على ضلع اب كانا مارّين على قطب الدائرة التي منها اب فيكون ج الذي هو ملتقاهما هو ذلك القطب وكل واحد من اج بج يكون ربع دائرة واب مقدار زاوية ج، فإذا فرضت حادّة وجب لا محالة ان يكون اب أصغر من ربع دائرة.

القسم السابع أن تكون كل واحدة من زاويتي ا ب قائمة وزاوية ج منفرجة.

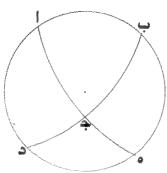
وكما تبيّن في القسم السادس يكون كل واحد من ضلعي اج بج ربع دائرة وج قطب دائرة اب واب مقدار زاوية ج، فيزيد حيناندٍ على الربع بمثل انفراج زاوية ج على مقدار الزاوية القائمة.

⁽٥) كليها.

⁽٦) هنا إشارة إلى حاشية بدلت فيها «الدائرة» بـ «الدوائر» والأفضل الاحتفاظ بالمفرد بسبب وجود دائرة واحدة مارة بالنقطة ب وبقطبي الدائرة اج.

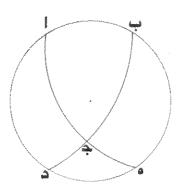
القسم الثامن أن تكون كل واحدة من زاويتي ا ب منفرجة وزاوية ج حادّة.

وذلك متى أُتممت دائرة اب ونصفا دائرتي اجه بجد أحدث مثلث ٥٥ج حاد زوايا د ٥ ج. فتكون زاويتا ج في مثلثي ابج ٥٤ حادتين وزاويتا جاب جبا منفرجتين لأن زاوية جاد مساوية لزاوية ج٥٥ الحادة أيضًا، فتبقى زاويتا جاب جبا منفرجتين.



القسم التاسع أن تكون كل واحدة من زاويتي ا ب منفرجة وزاوية جـ قائمة.

وذلك متى أتممت دائرة اب ونصفا دائرتي اجه بجدكا فعلنا في القسم الثامن فحدث مثلث ه دجد حاد زاويتي جهد جده قائم زاوية ج. فحينتلا تبيّن أنّ زاوية جافي مثلث ابج قائمة وزاويتي اب (۱۷) فيه منفر جتان. فظاهر أنّ كل واحدة من دائرتي اجه بجد مارّة على قطب الأخرى لقيام إحداهما (۱۸) على أختها.

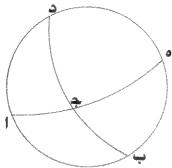


⁽٧) زاويتا **ب** ج.

⁽٨) احدهما.

القسم العاشر أن تكون زاوية احادّة وزاوية ب قائمة وزاوية جـ منفرجة.

وذلك إذا كانت زاوية احادة ودائرة جب مارة على قطب اب فإن أتممت دائرة اب ونصفا دائرتي اجه بجد حدث مثلث هجد قائم زاوية د ومنفرج زاويتي جه. فتكون زاويتا جد في مثلثي ابجه هجد منفرجتين، وزاويتاب دقائمتان لقيام دائرة بجد على دائرة اب وزاوية اللساوية (١) لزاوية بهج الحادة، حادة لأنها بافي زاوية جهد المنفرجة إلى تمام القائمة (١٠). فيلزم ضرورة أن يكون اب أعظم من ربع دائرة حتى تنفرج زاوية جه.



فهذه جملة ما احتملته القسمة عند تنوع الزوايا في المثلثات وقد عدّدناها ، على وجه الإخبار عنها في هذه الأقسام ، إلى عدد أقلّ بسبب ما وُجد فيها من الاشتراك والانعكاس.

ومن هذه الأقسام ما يشارك بعضها بعضًا في مثلثي ابج دهج المتناظرين. أعني بذلك متى كان مثلث اب جو من جنس القسم المشارك له ، وذلك بسبب أنّ الب جو من جنس القسم المشارك له ، وذلك بسبب أنّ الزاويتين الكاثنتين في جهة واحدة الحادثتين من تقاطع الدواثر العظام على سطح الكرّة تكونان متساويتين وهما كزاويتي ب اج جهب أو زاويتي جاد جهد (١١) الحادثتين من تقاطع دائرتي اجه ابه دوأنّ الزاويتين المتبادلتين يكون مجموعها معادلاً لزاويتين قائمتين وهما كزاويتي ب اج جهد (١٢) أو زاويتي جاد (١٣) جهب أو أن الزاويتين المتقابلتين عند تقاطعها تكونان متساويتين وهما كزاويتي بجا هجد في مثلثي ابج دهج المتناظرين. فآن ذاك إذا كان كذلك وجب ضرورة أن يشارك القسم الأول مع الثامن والقسم الثالث مع الناسع والقسم الرابع مع التاسع.

⁽٩) الماوي.

⁽١٠) هكذا في الأصل والمقصود تمام القائمتين.

⁽۱۱) جاه جها.

⁽۱۲) جدها.

⁽۱۳) جاه.

وتنعكس الأربعة الأقسام الباقية على أنفسها وهي الثاني والسادس والسابع والعاشر وأعني بانعكاسها على أنفسها أنّ مثلث البح، مهاكان من جنس (١٧٠ ظ) أحدها ، كان مثلث ٥٤ج من ذلك الجنس بعينه.

أمّا الأوّل من هذه المنعكسة، وهو الثاني من جملة الأقسام، فزواياه الثلاث قوائم وأضلاعه الثلاثة أرباع ومتى عُلم واحد من أضلاعه أو زواياه أوجبت (١٤) للمساواة معرفة الباقية.

وأمّا الثاني والثالث منها، وهما السادس والسابع من الجملة، فني كل واحد منها زاويتان قائمتان فيكون الضلعان المقابلان لها كل واحد منها ربع دائرة بالاضطرار، وأمّا الزاوية الثالثة فني أحدهما أنقص من قائمة وفي الآخر (١٥) أزيد منها ولن ينفع في استخراجها واستخراج الضلع المقابل لها إلا بأحدهما، فمتى كان أحدهما معلومًا كان الآخر بقدره ومتى لم يكن معلومًا لم يكن إلى معرفته ومعرفة نظيره سبيل بتّةً ولم يُجدِ علينا حصول سائر الزوايا والأضلاع لدينا.

وأمّا الرابع ، وهو عاشر الجملة ، فليست مقادير أضلاعه محدودة ولا كميّات زواياه تحت أنواعه إلاّ القائمة محصورة ، وفيه تقع النسب المذكورة في الشكل المغني ، وعليه مع غيره نغتني فيما نستأنف.

ونعود الآن إلى ذكر الاقسام المتشاركة ونلقي قرائنها لنيابة القرين عن قرينه ودخوله في حدّ المعلومات عند دخول شريكه فيها. فيكون الباقي منها بعد الإلقاء الاول والثالث والرابع، ونضيف إليها العاشر الذي كان بتي عندنا من المنعكسة على أنفسها.

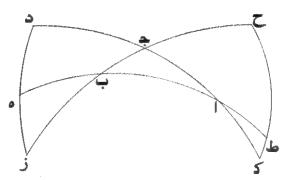
ثمّ نقدتم الرابع في تبيّن ما يتولّد منه لتطرّق بذلك إلى تحصيل المطلوب من البواقي.

⁽١٤) أوجب.

⁽١٥) الأخرى.

تعديد الاقترانات التي تكون من الأضلاع الثلاثة والزوايا الثلاث بعضها من بعض عند ضروب التقليبات على مقتضى مثلث القسم الرابع

ونعيد مثلث ابج الكائن على بسيط كرة بالشرايط المذكورة في القسم الرابع وهو أن تكون زاويتا ا ب
حادّتين وزاوية جه قائمة والمثلث من قسي عظام. فنخرج اب اجه على استدارتها حتى يصير كل واحد من
اه اد ربعًا تامًّا وندير على قطب ا ببعد ضلع المربّع ربع دائرة ده ز ونخرج جب على استدارته فلا محالة يلقى
ده على نقطة ز ويحدث قطاع اد زب من أرباع دوائر عظام. ثم نخرج كل واحد من بج با جا على
استدارته حتى يصير كل واحد من ب ح بط جكربعًا تامًّا وندير على قطب ب وببعد ضلع المربّع دائرة
ح طك فيحدث قطاع ب حكا من (١١) أرباع دوائر عظام أيضًا. وظاهر أنّ ده هو قدر زاوية ا وه ز تمام
قدرها وأنّ طح قدر زاوية ب وطك تمام قدرها وأنّ اه الذي هو ربع تام هو مساو لقدر زاوية جم القائمة
وكذلك كل واحد من الأرباع العظام هو بقدرها ، فتى ذكرنا إحدى هذه القسي فإنًا نعني بها الزاوية التي
بقدرها فلنفهم ذلك فها يأتي .



ثم نقول متى كان في مثل مثلث ابج ضلع ما من أضلاعه وزاوية أي زواياه كانت سوى القائمة معلومين (٢) فإنّ باقي الأضلاع والزوايا تصير معلومة. وإذ زوايا المثلث ثلاث وأضلاعه ثلاثة فإنّ القرانات الثنائية في الأعداد الستّة تكون خمسة عشر قرانًا ، خمسة منها وهي الكاثنة مع الزاوية القائمة (....) (٣) وقد كتبناها بالحمرة (٤) ليتميّز حق القرانات من باطلها وفصلنا ذكرها في نستأنف بعد أن جمعناها للعيان في هذا الطيلسان.

⁽١) أو.

⁽٢) معلومًا.

⁽٣) لعل هنا نقصًا، نقترح أن يكون خبر خمسة «باطلة».

 ⁽٤) في الطبلسان الوارد في المخطوطة لم يكتب عمود الصفر باللون الأحمر ، ويبدو أنّ اللون الأحمر قد استعمل في الإطار المحيط بالطبلسان ،
 وذلك حسب الميكروفيلم الذي بين ايدينا .

فتى كان لنا في مثلث ابج ضلعان معلومان أو زاويتان سوى القائمة أو ضلع وزاوية غير القائمة ، فإنّ المثلث بكلّيته يصير معلومًا وبذلك تصير قطع قطاع (١٧١ و) ا درب كلها معلومة. ومتى اخذنا المقدارين المعلومين ، وطلبناهما في الطيلسان حتّى وجدناهما ، ثم أخذنا ما يسامت البيت الذي وُجدوا فيه من عددي الطول والعرض جميعًا وجمعناهما ، اجتمعت سمة الباب الذي ذُكر فيه استخراج قطع القطاع كلّها منها.

				/		
		-	/	33.00	\s\ \s\ \s\ \cdots	Jaball
		/	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	23 33,33		ĩ
	/		/,1	30° 03	6 01	ب
/	التخديد	<i>)</i> ;). J.	٠٠);)	ج
ist ⁱⁱ	J.J.	بر بر	40	4. y. o.s	19 01	د
<u></u>	g.).	4,	3. 3.	4/	1.	٥
هو وز	١.	٩	٧	£	•	

فلنذكر تلك الأبواب بعد أن نقدّم مثالاً لكيفيّة معرفة قطاع ادزب كله من جهة المثلث ابج.

ولننزله معلوم الأضلاع. فتكون جد به بز معلومة لأنّها تمامات الأضلاع المعلومة ويبقى ده هز مجهولين. وظاهر من الشكل المغني انّ نسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بج المعلوم (٥) كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ه د المجهول. فيصير ده معلومًا، وهز تمامه، فقطع القطاع كلها معلومة. ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب اج المعلوم (١) كنسبة جيب بط الجيب كله إلى جيب طح المجهول، فزاوية ابج تصير أيضًا معلومة.

ثم لنزل هذا المثلث معلوم الزوايا. فإذا كان ذلك لم نعلم من القسيّ إلاّ ده ه زحط طك. فلأنّ نسبة جيب اب إلى جيب اج كنسبة جيب زاوية ب ونسبة جيب بن إلى جيب زاوية ب ونسبة جيب بن إلى جيب زاوية ب ونسبة جيب زاوية ه إلى جيب زاوية ب الكن زاويتي ب لأجل التقابل متساويتان وزاويتا به ه قائمتان ، فالنسبتان متساويتان ، فنسبة جيب اب إلى جيب اج كنسبة جيب بن إلى جيب زو الكن نسبة جيب اب إلى جيب بن المحلوم (لا كنسبة جيب بن المحلوم الله جيب ط ح . فنسبة جيب زب المجمول إلى جيب ه ز المعلوم (لا كنسبة جيب بن ط ح المعلوم ، ف زب ب ج يصيران معلومين .

ونسبة جيب اب المجهول إلى جيب بج المعلوم كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ه د (^) المعلوم، فاب هب معلومان. ونسبة جيب زب المعلوم إلى جيب به المعلوم كنسبة جيب زج (^) الجيب كله إلى جيب جد المجهول، فد جر جا معلومان. وقطع القطاع كلها معلومة إذا كان مثلث ابج معلوم الأضلاع أو معلوم الزوايا.

ثم نبيّن الآن أنّها كذلك معلومة متى كان اثنان من جملة أضلاع المثلث وزواياه غير < القائمة >معلومين.

⁽٥) في الأصل أضيف هنا دونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب اجد المعلوم إلى دويبدو أنَّ الناسخ أخطأ ونقل سطرًا جاء فيا بعد.

⁽٦) أو إلى جبب اجد المعلوم، هذا مكرَّر في المخطوطة.

⁽٧) في الأصل وفنسبة جيب هز المعلوم إلى جيب زب الجمهول».

⁽۸) هز.

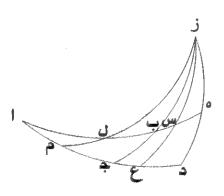
⁽٩) هنا إشارة إلى حاشية كتب فيها ووزح، وهذا خطأ.

ذكر الأبواب التي بها يصير القطاع كله معلومًا من جهة مقدارين من مقادير المثلث سوى مقدار الزاوية القائمة

ولأنّا ذكرنا أنّه لا ينتج من القران الكائن مع الزاوية القائمة علم بالمطلوب من أمر القطاع والقرانات معها خمسة فيجب أن نبيّن في كل واحد منها علّة ذلك وعبثه، ونبدأ بالباب الأوّل ثم نتلوه منها (١) على الولاء الطبيعي.

الباب الأوّل المعلومان في هذا الباب هما زاويتا ا ج

وكان كل واحد من اه ه د معلومًا ، فأقول إنّه لا نعلم بشيء من أضلاع مثلث اب جد لأنّ وضع زب ج غير محدود من أجل أنّه يمكن أن نخرج من نقطة ز أرباع (٢) دواثر عظام بلا نهاية ، بعضها فيا بين نقطتي اب كربع زل م وبعضها فيا بين نقطتي به كربع زسع ، ويحدث مثلثات لا نهاية لها كمثلثي الم اسع القائمي الزاوية – أعني زاويتي م ع – والمعلومات في كل واحد منها على الحال التي كانت عليها في مثلث اب ج. فلذلك لا تمكن معرفة وضع زب ج بما فُرض من المعلومين.

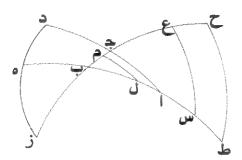


⁽١) هكذا في الأصل ولعل هذه الكلمة زائدة.

⁽٢) ناع.

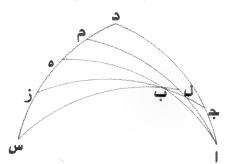
الباب الثاني المعلومان فيه زاويتا ب ج.

وكان كل واحد من اه حط معلومًا. فأقول إنّ أضلاع مثلث ابج غير معلومة من ذلك من أجل أنّ اه مساو لبط فالمعلومان إذن بط طح حو> وضع اجه فيا بين بط بح غير محدود لأنّه يمكن أن تقع فيا بينها قسيّ كلها قائمة على بج، بعضها أقرب إلى ب من اجه مثل له وبعضها أبعد عنه مثل عس. ويحدث مثلثات غير متناهية كمثلثي بلم بس ع القائمي الزاويتي م ع، فالحال (١٧١ ظ) في جميعها كالحال في مثلث ابج من معلوميه المفروضين، فليس يمكن إذن أن نعلم منها وضع اجه المطلوب.



الباب الثالث المعلومان فيه زاوية جـ وضلع اب.

فليس يمكن أن نعلم منها وضع أحد خطي اج جب. وذلك انّا إذا فرضنا م بين نقطتي د ه وأخرجنا در على استدارته حتّى يصير مس ربعًا تامًّا ثم أدرنا على قطب س وببعد ضلع المربّع ربع ام وأخرجنا ربع سل (") ، حدث مثلث ابل قائم زاوية ل وفيه ضلع اب وزاوية ل معلومان (٤) كما كانا في مثلث ابج. وكذلك يحدث مثلثات أمثال هذا بإحداث كم شئنا من النقط بين نقطتي د ه وإجراء الأمر على مثل ما أجريناه ، فإذن ليس يعيّن (٥) ممّا فرضنا وضع أحد خطي اج جب.



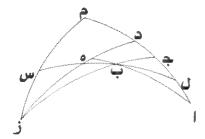
⁽٣) في الشكل كان الربع سلى قد مدّد إلى نقطة تقاطعه مع الربع ١٥.

⁽٤) معلومين.

⁽٥) يينن.

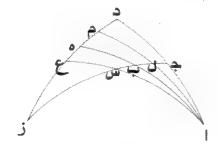
الباب الرابع المعلومان فيه زاوية جـ وضلع بج.

أقول إنّ وضع كل واحد من اب اج غير محدود ، وكذلك لا تمكن معرفتها من قبل هذين المفروضين. وذلك أنّا نعلم نقطة ل فيا بين نقطتي اج ونخرج ال على استدارته حتّى يصير ل م ربعًا تامًّا وندير على قطب ل وببعد ضلع المربّع م ز ونجيز على نقطة ب ربع ل ب س. فيكون في مثلث ب ل ج زاوية ج وضلع ب ج معلومين كما هما في مثلث اب ج. وكذلك يمكن إحداث نقط (١) مثل ل فيما بين نقطتي اج وحدوث مثلثات كمثلث ب ل ج لا نهاية لها ، وب ج في جميعها على حاله مع زاوية ج القائمة. فوضع خطي اب اج غير معلوم ولذلك لا تمكن معرفتها ممّا فرض لنا معلومًا.



الباب الخامس المعلومان فيه زاوية ج وضلع اج.

أقول إنّ كل واحد من اب بج غير معلوم (٧) الوضع ولذلك لا تمكن معرفتها. وذلك أنّه يمكن أنّ غرج من نقطة ا قسيًّا عظامًا لا نهاية لها فتقع بعضها فيا بين نقطتي ده كربع ال م وبعضها فيا بين نقطتي ه و كربع ال م وبعضها فيا بين نقطتي ه و كربع اس ع ويحدث مثلثات كمثلثي الج (٨) اس ج، وفي كل واحد منها (٩) ، ومع (١٠) اختلافها ، اج وزاوية ج على حالها. فإذًا وضع كل واحد من اب بج غير محدود فمتنع أن يكون أحدهما ممّا فُرض من المعلومين معلومًا ، وذلك ما أردنا أن نبيّن ، إيضاحه وبطلان الوجوه الخمسة وعدم التحديد في أوضاعها،



فلنعد إلى القرانات الباقية ونشير إلى استنباط الجمهول من معلوماتها إشارةً معينةً.

- (٦) نقطة.
- (٧) معلومي.
- (٨) ابج.
- . Lin (9)
- (١٠) في الأصل: وصع.

الباب السادس المعلومان فيه زاويتا اب.

وكان كل واحد من ده هز حط طك معلومًا. فظاهر ممّا تقدّم أنّ نسبة جيب زب المجهول إلى جيب هز المعلوم (١١) كنسبة جيب بط (١١) الجيب كله إلى جيب طح المعلوم فـزب بح معلومان. ونسبة جيب اب المجهول إلى جيب بح المعلوم كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ده المعلوم فـ اب به معلومان. ونسبة جيب زب المعلوم إلى جيب بد المعلوم كنسبة جيب زج الجيب كله إلى جيب جد المجهول فدج جا معلومان ومثلث ابج وقطاع ادزب كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبين.

وظاهر من الصورة أنّ زه هو ميل قوس بز بالمقدار الذي به الميل كله بقدر زاوية ب، أعني طح. و بز تمام بج و ده تمام هز، فزاوية ا هي بمقدار تمام ميل تمام بج من الميل الذي أعظمه بمقدار زاوية ب.

الباب السابع المعلومان فيه زاوية ا وضلع اب.

فكان كل واحد من اب به ده وز معلومًا. وقد تبيّن أنّ نسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بج المجهول كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ود المعلوم ف ب ج بز معلومان. ونسبة جيب وز المعلوم إلى جيب زب المعلوم (١٧٢ و) كنسبة جيب جا المجهول إلى جيب اب المعلوم فاج جد (١٣) معلومان ومثلث اب ج وقطاع ادزب كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبيّن ونوضّح.

الباب الثامن المعلومان فيه زاوية ا وضلع بج.

فكان ده هز بج بزكلها معلومة. ونسبة جيب اب المجهول إلى جيب بج المعلوم كنسبة جيب المعلوم كنسبة جيب المعلوم المع

⁽١١) في الأصل وأن نسبة جيب دهز المعلوم إلى جيب زب الجمهول،.

⁽۱۲) زط.

⁽۱۳) جز.

كنسبة جيب زجر (۱۱) الجيب كله إلى جيب جد المجهول فدج جا معلومان والمثلث والقطاع كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبيّن.

الباب التاسع المعلومان فيه زاوية ا وضلع اجر.

وكان ده هز اج جد كلها معلومة. وقد تبيّن في الشكل الظلي الذي أتى به أبو الوفاء أنّ نسبة جيب اج المعلوم إلى ظل ده المعلوم، فحب معلوم.

ولنقلّل استعال الظل اتباعًا لمن احتواه فنقول: قد تبيّن فيا تقدّم من أمر تعريف المواضعات في الظل أنّ نسبة الجيب كله إلى ظل كل ارتفاع كنسبة جيب تمام ذلك الارتفاع إلى جيب الارتفاع نفسه. فنسبة جيب اجر إلى ظل جب كنسبة زه إلى جيب ده المي هي نسبة جيب اد إلى ظل ده. وإذا بدّلنا ، فنسبة جيب اجر المعلوم إلى جيب ده المعلوم كنسبة ظل جب المجهول إلى جيب ده المعلوم ، فظل (١٥٠ جب معلوم فجب بزمعلومان .

ولنقبد استعال الظل أصلاً فنقول: لما كان ادريعًا وجدك أيضًا ربعًا صار جد مساويًا لـ اك عند رفع اجد المشترك بينها، ونسبة جيب اك المعلوم إلى جيب كل المجهول كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب هد المعلوم، فطح كل معلومان. ونسبة حيب اب المجهول إلى جيب اجد المعلوم كنسبة جيب ب ط الجيب كله إلى جيب طح المعلوم في اب به معلومان. ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بجد المجهول كنسبة جيب لل جيب طح، المعلوم إلى جيب تمام زاوية ابج، أعني طك، المعلوم في بحد بن معلومان والمثلث والقطاع كله معلومان، وذلك ما أردنا أن نبين.

وهنالك استبان أنّ زاوية ب هي بمقدار تمام ميل دج فبالمقدار الذي به الميل كله بقدر زاوية أ.

(١٥) وظل.

$$\frac{\text{Sin AB}}{\text{Sin AG}} = \frac{\text{Sin BT}}{\text{Sin TH}} \text{ (r.4q) donne AB et BE (g par } \frac{\text{Sin g}}{\text{Sin b}} = \frac{\text{R}}{\text{Sin B}} \text{ , = ABG,Ib)}$$

$$\frac{\sin AB}{\sin BG} = \frac{\sin AK}{\sin TK}$$
 (r.4q) donne BG et BZ (a par $\frac{\sin g}{\sin a} = \frac{\cos b}{\cos B}$, = ABG, V_b)

⁽١٤) هنا كتب في الحاشية خطأً وزح.

^{9.} Variante pour le calcul de B, dans la dernière méthode: $\bar{B} = \delta_A$ (DG), soit $\bar{B} = \delta_A$ (\bar{b}) (= ABG, V_b).

الباب العاشر المعلومان فيه زاوية ب وضلع اب.

فكان كل واحد من اب به حط طك معلومًا، ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب اج الجحهول كنسبة جيب بط الجيب كله إلى جيب طح المعلوم، فاج جدد معلومان. ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بجدد، أعني اك، المعلوم إلى جيب طك المعلوم، فبج بز معلومان. ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بجد المجهول، معلومان. ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بجد المعلوم كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب هد المجهول، فهد هز معلومان، فالمثلث والقطاع معلومان وذلك ما أردنا أن نبيّن.

الباب الحادي عشر المعلومان فيه زاوية ب وضلع بج.

فكان كل واحد من بج بز طح طك معلومًا ، فظاهر أنَّ نسبة جيب بز المعلوم إلى جيب زه المجهول كنسبة جيب بط الجيب كله إلى جيب طح المعلوم ، فـزه ٥٥ معلومان . ونسبة جيب اب المجهول إلى جيب ب ج المعلوم كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ٥٥ المعلوم ، فـاب به معلومان . ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب زه (١٦) المعلوم ، فـاج جد المعلوم إلى جيب زه (١٦) المعلوم ، فـاج جد معلومان ، فالمثلث والقطاع كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبين .

الباب الثاني عشر المعلومان فيه زاوية ب وضلع اج.

فكان كل واحد من اج جد طح طك معلومًا. ونسبة جيب اب الجحهول إلى جيب اج المعلوم كنسبة جيب بط الجيب كله إلى جيب طح المعلوم، فاب <ب٥>معلومان. ونسبة جيب تمام بج المعلوم، أعني ب٥، كنسبة جيب زاوية جرالقائمة، أعني جيب زجيب الحلوم، أعني به بكنسبة جيب زاوية جراله المعلوم، أعني جد، المعلوم، فزب بج معلومان. ونسبة جيب اب المعلوم إلى زجر (١٩)، إلى جيب تمام اج، أعني جد، المعلوم، فزب بج معلومان. ونسبة جيب اب المعلوم إلى

⁽١٦) از.

[.]aa (1V)

⁽۱۸) دب

⁽۱۹) دج.

جيب بج المعلوم كنسبة (١٧٢ ظ) جيب ٥١ الجيب كله إلى جيب ٥٥ المجهول ، فـده وز معلومان ، فالمثلث والقطاع كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبيّن .

الباب الثالث عشر المعلومان فيه ضلعا اب بجر

وكان اب به بج بزكلها معلومة ، ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بج المعلوم كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ه المجهول ، فده ه ز معلومان . ونسبة جيب بز المعلوم إلى جيب به المعلوم كنسبة جيب زج الجيب كله إلى جيب جد المجهول ، فدج جا معلومان ، فالمثلث والقطاع كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبين .

الباب الوابع عشر المعلومان فيه ضلعا اب اجر.

وكان كل واحد من اب به اج جد معلومًا ، ونسبة جيب زب المجهول إلى جيب به المعلوم كنسبة جيب زج الجيب كله إلى جيب جد المعلوم ، فزب بج معلومان . ونسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بحد المعلوم كنسبة جيب اه الجيب كله إلى جيب ده المجهول ، فده در معلومان ، فالمثلث والقطاع كله معلومان وذلك ما أردنا أن نبيّن .

الباب النخامس عشر المعلومان فيه ضلعا اج جاب.

فكان كل واحد من اج جد جب بز معلومًا ، ونسبة جيب زب المعلوم إلى جيب به المجهول إلى كنسبة جيب زج الجيب كله إلى جيب جد (٢٠) المعلوم ، فده ب با معلومان . ونسبة جيب وز المجهول إلى جيب بز المعلوم كنسبة جيب اج المعلوم إلى جيب اب المعلوم ، فرزه هد معلومان ، فالمثلث والقطاع كله في الأضلاع العشرة معلومة وذلك ما أردنا أن نبين .

(٢٠) هنا إشارة إلى حاشية حيث مم تبديل جد، وهو الصواب، بـدز.

$$\frac{\sin ZB}{\sin BE} = \frac{\sin ZG}{\sin GD} \text{ (r.4q) donne EB et BA (g par } \frac{\cos a}{\cos g} = \frac{R}{\cos b} , = ABG,III)$$

$$\frac{\sin EZ}{\sin BZ} = \frac{\sin AG}{\sin AB} \text{ (r.4q) donne ZE et ED (A par } \frac{\cos A}{\cos a} = \frac{\sin b}{\sin g} , = ABG, V_a').$$

^{15.} Données et inconnues forment huit arcs, deux à deux complémentaires. Il y en aurait dix en ajoutant HT et TK, les mesures de B et B, mais précisément ces arcs ne sont pas calculés.

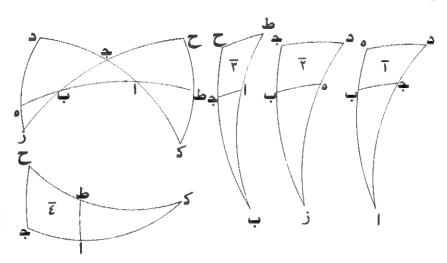
^{16.} Sont calculés successivement g ($\bar{g} = BE$) et A ($\bar{A} = EZ$):

فهذه هي القرانات الخمسة عشر واستخراج الجمهول من المعلومين في كل واحد من العشرة التي أمكن ذلك فيها ، وقد كان يمكن أن نشير إلى عدّة منها ونتجنّب عن التطويل في تعديدها جميعًا لكنّ ذلك ممّا كان يطوي بساط الشبهة على ما بين المناظرين فيه ويعين على التدرّب في استعاله.

إجهال القول في إخراج الجمهول واحتمال القسيّ صنوف الحالات عند الإضافات

ومن تصوّر هذا الشكل ومن قطاعي ادرب كرب ارجوع القول فيه إلى تناسب جيوب القسيّ مع جيوب ميولها استغنى بقليل تفكّر عن التطويل الذي طوّلنا.

فلنقطع هذين القطاعين بأربع قطع وهي اده زدج ب حط كرحج، وظاهر أن الحروف المكررة فيها متى وضعها الواضع على مثلها التأم القطاعان وعادا كما كانا. وظاهر أيضًا ممّا تبيّن أنّه متى كانت به جد اجرح ط اط جرح ميولاً كانت قسيّها اب اه زب زجر با بط كا كرج، ومتى كانت تلك الميول عروضًا كانت قسيّها اجراد زه زد بجرب حك كرط كرح.



فالقوس الواحدة تكون ميلاً لقوس ما وتكون بعينها عرضًا لقوس أخرى في وضع واحد من أوضاع الدائرتين المتقاطعتين على أقلّ من زاوية قائمة ، وهي بعينها في وضع آخر تمام قوس ميلها مساوٍ لتمام قوس الأولى إذا احتُسبت ميلاً.

مثال ذلك أنّ بج عرض قوس اج وميل قوس اب في الوضع الذي فيه زاوية التقاطع ا وهي أعني ببج – تمام بز الذي هو قوس ميل به في الوضع الذي فيه زاوية التقاطع ز، وبه هو تمام قوس اب الذي ميله بج. ويلزم في به ما لزم في بج أيضًا سواء كان ميلاً أو كان عرضًا.

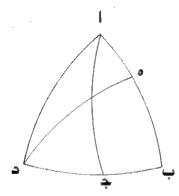
وكذلك قوس العرض تصير ميلاً لقوس عرضه إذا احتُسبت ميلاً وتصير أيضًا عرضًا لعرضه إذا احتُسبت هذه (٢١) قوس عرضه.

مثاله أنّ اج قوس عرض (١٧٣ و) جب وهو ميل لقوس ب١ في الوضع الذي فيه زاوية التقاطع ب، وكذلك اج عرض لقوس بج في ذلك الوضع.

والأمر في هذه القطع الأربع سواء، وتصوَّره فيا عند الالتئام والاتّصال يُظهِر جميع ما يُحتاج إليه ويصير معلومًا بالشرائط المتقدّمة، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

تصير الجمهولات معلومة في الأقسام التي أخّرنا ذكرها وهي الأوّل والثالث والعاشر

أمّا في القسم الأوّل والثالث فلن ننتفع بمعلومين فقط في استخراج مجهولات دون ثالث معها. فليكن مثلث ابدحاد الزوايا للقسم الأوّل ومنفرجها في القسم التالي، وينبغي أن يكون فيه زاويتان وضلع أو ضلعان وزاوية معلومة.



وليكن أوّلاً زاويتا اب وضلع اب معلومة. فنخرج اجد قائمة على بد فيكون في مثلث ابج القائم (١) زاوية جد ضلع اب وزاوية ب معلومين (١) فعلى ما تقدّم في الباب العاشر يكون مثلث ابج بكليّته معلومًا وإذا عُلمت زاوية باجد بقيت زاوية جداد معلومة وصار في مثلث اجد القائم زاوية جد زاوية جداد وضلع اجم معلومين فعلى ما يقتضيه الباب التاسع يكون مثلث اجد معلومًا ويصير بذلك أضلاع مثلث اجد وزواياه معلومة.

فإذا كان أحد ضلعي بد اد، وليكن بد، مع زاويتي ا ب معلومًا، كانت نسبة جيب زاوية ا إلى جيب زاوية ا إلى معرفة اب جيب زاوية ب كنسبة جيب بد إلى جيب اد فيكون ضلعا بد اد معلومين ونحتاج حينئذ إلى معرفة اب وزاوية د المقابلة. فنخرج قوس ده قائمًا على اب، فيصير في مثلث به د القائم زاوية ه زاوية ب وضلع بد معلومين ويكون المثلث كله معلومًا على ما يوجبه الباب السابع أو العاشر، وكذلك في مثلث اهد القائم زاوية ه يكون ضلع اد وزاوية ا معلومين فيكون مثلث اهد معلومًا على موجب ذينك البابين.

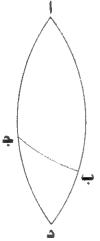
⁽١) القاعة.

⁽٢) معلومان.

ثم لتكن إحدى زاويتي اب وضلعا اد دب معلومة ، ولنخرج قوس ده قائمًا على اب. فيكون في مثلث بهد زاوية ب وضلع بد معلومين ، فالمثلث معلوم كما تقدّم ويصير في مثلث اهد ضلعا اد ده معلومين ، فيكون المثلث كله معلومًا على ما فيه من الباب الرابع عشر ، ويصير أضلاع مثلث ابد وزواياه كلها معلومة .

فإن كان ضلعا اددب حو> إحدى زاويتي با معلومة ، فإنّ نسبة جيب بد إلى جيب دا تكون كنسبة جيب زاوية الله جيب دا تكون كنسبة جيب زاوية الله بن فزاويتا اب معلومتان ويتي أن نعلم ضلع اب وزاوية د المقابلة له . فنخرج قوس ده قائمًا على اب ، فيكون مثلث به د معلومًا لأنّ فيه زاوية ب وضلع ب د معلومان (٣) . وكذلك يكون مثلث اهد معلومًا لأنّ فيه زاوية ا وضلعي (١) ادده معلومة ، فثلثا هذين القسمين إذن معلومان بثلاثة من المعلومات فيها .

أما القسم العاشر فليكن له مثلث ابج منفرج زاوية جو وقائم زاوية ب وحاد زاوية ا، وضرورة يكون اب أعظم من الربع. ونتم كل واحد من اجد ابد نصف دائرة، فتكون زاوية د مساوية لزاوية الحادة وزاوية بجد حادة لأن زاوية بجا (٥) منفرجة وزاوية ب قائمة ، فيؤول الأمر في مثلث بدج إلى مقتضى القسم الرابع الذي طوّلنا في استخراج القرانات الخمسة عشر له. وإذا علم مثلث بدج، صار له مثلث ابج معلومًا لأن اب تمام بد إلى نصف الدائرة واج تمام دج إلى نصف الدائرة أبضًا وبج مشترك لكليها.



وهذا تمام ما كنّا فيه وفيها هو أقل منه كفاية. فلنعد الآن إلى ما هو الغرض المقصود.

⁽٣) معلومين.

⁽٤) ضلعا.

⁽٥) باج.

^{5, 4°} cas: sont donnés deux côtés et l'angle opposé à l'un d'eux. La résolution s'opère en abaissant la hauteur au troisième côté. Une autre méthode est ajoutée à celle-ci dans le *Traité* (Ṭūsī, *Traité*, texte pp. 148-9, trad. pp. 193-4, cas II).

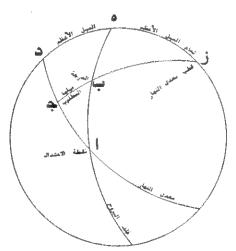
^{6.} Cf. p. 164, premier paragraphe et n. 8. Dans ce qui suit, la dixième classe est associée à la quatrième. Il est à remarquer que, dans les décompositions précédentes, les triangles rectangles pouvaient appartenir à la dixième classe. L'ordre suivi n'est donc pas tout à fait logique.

كيفيّة استعال ما ذكرناه من الشكل المغني وتوابعه في تعرّف مقادير القسيّ الفلكيّة بعضها من بعض

وإذ قد أتيت على جميع ما أردت أن أحكيه عنهم ، وإن تكرّر بعضها ، وتبيّن مقتضى هذا الشكل مع ما لا يُخفى حدوثه فيه من تنوّع (١٧٣ ظ) النسب في المقادير المعطاة (١) لها عند الخلاف والعكس والإبدال إذا اختلفت المعلومات منها ، فيجب أن أذكر كيفيّة استعاله في تعرّف بعض هيئات الفلك ، ذِكْرَ إشارة لا استقصاء ، فإنّ ذلك يكني بعد ما قدّمناه من التطويل .

معرفة ميل أي درجة شئنا من فلك البروج عن معدّل النهار.

ليكن ادربع دائرة معدل النهار واه ربع دائرة فلك البروج ونقطة ب الدرجة المفروض بعدها، وهو اب ، عن نقطة الاعتدال وهي ا، ونقطة ز قطب معدل النهار. فيكون بج ميل نقطة ب، وفي مثلث ابج القائم الزاوية ضلع اب وزاوية ا التي هي بمقدار الله الأعظم معلومان، فبج معلوم ممّا تبيّن أنّ نسبة جيب اب المعلوم إلى جيب بج المجهول كنسبة جيب اله الجيب كله إلى جيب الا المعلوم. فتى ضربنا جيب اب ، وهو بعد الدرجة من نقطة الاعتدال، في جيب الا وهو الميل الأعظم، وقسمنا المجتمع على جيب الحيب كله ، خرج جيب بج وهو ميل الدرجة المطلوب (٢).



وهذا بلوازم الشكل القطاع والنسبة المؤلّفة قد تبيّن في النوع الثالث عشر من المقالة الأولى من «المجسطي »، وعكس هذا قريب ومستغنى عنه.

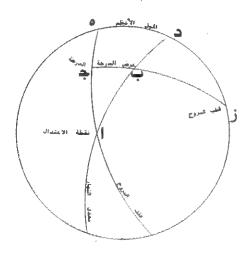
⁽١) العطه.

⁽٢) المطلوبة.

معرفة عرض أيّة درجة شئنا

ولنُعِد له قطاع اهزب على أن يكون اه من فلك البروج واد من معدل النهار وج الدرجة المفروضة وب ج عرضها عن معدل النهار ونقطة زقطب فلك البروج. فني مثلث اب ج القائم الزاوية ضلع اج وزاوية المعلومان. فنسبة جيب اج إلى جيب اه كنسبة ظل جب إلى ظل ٥٥ فتى ضربنا جيب اج في ظل ٥٥ وقسمنا المجتمع على جيب اه خرج ظل ب ج.

وأيضًا فإن نسبة جيب ه جو إلى جيب تمام زاوية ب كنسبة جيب اه إلى جيب ه د ونسبة جيب ب ز إلى جيب و د ونسبة جيب ب ز الذي هو الجيب كله إلى جيب زاوية ب ، فإذا ضربنا جيب ه جو في جيب ه د وقسمنا المجتمع على جيب اه خرج جيب تمام زاوية ب وإذا ضربنا جيب ز د في الجيب كله وقسمنا المبلغ على جيب زاوية ب خرج جيب ب ز الذي هو تمام عرض الدرجة المفروضة عن معدل النهار.



des Ombres, des constructions sont faites pour déduire les deux étapes de ce calcul de la règle des quatre quantités. Si ce calcul est repris dans le traité des Ombres, c'est évidemment pour l'opposer au précédent et souligner l'intérêt de l'emploi des tangentes (Bîr., Zilāl, 199:12-200:11). Dans le Qānān, où ß est tabulé (n. 3, p. 196), nous retrouvons les deux procédés, obtenus par la règle des quatre quantités et la règle des tangentes (Bîr., Qānān, pp. 371-2, tables, pp. 373-7. Schoy, trig. Lehren, p. 66).

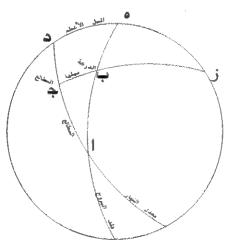
معرفة مطالع أيّة درجة شئنا في الفلك المستقيم

هذا الباب عماً ذكره بطلميوس في النوع يب من المقالة الأولى من كتاب «المجسطي».

ولنعد له قطاع ادزب على الوضع الذي ذكره ، كان عليه في معرفة الميل ، فيكون اج مطالع قوس اب في الفلك المستقيم . فظاهر أنّ نسبة جيب اج إلى جيب اد كنسبة ظل بج إلى ظل ٥٥ ، فإذن متى ضربنا ظل بج في جيب اد وقسمنا المجتمع على ظل ٥٥ خرج جيب اج.

وأيضًا فإنّ نسبة جيب اج إلى جيب اب كنسبة جيب هز إلى جيب زب، فإذا ضربنا جيب اب في جيب هز وقسمنا المبلغ على جيب هز وقسمنا المبلغ على جيب برخ جيب اج.

وأيضًا فإنّ نسبة جيب زب إلى جيب به كنسبة جيب زج إلى جيب جد، فإذا ضربنا جيب به في جيب زج وقسمنا المبلغ على جيب زب خرج جيب جد الذي هو تمام المطالع المطلوبة لدرجة ب المفروضة الله



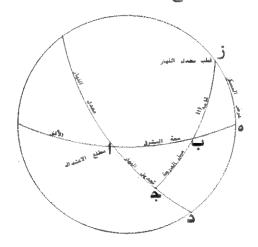
plus haut, p. 51), la formule plus intéressante: tg $\alpha_0 = \text{tg } \lambda_0$, cos ϵ (Bīr., Qānūn, pp. 377-90, dont une table par degrés et avec quatre places). Cette dernière n'est pas dans le traité sur les *Ombres* où se rencontre seulement, incidemment, (A2) (Bīr., Zilāl 132:6-8). Pour le calcul de α_0 , Abū al-Wafā' propose encore trois autres méthodes, en plus des quatre formules que nous venons de voir (A. l-Wafā', Alm., 23r: 1-24v:19).

معرفة سعة مشرق أيّة درجة شئنا

وليكن لذلك في قطاع ادرب الربع أفق المسكن المفروض وادربع معدل النهار وز قطبه وب مطلع درجة من فلك البروج معلومة ، فراب سعة مشرقها . ومن الظاهر ممّا تقدّم أنّ نسبة جيب اب إلى (١٧٤ و) جيب بج كنسبة جيب اه إلى جيب ٥٤ ، فإن ضربنا جيب بج وهو ميل الدرجة في جيب اه الجيب كله وقسمنا المجتمع على جيب ٥٤ ، وهو تمام عرض المسكن الذي أفقه ١٥ ، خرج جيب اب المطلوب .

فأمّا بطلميوس فقد قصد لاستخراجه في النوع الثاني من المقالة الثانية من قبل مقدار النهار المفروض للدرجة ومن ميلها، ومعلوم في هذه الصورة أنّ اجه هو فضل ما بين نصف النهار المعتدل ونصف نهار الدرجة التي سعة مشرقها اب في أفق ٥١. ونسبة جيب اجه إلى جيب اب كنسبة جيب هز، وهو عرض المسكن، إلى جيب زب وهو ثمام ميل الدرجة. فتى ضربنا جيب اجه في جيب زب وقسمنا المجتمع على جيب هز خرج جيب اب.

وأيضًا فإنّ نسبة جيب اب إلى جيب بج كنسبة جيب اه إلى جيب هد. فإن ضربنا جيب بج في جيب اه وقسمنا المبلغ على جيب هد خرج جيب اب وذلك ما أردنا أن نبيّن.



(١) تمامها.

^{4.} Pour cette formule, Sin a = $\frac{\sin d \cdot \cos \delta}{\sin \varphi}$ (S1), voir la n. 2 p. suiv. Nous faisons ici deux remarques: le la relation n'est pas dans l'*Almageste*, où elle ne conviendrait pas, car elle contient φ (n. 3 ci-dessus); 2º dans le contexte de *Maqālīd*, elle présente peu d'intérêt pour le calcul de a puisque d est obtenu en fonction de φ et δ par l'intermédiaire de a (p. suiv., n. 1)!

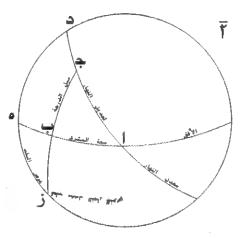
^{5. (}A6) est répétée par erreur. Vraisemblablement, il devait s'agir de la formule (A3), Cos a = $\frac{\cos d \cdot \cos \delta}{R}$ qui est celle de l'*Almageste* et que nous allons retrouver pour la détermination de d (p. suiv., n. 3).

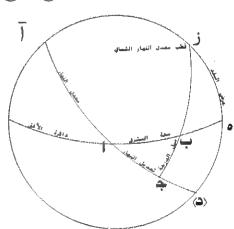
معرفة تعديل نهار أيّ درجة شئنا

ولنُعد له قطاع ادزب على الوضع المتقدّم في معرفة سعة المشرق، فيكون اج تعديل النهار ومعرفته متأخّرة عن سعة المشرق، ونسبة جيب اج إلى جيب اب كنسبة جيب هز إلى جيب زب. فمتى ضربنا جيب اب الذي هو سعة المشرق في جيب ه و الذي هو عرض المسكن وقسمنا المجتمع على جيب زب الذي هو تمام ميل الدرجة، خرج جيب اج.

وأيضًا فإنّ نسبة جيب زب إلى جيب به كنسبة جيب زج إلى جيب جد. فإذا ضربنا جيب به في جيب زج وقسمنا المجتمع على جيب زب ، خرج جيب جد الذي هو تمام تعديل النهار وهو نصف زيادة النهار على النهار المعتدل كما هو في الصورة الأولى ونصف نقصانه من النهار المعتدل كما هو في الصورة الثانية.

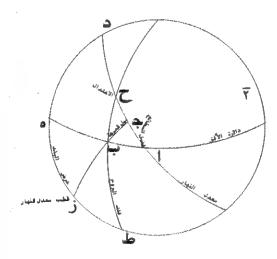
وقد أبان بطلميوس عن هذا في النوع السابع من المقالة الثانية.

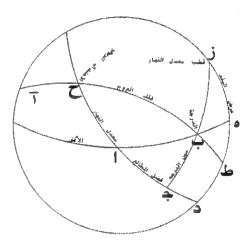




معرفة مطالع أيّة درجة شئنا في أيّ عرض أردنا

ونعيد له القطاع المتقدّم، وليكن منه حبط قطعة من فلك البروج و ح نقطة الاعتدال و حب القوس التي نريد مطالعها في أفق اه. ومن البيّن أنّ جح مطالعها في الفلك المستقيم و ح ا مطالعها المطلوبة في أفق اه و اج فضل ما بينها وهو تعديل النهار وقد تقدّم استخراجه. فتى حصّلناه ونقصناه من جح ح (۱) إذا كان ميل الدرجة ب شماليًّا كما تقتضيه الصورة الأولى وزدناه على جد ح (۲) كما توجبه الصورة الثانية ، حصل مطالع ح امن أقرب نقطتي الاعتدال إليه في أفق المسكن المقصود ، وذلك ما أردنا أن نبيّن.





⁽١) جما وفي الحائبة ح1.

⁽٢) جا.

معرفة عرض البلد وتعديل النهار وسعة المشرق بعضها من بعض

وهذا الباب ممّا قصده بطلميوس في النوع الثالث من المقالة الثانية. وقد تقدّم استخراج كل واحد من تعديل النهار وسعة المشرق من قبل عرض البلد.

فأمّا معرفة عرض البلد من سعة المشرق لدرجة مفروضة ، فلأنّ نسبة جيب اب إلى جيب بج كنسبة جيب اه إلى جيب بج كنسبة جيب اه إلى جيب هد ، فإذا ضربنا جيب بج وهو ميل الدرجة في جيب اه الجيب كله وقسمنا المجتمع على جيب اب وهو سعة المشرق ، خرج جيب ٥٥ وهو تمام عرض البلد المطلوب.

وإذا كان تعديل النهار معلومًا لدرجة معلومة الميل، فإنّ عرض البلد يكون معلومًا لأنّ نسبة جيب زب إلى جيب به كنسبة (١٧٤ ظ) جيب زج إلى جيب جد. فتى ضربنا جيب زب وهو تمام ميل الدرجة في جيب جد وهو تمام تعديل النهار وقسمنا المجتمع على جيب زج الجيب كله، خرج جيب به. وظاهر أنّ نسبة جيب اب إلى جيب بجد كنسبة جيب اه إلى جيب هد. فإذا ضربنا جيب بج الذي هو ميل الدرجة في جيب اه الجيب كلّه وقسمنا المجتمع على جيب اب الذي هو تمام هب، خرج حجيب > ٥٥ وهو تمام عرض البلد.

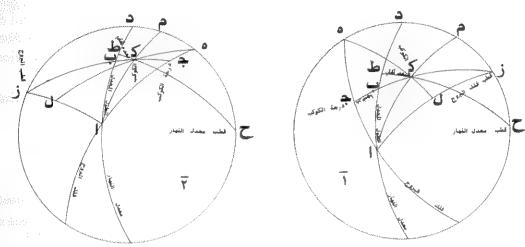
وهنالك استبان استخراج سعة المشرق من تعديل النهار وميل الدرجة.

وذلك ما أردنا أن نبيّن.

معرفة بعد الكوكب عن معدل النهار

أمّا هذا البعد فهو من دائرة تمرّ على قطبي معدل النهار وعلى جرم الكوكب ويسمّى ميل بجراه. فإن كان الكوكب على منطقة فلك البروج فهو ميل درجته ، وإن كان متنحيًا عنه ، فليكن له اه ربع فلك البروج وقطبه زو اه ربع معدل النهار وقطبه ح ونفرض الكوكب على نقطة ك ونخرج زكب جرحكط فيكون كلط بعده عن معدل النهار وجد درجته و بج عرضها وهو معلوم على ما تقدّم.

وأيضًا فني مثلث ابج القائم زاوية ج ضلع اج وزاوية ا معلومان. يكون أضلاع هذا المثلث معلومة على ما يقتضيه الباب التاسع لأنّ زاوية ا، لمّا كان الميل الأعظم وكان اج، إذا احتُسبت به من معدل النهار، مطالع قوس اب في الفلك المستقيم، فإنا، إذا أخذنا اج وهو بعد درجة الكوكب من نقطة الاعتدال وأدخلناه في جدول مطالع فلك المستقيم وأخذنا ما بإزائه (۱) من درج السواء، كان ذلك قوس اب ويسمّى (۱) الطول المعدل (۳)، فإذا استخرجنا لقوس اب ميلها كان بج.



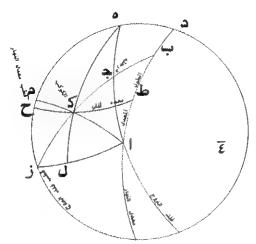
وك ج عرض الكوكب ، ف كب معلوم ، وليُسمَّ بعده الأوّل. ونسبة جيب بك الذي هو فضل ما ببن عرض الكوكب وعرض درجته في الصورة الأولى والثانية وهو مجموعها في الصورة الثالثة والرابعة إلى جيب كط الذي هو بعد الكوكب عن معدل النهار كنسبة (١٧٥ و) جيب بز وهو تمام عرض الدرجة إلى جيب زدوهو تمام الميل الأعظم. فتى ضربنا جيب البعد الأوّل وهو كب في جيب تمام الميل الأعظم وهو زد وقسمنا

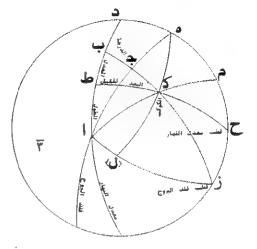
⁽١) مارتها.

⁽Y) eng.

⁽٣) في الشكل الثاني كان والطول المعدل، مكتوبًا على القوس اك.

المجتمع على جيب تمام عرض درجة الكوكب وهو بز ، خرج جيب كـط وهو بعده الحقّي (١) عن معدل النهار.





وإنّا يسمّى حقيًّا (٤) لأنّ كثيرًا من أهل فارس والهند جمعوا عرض الكوكب وميل درجته عند اتّفاق جهتيهما ونقصوا الأقل من الأكبر منها عند اختلاف جهتيهما ، وأقاموا الحاصل من ذلك مقام هذا البعد المطلوب . وليس ذلك كذلك فإنّ الذي تحصّل لهم هو من دائرتين مختلفتين ، ويكون أبدًا أعظم من بعده الحقيقي .

وقد تعرّض هذا البعد الحقيقي بطلميوس في النوع الخامس من المقالة الثامنة من «الجحسطي».

⁽٤) وردت هكذا في الاصل، والجدير بالذكر أن البتاني يكتبها هكذا احيانًا (راجع Batt./Nall. م. ٢ ص ٣٢٤).

طريق آخر في استخراج بعد الكوكب عن معدل النهار ، مستغن عن معرفة الطول المعدل

ولنخرج له ربعي ٥ كل اكم (٥) ، ومن البين أنّ نسبة جيب زكم إلى جيب كم كنسبة جيب زجر إلى جيب جه. فإذا ضربنا جيب زك وهو تمام عرض الكوكب في جيب جه وهو تمام بعد درجة الكوكب من الاعتدال وقسمنا المجتمع على جيب زجر الجيب كله ، خرج جيب كم.

ونسبة جيب م ز إلى جيب زك كنسبة جيب جدا إلى جيب اك الذي هو تمام كم. فإذا ضربنا جيب زك في جيب جدا وقسمنا المجتمع على جيب اك، خرج جيب م ز.

ونسبة حيب اكو إلى حيب كوط كنسبة جيب ام إلى جيب مد الذي هو الميل الأعظم مضافًا إليه (٦) أو منقوصًا منه مه الذي هو تمام مز. فتى ضربنا حيب اكو في حيب مد وقسمنا المبلغ على جيب ام الجيب كله الخرج حيب كوط الذي هو بعد الكوكب عن معدل النهار. وذلك ما أردنا أن نبيّن.

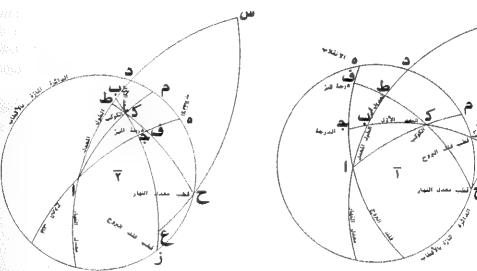
⁽٥) اكن.

⁽١) إليا.

معرفة الدرجة التي تمرّ مع الكوكب ذي العرض في فلك نصف النهار

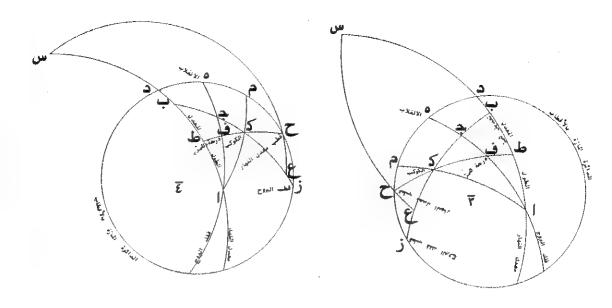
نعيد له القطاع المقدّم لمعرفة ميل مجرى الكوكب ونخرج ح كه ط إلى نقطة ف من فلك البروج ، فتكون تلك الدرجة < درجة > ممرّه، وطب فضل ما بين مطالع درجة الممرّ في الفلك المستقيم وبين الطول المعدل ونسمّي هذا الفضل تعديل الممرّ. ثم نخرج ب ط على استدارته حتّى نتمّ ب ط مس ربع دائرة وندير على قطب ب وببعد ضلع المربّع ربع دائرة حس ونخرج إليه ب ز إلى ع ، فيكون قطاع ب س ح ك من أرباع دوائر عظام.

وفيه (١) نسبة جيب ح كه الذي هو تمام ميل مجرى الكوكب إلى جيب كه ع الذي هو تمام كب المسمّى البعد الأوّل (٢) كنسبة جيب زاوية ح ع كه القائمة وهو الجيب كله إلى جيب زاوية ع ح كه وهي بمقدار س ط الذي هو تمام تعديل المرّ. فإذن متى ضربنا جيب ك ع في الجيب كله وقسمنا المحتمع على جيب ح ك ، خرج جيب س ط. فإذا زدنا تمامه على الطول المعدل أو نقصناه منه على حسب ما تقتضيه الصورة ، اجتمع مطالع الدرجة التي تتوسّط السماء مع الكوكب في الفلك المستقيم فإذا قوسناها في جدولها خرج درجة المحرّ من فلك البروج.



⁽۱) و**ن**ه.

⁽٢) في الأصل في الشكل الأول كان كرب مسمّى والبعد المعدل».



طريق آخر في استخراج درجة المرّ

ولنخرج له ربع اكم. ومن البين أن نسبة جيب حك إلى جيب كم الذي حصل لنا معرفته في باب بعد الكوكب عن معدل النهار كنسبة جيب حط إلى جيب طد الذي هو فضل ما بين مطالع المنقلب ومطالع درجة المرّ. فدرجة المرّ لذلك تصير معلومة لأنّا إذا ضربنا جيب كم في الجيب كله وقسمنا المجتمع من ذلك على جيب حك وهو تمام بعد الكوكب عن معدل النهار ، خرج <جيب> فضل ما بين المطالعين (٣) المذكورين ، ولأنّ مطالع المنقلب في الفلك المستقيم معلومة ، فإنّ مطالع درجة المرّ تصير معلومة فحصول فضل ما بينها معلوم .

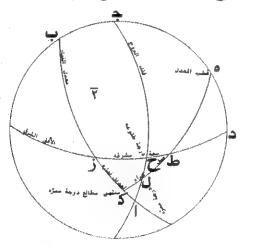
وقد أورد هذا الباب بطلميوس في النوع الخامس من المقالة الثامنة من «كتاب الجحسطي».

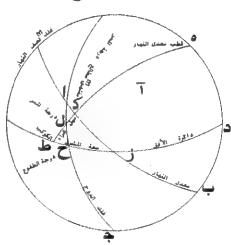
(٣) لقد أشار نالينو إلى نحت المثنى على جمع «المطالع» وهذا يبدو لنا وجيهًا (راجع 342-3 Batt./Nall., tome 2, pp. 342) وكذلك الأمر في ما يتعلّن بكلمة «المغارب» (راجع ص 271).

(١٧٥ ظ) معرفة الدرجة التي تطلع مع طلوع الكوكب والتي تغرب مع غروبه في أي عرض شئنا

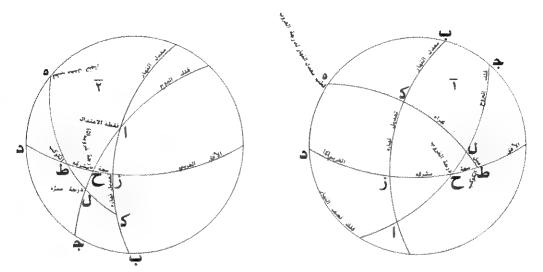
وقد بينًا أنّ ميل الدرجة إذا كان معلومًا فإنّ سعة مشرقها في بلد مفروض وتعديل نهارها يكونان معلومين ، وكذلك إذا كان ميل بحرى الكوكب معلومًا فإنّها يكونان له فيه معلومين. فليكن اج من فلك البروج و اب من معدل النهار وقطبه ه وجد من فلك نصف النهار ودح من الأفق ، وقد طلع منه كوكب ط . فظاهر أنّ درجة طلوعه هي ح ومنتهى مطالعها في البلد نقطة ز . ونجيز من قطب ه على جرم الكوكب دائرة ه ط كل فتكون لى درجة محرّه وك منتهى مطالعها في الفلك المستقيم و ط ك ميل مجراه و زك تعديل نهاره ، ف ظ ز سعة مشرقه ، وليس بين استخراجها للكوكب ذي العرض وبين استخراج أمثالها لدرج البروج كما تقدّم خلاف يوجب إفراد القول له ، فلذلك أحلنا هذه على ما ذكرناه (١) .

ونقول إنّ من البيّن أنّا متى زدنا تعديل نهار الكوكب على مطالع درجة ممرّه في الفلك المستقيم كما توجبه الصورة الأولى أو نقصناه منها كمقتضى الصورة الثانية ، انتهيا إلى نقطة ز التي هي (٢) منتهى مطالع درجة طلوعه في المسكن الذي أفقه دزح، فإذا قوسناها في مطالع البلد خرج نقطة ح وهي درجة طلوعه.





- (١) هكذا في الأصل ويبدو من هذه الجملة ولاسيّما من «الفاء» (قبل طوز) والضمائر «ها» (استخراجها، أمثالها) واسم الإشارة «هذه» أنّا المقصود هو حساب سعة المشرق، وفي الحقيقة حساب سعة المشرق إنّا يمثل المرحلة الأولى من حساب تعديل النهار وهو المطلوب هنا.
 - (٢) هو .
 - (٣) في الأصل وقطب، وكانت العبارة مكتوبة عند نقطة تقاطع فلك نصف النهار مع معدل النهار.
- (٤) مسمم. أمّا العبارة فكانت مكتوبة على فلك البروج انطلاقًا من النقطة ل ، وأمّا النقطة ا فكانت عند تقاطع فلك البروج مع فلك نصف النهار.



وأمّا لدرجة الغروب فلنقلب هاتين الصورتين حتّى يصير در النصف الغربي من (١٧٦ و) الأفق وتكون ح الدرجة التي تغرب مع كوكب ط (٧). ومن البيّن أنّا متى نقصنا ، في الصورة الأولى ، تعديل نهاره من مطالع درجة ممرّه ، نعني نقطة كى ، وزدناه عليها في الصورة الثانية ، انتهينا (٨) إلى نقطة ز وهي منتهى مغارب درجة ح في البلد ، وقد كنّا زدنا تعديل النهار لدرجة الطلوع في الصورة الأولى ونقصناه من الثانية .

لكنّ مغارب البروج مساوية لمطالع نظائرها في جميع البلاد. فإذن متى زدنا على مطالع درجة المرّ، ومنتهاها نقطة كد، نصف قوس نهار الكوكب، وهو كدب، مع ربع دائرة، أعني نظير ربع بز، انتهينا (^) إلى نظير نقطة ز من جهة المشرق، وهي تكون منتهى مطالع الدرجة التي تطلع وقت غروب كوكب ط في البلد. فإذا قوسناها، خرج لنا نظير درجة الغروب.

وذلك ما بيّنه بطلميوس في النوع الخامس من المقالة الثامنة.

⁽a) الشرق.

⁽٦) في الأصل كان ذلك منسوبًا خطأً إلى النقطة ط.

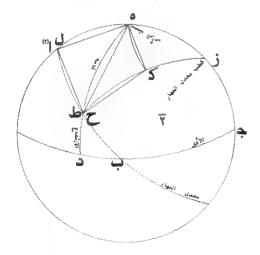
⁽٧) لمّا كان من المفروض أن نحتفظ بنفس التوضّع الوارد في الصورتين السابقتين، فقد غيّرنا قليلاً الصورة الأولى بنقل النقطة ط من بين النقطتين ح ز إلى ما بعد النقطة ح، وهكذا يكون بعد الكوكب عن معدل النهار أكبر من بعد درجة ممّره عنه كما كان الحال في الصورة الأولى الخاصة بدرجة طلوع الكوكب.

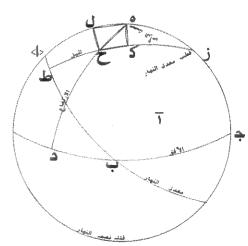
⁽٨) انها.

معرفة ما دار من الفلك من لدن طلوع الشمس أو الكوكب إلى وقت ارتفاع له مفروض في أي عرض شئنا

فليكن اب ربع معدل النهار و اج من فلك نصف النهار وجبد من الأفق وه سمت الرأس و ح موضع جرم الشمس أو الكوكب المقيس ، و ح د ارتفاعه الموجود بالقياس و ح ه تمام ارتفاعه ، ولتكن نقطة ز قطب معدل النهار . ونخرج ز ح ط ، ف ح ط ميل نقطة ح عن معدل النهار و ط ا ما بقي من أزمنة دورانه إلى موافاته فلك نصف النهار . فندير على قطب ز قطعتي مداري ه ك ح ل (١٧٦ ظ) ونخرج أوتار له ح ل ك ح ه ك ه ح (١) ، فعلوم أنها في سطح واحد وتحيط بمربع له ك ح دائرة لتساوي ضلعين منه وتوازي الآخرين .

فلِما تبيّن في المقالة الأولى من «المجسطي»، مربع ٥ ح وهو وتر تمام الارتفاع مساو لمجموع سطح ل٥، وهو وتر فضل ما بين حميل > درجة الشمس الشهالي حو > عرض البلد أو مجموع الجنوبي وعرض البلد، في حك المساوي له وسطح ل ح في ٥ كه، وكل واحد منها وتر قطعة شبيهة بقوس اط. فربع مجموع هذين السطحين مساو لربع مربع ٥ ح أيضًا. وقد تبيّن فيما تقدّم أنّ نسبة جيب زه إلى جيب ز ل كنسبة نصف ٥ كه إلى نصف ل ح إلى ل ح، فنسبة سطح جيب زه في جيب ز ل إلى مربع جيب زه كنسبة سطح نصف ٥ كه في نصف ل ح إلى مربع نصف ٥ كه. ونسبة نصف وتر ٥ كه إلى جيب ٥ وهو نصف قطر المدار الذي منه ٥ كه كنسبة نصف وتر ط المطلوب إلى جيب از وهو نصف قطر الكرة الذي هو الجيب الأعظم.

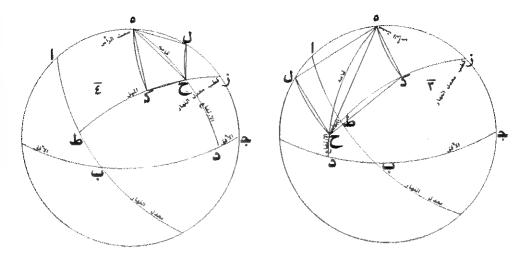






⁽١) أسقط الخط ٥ ح في الأشكال ١ و ٣ و ٤ وإنَّمَا أثبت في الشكل ٧.

⁽Y) في الأصل وضعت النقطة ا مع النقطتين ط و ح.



فإذن متى أسقطنا مضروب جيب نصف تمام ارتفاع نصف النهار في نفسه، أعني سطح حنصف له في نصف نصف حك، من مضروب جيب نصف تمام الارتفاع المقيس في نفسه، بتي سطح نصف ه كى في نصف لل ح (٢) ، ثم ضربنا هذا الباقي في (٤) مضروب جيب (٥) تمام عرض البلد في نفسه وقسمنا المجتمع (١٧٧ و) على مضروب جيب تمام عرض البلد في جيب تمام ميل درجة الشمس ، خرج مضروب نصف ه كى في نفسه وهو نصف وتر القطعة الشبية بالمطلوب ، ثم ضربنا جذر الخارج من القسمة في الجيب كله وقسمنا المجتمع على جيب تمام عرض البلد ، خرج نصف وتر اط.

فإن كان القياس من جهة المشرق ف اط هو الباقي إلى نصف النهار ، وإن كان من جهة المغرب فهو الماضي بعده . وإن كان القياس (٦) بكوكب أقمنا بعده عن معدل النهار مقام ميل الشمس وعملنا ما تقدّم ذكره من الأعمال فيؤدّي حينتنر إلى المطلوب .

Dans le $Tahd\bar{u}d$, le même procédé est appliqué à une série de calculs servant à déterminer, en particulier, la différence de longitude entre deux lieux terrestres (analogue à H) de latitudes connues (anal. à ϕ et δ), connaissant leur distance (anal. à \bar{h}) (Bîr., $Tahd\bar{u}d$, pp. 227-71). Également Bîr., $Q\bar{u}n\bar{u}n$, pp. 609-15 (cf. Schoy, $G\acute{e}ographie$, pp. 52-64) pour le même problème. Dans aucun des deux traités II n'est sait référence au $z\bar{u}$ d'al-Battanī.

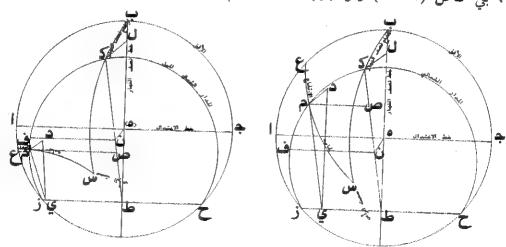
- (٣) ورد في المتن بج وفي حاشية اح وكلاهما خطأً.
- (٤) خلافًا للتصحيح الوارد في هامش المخطوط نثبت قراءة وفي ، عوضًا عن ومن ، .
 - (٥) في الأصل: نصف جيب.
 - (٦) بالقياس.

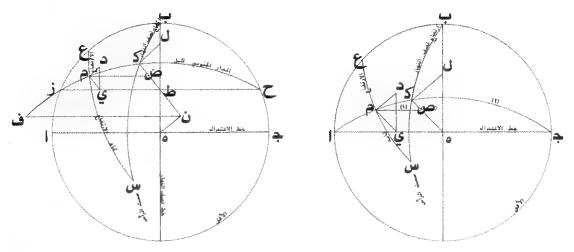
معرفة الدائر من الفلك بحسب ما استعمل في الزيجات

ليكن ابج الأفق المفروض ومركزه ه واهج الفصل المشترك له ولمعدل النهار و زم كرح مدار الكوكب المفروض و زطح الفصل المشترك لفلك نصف النهار وللأفق ونقطة س المفروض و زطح الفصل المشترك لفلك نصف النهار وللأفق ونقطة م من عمن سمت الرأس ، فيكون س كحب من دائرة نصف النهار . ولنفرض الكوكب على نقطة م ، فيكون س م ع من دائرة ارتفاعه . فنخرج عمودي كال م دعلى سطح الأفق ونصل كاط ونخرج مي موازيًا لكاط ونصل دي .

وظاهر من موجبات المقدمة الأولى في أوّل الكتاب أنّ مثلثي كلط مدي متشابهان، فنسبة لك الذي هو جيب ارتفاع نصف نهار الكوكب، أعني بك، إلى كلط الذي هو الجيب المعكوس لنصف نهاره، أعني كز، كنسبة مد الذي هو جيب ارتفاعه وقت القياس، أعني مع، إلى مي المجهول. فتى ضربنا جيب ارتفاع الكوكب الموجود بالقياس في الجيب المعكوس لنصف قوس نهاره، ويسمّى سهم النهار، وقسمنا المجتمع على جيب ارتفاع نصف نهاره، خرج مقدار مي.

فلنخرج م ص موازيًا لـطي، فيكون طص مساويًا لـمي و صك الجيب المعكوس لقوس كـم التي هي بعد الكوكب عن فلك نصف النهار في المدار. فإذا اسقطنا ما خرج من القسمة وهو مي من سهم النهار وهو كـط، بتي كـص (١٧٧ ظ) وهو الجيب المعكوس لتمام الدائر إلى فلك نصف النهار.





فإن كان القياس (٣) من جهة المشرق نقصنا قوسه المعكوس من نصف قوس نهار الكوكب ، وإن كان من جهة المغرب زدناها عليه ، فيحصل الدائر من الفلك من وقت طلوع الكوكب إلى وقت القياس في الكواكب التي لها طلوع وغروب في ذلك المسكن.

طريق آخر لمعرفة الدائر من الفلك

وهو أن نخرج في الصورة المتقدّمة ٥٠ عمودًا على كل ، فيكون نك نصف قطر المدار. ونخرج نف يوازي ط ز ، فيكون فز تعديل نهار الكوكب الجاري في مدار كدم ح ، وقد تبيّن كيف نخرج لها مقدار ص ط . فإذا ألقينا منه ن ط وهو جيب تعديل النهار ، أعني فضل ما بين سهم النهار والجيب كله ، بتي ن ص وهو جيب ف م معلومًا (٤) . ونزيد عليه تعديل النهار إن كان المدار شماليًا وننقصه منه إن كان جنوبيًا ، فما حصل فهو الدائر إن كان القياس من جهة المشرق ، وإن كان من جانب المغرب ، نلتي هذا الحاصل من قوس نهار الكوكب فيبقى الدائر .

ويمكن تحصيل مي الذي هو المطلوب في هذا العمل من جهة ميل مدار الكوكب وسعة مشرقه إن كانا معلومين، وذلك لتشابه مثلثي هطن مدي. فيهما نسبة هن وهو جيب ميل مدار كرح إلى هط^(ه) وهو حيب > سعة مشرقه، أعني از، كنسبة مد وهو جيب الارتفاع المقيس إلى مي المطلوب، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

- (١) كان الخط م ص ناقصًا.
- (٢) في الأصل كتب «المدار الجنوبي» على الدائرة جكا التي هي في هذا الشكل دائرة معدل النهار.
 - (٣) المقياس.
 - (3) nation.
- (٥) ورد في المخطوط وهو من جيب الارتفاع المقيس إلى هي المطلوب إلى هط وهو جيب هد إلى » عوضًا عن «إلى هط». إن إضافة «من»
 و «إلى» فوق السطر تدل على استدراك الناسخ لخطئه.

معرفة طالع الوقت من قبل الدائر من الفلك

إذا حصل لنا ما بين وقت قياس الارتفاع وبين نصف النهار من الدائر من معدل النهار ، نظرنا ، فإن كان ذلك الارتفاع من جهة المشرق ، نقصنا (١) ذلك من مطالع درجة الشمس أو درجة عمر الكوكب في الفلك المستقيم ، وإن كان الارتفاع من جهة المغرب ، زدنا ذلك عليها فتحصّل مطالع درجة وسط السهاء في الفلك المستقيم وقت القياس . فإذا زدنا عليها تسعين جزءًا ابدًا ، اجتمع مطالع درجة الطالع في البلد .

وكذلك إذا حصل لنا ما بين طلوع الشمس أو الكوكب وبين وقت القياس من الدائر من الفلك ثم زدناه على مطالع درجتها أو مطالع درجة طلوع الكوكب في البلد، اجتمع مطالع درجة الطالع في البلد (وذلك إذا حصل لنا ما بين مطالع طلوع الشمس) (٢) فإذا قوسناها فيها، خرجت درجة الطالع.

وإن أعطينا ما مضى من الساعات ، حوّلناها إلى الدائر : فإن نضرب مستوياتها في خمسة عشر ومُعْوَجّاتها في أزمان ساعات نهار الكوكب أو درجة الشمس ، فيحصل الدائر المطلوب ، فحينئذ نعمل به ما تقدّم ذكره . وقد قصد بطلميوس هذا في النوع التاسع من المقالة الثانية .

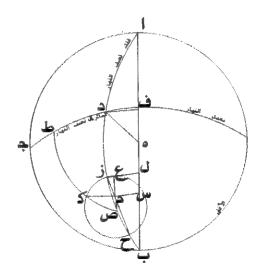
⁽١) ونقصنا.

 ⁽٢) تبدو هذه الجملة زائدة أو مشوشة بين تكرار للسطر الأول من الفقرة وتنويه يفترضه سياق الكلام بالحصول على جدول المطالع في البلد،
 وقد ترجمنا المقطع كله على هذا الأساس.

معرفة الدائر من الفلك بقياس أحد الكواكب الأبدية الظهور

ليكن ادب فلك نصف النهار في أفق اجب وجدد من معدل النهار وقطبه ص وندير عليه دائرة تقصر عن نقطة ب لتكون أبدية الظهور ، ولتكن دائرة زكح (۱) ، ونفرض الكوكب المعلوم الارتفاع عليها نقطة ك ، ونخرج ربع دائرة صكط (۲) حيكون طد> الدائر من معدل النهار بين وقت القياس وبين موافاة الكوكب فلك نصف النهار . ثم نخرج قطر اهب ، ومركز الكرة ه (۳) ، ونصل ده زح ونتزل عمود كم على زح فيكون موازيًا لسطح الأفق ولذلك يكون عمود هم مساويًا للعمود النازل من نقطة كه فعمود هم هو جيب الارتفاع . ونتزل عمودي زل دف على سطح الأفق وعمود م ع على زل .

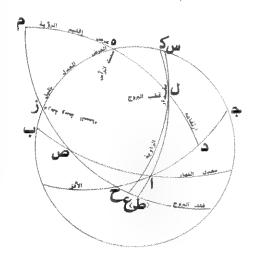
فلأن زح مواز لده و زل مواز لدف وم ع مواز لده ف ، يكون مثلنا زعم دفه متشابهين (۱) . فنسبة دف ، وهو جب تمام عرض البلد ، إلى ده الجيب كله كنسبة ع ز ، وهو فضل ما بين جيب ارتفاع الكوكب (۱۷۸ و) وقت القياس وبين جيب أعظم ارتفاعه في فلك نصف النهار ، إلى زم ، فرزم معلوم . ونسبة حم ، الذي هو ضعف جيب تمام ميل مجرى الكوكب إذا نقص منه زم ، إلى م ككنسبة م كه إلى م ز وأخذنا جذر المجتمع ، كان م كد ونسبة جيب ص كل لأن كم حقائم > على قطر زح . فإذا ضربنا حم في م ز وأخذنا جذر المجتمع ، كان م كد ونسبة جيب ص كل إلى كم كنسبة جيب ص ط الربع إلى جيب ط د الدائر المطلوب ، في ط د معلوم واستخراج الطالع (٥) منه على حسب ما تقدّم ذكره . وذلك ما أردنا أن نبيّن .

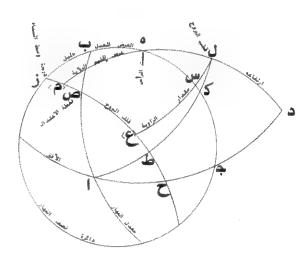


معرفة مقادير الزوايا الحادثة من تقاطع فلك البروج وكل واحد من الأفق وفلك نصف النهار

ليكن جب من فلك نصف النهار واب من معدّل النهار واج من أفق بلد ما ونقطة ٥ سمت الرأس و زح من فلك البروج ، فظاهر أنّ نقطة زهي درجة وسط السماء ونقطة ب منتهى مطالعها في الفلك المستقيم . فنزيد عليها ربع دائرة فننتهي إلى نقطة ا ونخطّ عليها ، فيكون اط ، قائمًا على زح ونخرجه حتّى نتم طكل ربع دائرة ويكون ل حينئذ قطب فلك البروج . فنجيز عليه وعلى سمت الرأس دائرة دل٥ م فيكون ٥ م تمام مقدار الزاوية التي تحدث من تقاطع فلك البروج مع الأفق ويسمّى ٥ م في بعض الزيجات عرض إقليم الرؤية وفي بعضها عرض البلد المُحكم ويساوي أبدًا ارتفاع قطب فلك البروج عن الأفق في الوقت المفروض (١٠) .

وتبيّن أنّ دائرة اك قائمة على دائرة بج لمرورها على قطبها الذي هو ا ولأجل ذلك يكون اكربع دائرة ، وطل أيضًا ربع دائرة ، فإذا ألقينا طك المشترك بني اط مساويًا لكل (٢) . ومن البيّن أنّ قطب دائرة اطك على محيط دائرة بج لمرورها على قطبها ، وهو أيضًا على محيط زح لقيامها عليها ، فهو إذن نقطة ز المشتركة لها . وكل واحدة من قسي دوائر (٣) زط زك ل طل ل م ربع دائرة . ونسبة جيب ز٥، الذي هو مجموع ميل درجة وسط السماء وعرض البلد في الصورة الأولى وفضل ما بينها في الصورة الثانية ، إلى جيب هم المطلوب كنسبة جيب زك وهو الجيب كله إلى جيب كط الذي هو جيب تمام كل.





- (١) ويظهر ذلك في كل واحد من الشكلين حيث رسمت القوس دل الممثلة لهذا الارتفاع، غير أنَّ النقطة د وضعت على دائرة معدّل النهار في الشكل الثانى.
- (٢) في الشكل الثاني كانت النقطة ك النقطة الأخرى من نقطتي تقاطع الدائرتين ال و بجه وقد صححنا موضع كه انسجامًا مع النص. (٣) في الأصل «دوائر قسي».

فإذن متى زدنا ميل درجة وسط السماء على عرض بلدنا إن كان جنوبيًا أو نقصناه منه إن كان شماليًا اجتمع زه ويسمّى العرض المعدّل بالميل، ثم زدنا على مطالع درجة وسط السماء في الفلك المستقيم تسعين زمانًا واحتسبنا بالمجتمع درجًا سواء في البروج حو> ضربنا (٤) جيب تمام ميلها في جيب العرض المعدّل بالميل وقسمنا المجتمع على المحتمع كله، خرج جيب هم الذي هو عرض إقليم الرؤية في ذلك البلد في ذلك الوقت.

فأمّا معرفة الزاوية الحادثة من تقاطع فلك البروج مع فلك نصف النهار ، أعني زاوية جـزح ، فإنّا ندير على قطب ز وببعد ضلع (١٧٨ ظ) المربع قوس ل س ع (٥) فيكون س ع مقدار تلك الزاوية ، وظاهر أنّ نسبة جيب زص وهو بعد درجة وسط السماء من الاعتدال إلى جيب ص ب وهو مطالع ذلك البعد في الفلك المستقيم كنسبة جيب زع الربع إلى جيب عس المطلوب . فإذن متى ضربنا جيب مطالع درجة وسط السماء في الفلك المستقيم في الجيب كله وقسمنا المبلغ على جيب بعد درجة وسط السماء من الاعتدال ، خرج جيب الزاوية الحادثة من تقاطع فلك البروج وفلك نصف النهار .

وهذا ممّا قصده بطلميوس في النوع العاشر والحادي عشر من المقالة الثانية.

⁽٤) في الأصل، بعد سواء والبروج في ضربناه.

 ⁽٥) لم ير البيروني هنا أنّ هذه القوس هي ل كدط بالذات ، فمن هنا ظهور قوسين مختلفتين في كل من الشكلين الواردين في المخطوطة . أمّا عدم مرور القوس س ع على النقطة ل في الشكل الثاني في المخطوطة ، فيجب أن نعزوه إلى خطأ وقع فيه الناسخ .

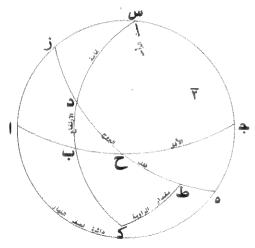
معرفة الزاوية الحادثة من تقاطع دائرة الارتفاع مع فلك البروج

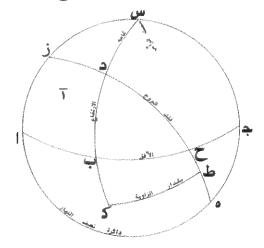
ليكن ازجه من فلك نصف النهار وزحه (١) من فلك البروج ونقطة س سمت الرأس ودائرة الارتفاع س دب والجزء المطلوب ارتفاعه د، من فلك البروج، فنريد أن نعلم زاوية حدب.

فلأنّ نسبة جيب حد الذي هو بعد الجزء المفروض عن درجة الطالع إلى جيب دب الذي هو الارتفاع كنسبة جيب زاوية ب حد الذي هو تمام عرض إقليم الرؤية إلى جيب زاوية دب ح القائمة ، يكون دب معلومًا .

ومن البيّن أنّا إذا أخرجنا دب حتى نتم دب كربع دائرة وأدرنا على قطب د وببعد ضلع المربّع قوس كوط، كانت بمقدار زاوية حدب المطلوبة. ونسبة جيب ب ح إلى جيب حد كنسبة جيب تمام زاوية د حب إلى جيب تمام دب، لكنّ نسبة جيب ب ح إلى جيب حد هي كنسبة جيب كوط إلى جيب طد، فنسبة حجيب > كوط المطلوب إلى جيب طد الجيب كله كنسبة جيب تمام زاوية د حب الذي هو عرض إقليم الرؤية إلى جيب تمام دب الذي هو تمام الارتفاع المفروض، فقدار زاوية بدح إذن معلوم.

وهذا ممًا قصده بطلميوس في النوع الثاني عشر من المقالة الثانية.





(١) زجه.

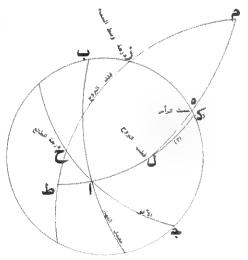
Luckey, z. Entstehung, pp. 443-4), la formule diffère de (A11), cos $\chi_{\odot}=\operatorname{tg} h_{\odot}$. cotg $(\lambda_{H}-\lambda_{\odot})$ et des deux calculs d'Abū al-Wafā³ (A. l-Wafā³, Alm., 79r:16-80r:19).

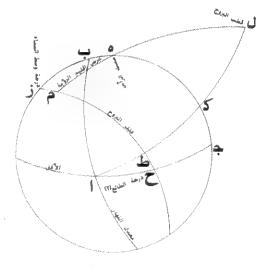
^{3. (}A10) et (A11) mentionnés ci-dessus.

معرفة درجة الطالع من درجة وسط السماء إذا لم تكن لإقليمنا مطالع معلومة

إذا حصل عندنا درجة وسط السهاء ولم تكن لإقليمنا مطالع معلومة ، تمكن منها معرفة درجة الطالع ، فإنّا نعمل عرض إقليم الرؤية ثم نعيد الشكل الذي تقدّم في بابه . فلأنّ قوس زم هي فضل ما بين حز (١) وبين ربع الدائرة من أجل أنّ نقطة ح قطب دائرة ل٥٥ ، وزاويتا لك٥ ٥ م ز قاعمتان ، ونسبة جيب ٥ ل وهو تمام عرض إقليم الرؤية إلى جيب لك وهو مساو لـطا الميل المعمول لعرض إقليم الرؤية كنسبة جيب ٥ وهو تمام ارتفاع درجة وسط السهاء إلى جيب زم الفضل المذكور ، فإنّا متى زدنا على مطالع درجة وسط السهاء في الفلك المستقيم تسعين زمانًا واحتسبنا بالمجتمع درجًا سواء في فلك البروج وأخذنا ميلها فضربنا جيبه في جيب تمام ارتفاع درجة وسط السهاء وقسمنا المجتمع على جيب (١٧٩ و) تمام عرض إقليم الرؤية ، خرج جيب زم .

فإن كانت درجة وسط السماء فيما بين أوّل الجدي وأوّل السرطان زدنا مقدار زم عليها وهو مقتضى الصورة الأولى ، وإن كانت في النصف الآخر نقصناه منها كما في الصورة الثانية . ثم زدنا على الحاصل بعد الزيادة أو النقصان تسعين درجة ، فننتهي إلى درجة الطالع المطلوبة ، وذلك ما أردنا أن نبيّن .





⁽١) حد.

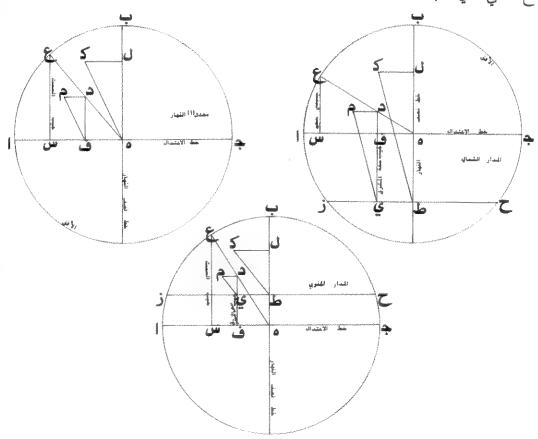
 ⁽۲) في الأصل ٥ ح درجة المطالع » وفي هذا الشكل خطأ آخر في انزلاق النقطتين كه وجد إذ وضعت كه مكان جه والنقطة جه عند تلاقي فلك البروج مع دائرة نصف النهار.

⁽٣) إلم يكن هناك من قوس كل وكانت القوس لهم امتدادًا للقوس طال.

وإذا عرفنا الطالع في أفق مسكن ما ثم أردنا معرفة الطالع في أفق مسكن آخر ، استخرجنا مطالع درجة وسط السهاء في الفلك المستقيم وحصلنا ما بين المسكنين في الطول . فإن كان المسكن الثاني شرقيًا عن الأول (ئ) زدنا ما بين المسكنين على مطالع درجة وسط السهاء ، وإن كان غريبًا عن الأول نقصناه منها ، فتحصل مطالع درجة وسط سهاء المسكن المقصود في الفلك المستقيم . فإن لم تكن المطالع لعرضه محصّلة ، استخرجنا منها الطالع على حسب ما تقدّم ذكره .

معرفة أبعاد سموت الكواكب عن خط الاعتدال من قبل ارتفاعها

ونعيد من الصورة التي تقدّمت لمعرفة الدائر من الفلك ما يحتاج إليه ونخرج ٥٥ع، وهو الفصل المشترك لدائرة ارتفاع الكوكب والأفق، و عس وهو جيب بعد سمتها عن خط الاعتدال، أعني قوس اع، ونعلّم على تقاطع خطي دي اج علامة ف.



⁽٤) في الأصل وفإن كان المسكن الأول شرقيًا عن الثاني ".

⁽١) تعديل.

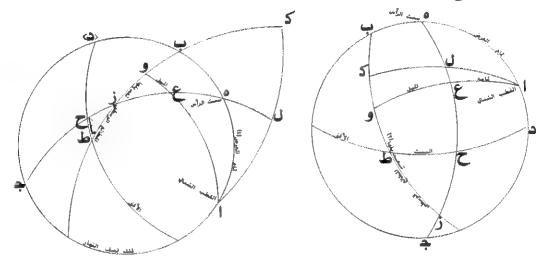
فلأن مثلثي مدي كلط متشابهان ، فإن نسبة مد إلى دي كنسبة كل إلى لط. لكن نسبة كل إلى لط أبدًا كنسبة جيب تمام عرض البلد المفروض إلى جيب عرضه ، وذلك لتوازي المدارات وسطوحها . فإذن نسبة دم الذي هو جيب ارتفاع الكوكب الموجود (١٧٩ ظ) إلى دي كنسبة جيب تمام عرض البلد إلى جيب عرضه . ونسبة ٥ د الذي هو جيب تمام الارتفاع إلى دف (١) المعلوم كنسبة ٥ ع الجيب كله إلى عس وهو جيب السمت المطلوب .

فإذن متى ضربنا جيب الارتفاع الموجود في جيب عرض البلد وقسمنا المجتمع على جيب تمام عرض البلد خرج دي. فإنّ لم يكن للكوكب ميل عن معدّل النهار تركنا الخارج من القسمة كما هو، وإذا اتّفتى له ميل وكان شماليًا زدنا عليه جيب سعة مشرق الكوكب، وإن كان جنوبيًا نقصناه منه، فيحصل دف. فنضربه في الحيب كله ونقسم المجتمع على جيب تمام ارتفاع الكوكب فيخرج عس وهو جيب بعد سمت الكوكب عن مطلع الاعتدال إن كان الارتفاع شرقيًا أو عن مغربه إن كان الارتفاع غربيًا. وذلك ما أردنا أن نبين.

معرفة مطالع السمت

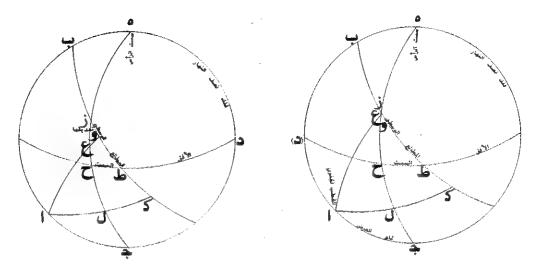
ليكن اب من فلك نصف النهار و دط من أفق البلد و ب ط من معدّل النهار و ح ز جـه من دائرة الارتفاع المارّة على الشمس أو الكوكب وهو نقطة ع. ونخرج من قطب معدّل النهار وهو ا قوس ا ع فيكون ط ح سمت الكوكب (۱) و ع ح ارتفاعه و ط ز مطالع السمت الموسطى و ز و تعديلها و ط و مطالع السمت المعدّلة.

فندير على قطب ز وببعد ضلع المربّع قوس ال ك ، ونقول إذا كان ميل الشمس أو الكوكب معلومًا وسمته في وقت مفروض معلومًا في بلد معلوم العرض فإنّ مطالع ذلك السمت تكون معلومة من أجل أنّ نسبة جيب ١٥ وهو تمام العرض إلى جيب ١٥ كنسبة جيب ٥٥ الجيب كلّه إلى جيب د ح الذي هو تمام السمت ذال ل ك إذن معلومان ، ونسبة جيب زط المطالع الوسطى الى جيب ط ح السمت كنسبة جيب زك الجيب كله إلى جيب كل فالمطالع الوسطى معلومة .



⁽١) في جميع الأشكال كانت كلمة والسمت، منسوبة للنقطة ط وهذا خطأ.

⁽٢) كان ذلك مكتوبًا على القوس وط.



فإن كان الكوكب معدوم (٣) الميل ، كانت المطالع الوسطى هي المعدّلة. وإن كان له ميل ، فإنّ نسبة جيب زع المجهول (١) إلى جيب وع ميل الكوكب كنسبة جيب زل الجيب كلّه إلى جيب ل ك فرع معلوم. ونسبة جيب زع المعلوم إلى جيب زو الذي هو تعديل المطالع كنسبة جيب ع ا تمام ميل الكوكب إلى جيب ال المعلوم فرو معلوم.

فإن كان الميل والسمت شماليين معًا نقصنا فضل ما بين التعديل والمطالع من تسعين، وإن كان الميل شماليًا والسمت جنوبيين نقصنا التعديل أ⁽⁰⁾ من تمام المطالع، وإن كان الميل والسمت جنوبيين معًا زدنا التعديل على تمام المطالع، فيحصل بعد الزيادة والنقصان الباقي إلى نصف النهار أو الماضي من لدنه إلى وقت القياس، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

⁽٣) معلوم.

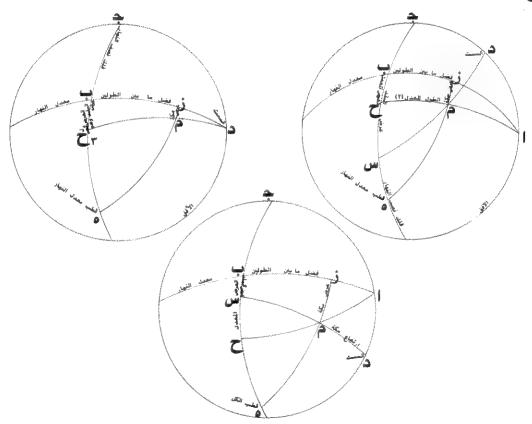
⁽٤) المعلوم.

⁽٥) الميل.

معرفة سمت القبلة وسموت البلدان بعضها من بعض

لتكن نقطة ٥ قطب معدل النهار و ٥ بج من فلك نصف النهار و اب من معدل (١٨٠ و) النهار و اجم من الأفق و ب ز فضل ما بين بلد ما وبين مكة في الطول، ونخط ربع دائرة ٥ ز ونجعل زم مثل عرض مكة و بسم مثل عرض بلدنا عن خط الزوال.

ولنخرج ام ح ربع دائرة ، فتكون نسبة جيب ' هم فهو تمام عرض مكة إلى جيب م ح المجهول كنسبة جيب هز وهو الجيب كله إلى جيب زب وهو فضل ما بين الطولين ، ونسبة جيب ام (.....) (١) إلى جيب م كنسبة جيب اح الجيب كله إلى جيب جرح وهو تمام حس ، ونسبة جيب مس إلى جيب م ح كنسبة جيب س د إلى جيب دج المطلوب . وكذلك نسبة جيب س ح إلى جيب س جد وهو الجيب كله كنسبة ظل م ح إلى ظل جد المطلوب .



- (۱) سقط هنا ما يساوي جملة كاملة بين ١٩ه، و ١٩ه، آخر، ونستطيع أن نستبدل مضمونه من سياق الكلام فنقترح ما يلي لاستدراك هذا النقص: ١وهو تمام م ح، إلى جيب م ز وهو عرض مكة كنسبة جيب ١ ح الجيب كله إلى جيب ب ح المجهول. ونسبة ام.
 - (۲) كان ذلك مكتوبًا على القوس مس.
 - (٣) كان ذلك مكتوبًا على دائرة معدل النهار بعد النقطة ب.

فإذن متى ضربنا جيب تمام عرض مكة في جيب فضل ما بين مكة وبلدنا في الطول وقسمنا المجتمع على الجيب كله ، خرج جيب م ح ويسمّى الطول المعدّل ، ثم ضربنا جيب عرض مكة في الجيب كله وقسمنا المبلغ على جيب تمام الطول المعدل ، خرج جيب ح ب ويسمّى العرض المعدّل — فإن كان هذا العرض المعدّل أقل من عرض بلدنا ، فالسمت إلى ناحية الجنوب على خط الاعتدال كما في الصورة الأولى ، وإن كان مثل عرض بلدنا ، فالسمت على مشرق الاعتدال أو مغربه كما في الصورة الثانية ، وإن كان أكبر منه ، فهو إلى ناحية الشمال عنه كما في الصورة الثانية ، من عرض بلدنا والعرض المعدل في جيب تمام الشمال عنه كما في الصورة الثالثة — ثم ضربنا جيب تمام فضل ما بين عرض بلدنا والعرض المعدل في جيب تمام الطول المعدل وقسمنا المجتمع على الجيب كله ، خرج جيب م د ويسمّى ارتفاع مكة في بلدنا ، خرج جيب جد وهو جيب الطول المعدل في الجيب كله وقسمنا المجتمع على جيب تمام ارتفاع مكة في بلدنا ، خرج جيب جد وهو بعد سمتها عن خط الاعتدال معلوم .

وأيضًا فحين تبيّن لنا العرض المعدّل لو ضربنا ظل الطول المعدّل في الجيب كلّه وقسمنا المبلغ على جيب فضل ما بين العرض المعدّل وبين عرض بلدنا، خرج ظل جدد.

فإن كان طول بلدنا من المغرب أكبر من طول مكة منه ، فسمت القبلة في ناحية المغرب ، وإن كان أقل فهو في ناحية المشرق. وذلك ما أردنا.

فإذا أردنا سمت بلد آخر معلوم الطول والعرض ، غير مكَّة ، أقمناه مقامها وعملنا به ما تقدّم فيخرج لنا المطلوب.

معرفة أبعاد المساكن المعلومة الطول والعرض بعضها من بعض

ونكتني في هذا الباب بما تضمّنه باب سمت القبلة فإنّ الأبعاد السماوية لمّا وازت الأبعاد (١٨٠ ظ) الأرضية تناسبت ، فمتى عُرف مقدار كليّة دور الأرض من كليّة دور السماء وعُرفت القوس التي بين سمتي رأس البلدين ، وهي س م في أشكال سمت القبلة وقد سميّناها هناك تمام ارتفاع مكّة ، كانت حصّتها من الدور الأرضي معلومة ، ولذلك لم أفرد له شكلاً.

معرفة قوس رؤية (١) الهلال والكوكب

أمّا هذه القوس فقد قصر بطلميوس في النوع السادس والسابع من المقالة الثامنة على ذكرها وفرضها لكل واحدة من أعظام الكواكب الستّة على مقادير مختلفة بحسب ما وجده هو بالاعتبار ووقف عليه من أرصاد من تقدّمه بطول التجربة والامتحان، ثم أعرض عن ذكر القمر لقلّة حاجته في زمانه إلى مراعاة استهلاله وبحقوق أسباب كثيرة مغيّبة عن رؤيته أو مانعة عن إدراكه.

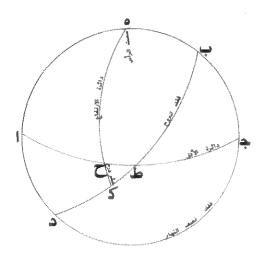
فأمّا أهل الحساب في الإسلام فلمّا (٢) صدفت حاجتهم إلى ضبط أحواله ، قرّبوا القياسات إلى صنوف الاعتبارات حتّى تقاربت آراؤهم ، بل كادت تتطابق في هذه القوس على أنّها ، بعد تعاهد سائر الأشياء ، عشر درج في القمر . ومتى قصدت الإخبار عن الطرق المؤدّية إلى الهدى فيه والتحقيق ، وجب أن نفرد لذلك مقالة بل كتابًا ، لصغر ما نحن فيه بالإضافة إليه . لكنّي أشير إليه بحسب ما يليق بهذا الموضع .

⁽١) في الأصل «قوس نهار رؤية» وتبدو الكلمة «نهار» زائدة.

⁽٢) في الأصل وقلاء.

فليكن ابجد لفلك نصف النهار و احج لنصف الأفق الغربي و بطك نصف فلك البروج و ٥ سمت الرأس و ٥ حك من دائرة الارتفاع، ونفرض الشمس على نقطة كه وقوس حك عشر درج، ونحتاج أن نعرف قوس كط من فلك البروج.

حو>لأن نسبة جيب طك إلى جيب كح المفروض كنسبة جيب زاوية طحك وهي قائمة إلى جيب زاوية كطح وهي بمقدار تمام عرض إقليم الرؤية ، فتى ضربنا جيب عشر درج في الجيب كله وقسمنا المبلغ على جيب تمام عرض إقليم الرؤية ، خرج جيب قوس كط المطلوب وهي قوس الرؤية . ثم نحسب درجة غروب القمر ، فإن بعدت عن موضع الشمس بمثل قوس الرؤية أو أكثر فإن الهلال يُرى ، وإن لم تبعد عنه كذلك (٤) فإنّه لا يُرى .



وعلى مثله الأمر في الكواكب إلاّ أنّ لقسيّ رؤيتها مقادير تختلف باختلاف الأعداد المفروضة لكل واحد منها في نظائر قوس كرح، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

البرهان على عمل لحبش الحاسب في رصد الكوكب

وقد أودع حبش الحاسب زيحه أعالاً كثيرة في رصد الشمس والكواكب ومتى تعرّضت للإبانة عنها صار الكتاب أوْلى بأن يتم بعلل زيج حبش ، واضطُررت لأجله إلى العدول عن ما قصدته هنا من التنبيه والإرشاد إلى كيفية استعال الشكل المغني عن القطاع وإقامة مقامه في مباشرة علل أمور علم الهيئة ، ولذلك اقتصرت من أعاله (۱) على واحد وهو هذا:

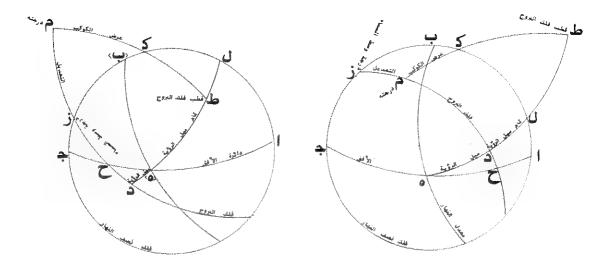
قال: نرصد الكوكب حتى يصير إلى فلك نصف النهار فنأخذ ارتفاعه فيه ونقيس ذلك الوقت بكوكب آخر تحققنا قبله موضعه من الطول والعرض حتى نقف على درجة وسط السهاء وارتفاعها ونأخذ جيب ما بين الارتفاعين، أعني ارتفاع الكوكب في فلك نصف النهار وارتفاع درجة وسط السهاء فيه، ونحفظه. ثم نزيد على مطالع درجة وسط السهاء في فلك البروج ونأخذ ميلها مطالع درجة وسط السهاء في فلك البروج ونأخذ ميلها وهو ميل الرؤية (٢). ونضرب جيب تمام ميل الرؤية فها حفظناه ونقسم المجتمع على الجيب كله فيخرج جيب عرض الكوكب في الجهة التي وجدنا فيها الكوكب عن درجة وسط السهاء.

ونضرب جيب ميل الرؤية فيا حفظناه أيضًا ونقسم المجتمع على جيب تمام عرض الكوكب، فيخرج جيب التعديل. فإن كان عرض الكوكب وميل الرؤية في جهة واحدة ننقص التعديل من درجة وسط السماء وإن كانا في جهتين مختلفتين نزيد التعديل على درجة وسط (١٨١ و) السماء فتحصل لنا درجة الكوكب في الطول والعرض من فلك البروج.

وندبر البرهان على ما قاله حبش: ابج فلك نصف النهار و اهج الأفق و هب من معدّل النهار و ح ز من فلك البروج فتكون ز درجة وسط السماء وب منتهى مطالعها في الفلك المستقيم. ونفرض نقطة كه موضع الكوكب وقد وافي فلك نصف النهار وارتفاعه كج وارتفاع درجة وسط السماء زج وفضل ما بينها زك و حجيبه > هو المحفوظ ونزيد على ب تسعين زمانًا فننتهي إلى نقطة ٥ وندير على قطب ز وببعد ضلع المربع قوس ٥ د ط ونخرج من نقطة كه قوسًا من دائرة عظيمة تلاقي دز؛ اعني فلك البروج، على زوايا قائمة وتلقى ٥ د ط

⁽١) في الأصل وأعاليه.

⁽٢) في الأشكال الواردة في المخطوطة «ميل الزاوية».



على ط فيكون ط قطب فلك البروج و كم عرض الكوكب ك. ولأنّ هدط خارج من قطب دائرة ابج فإنّها تقطعها على زوايا قائمة ، وليكن ذلك على نقطة ل ، فظاهر انّ كل واحد من ه ل دط ربع تامّ فإذا ألقينا المشترك بينها ، وهو ل د ، بتي ه د مساويًا لـط ل .

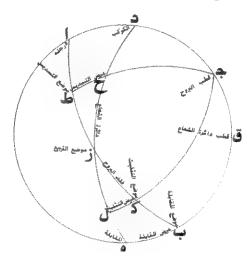
ونسبة جيب م ك الذي هو عرض الكوكب إلى جيب كز المحفوظ كنسبة جيب ل د الذي هو مقدار زاوية مزك إلى الجيب كلّه الذي هو (جيب) مقدار زاوية زمك القائمة ، فكم معلوم . ونسبة جيب كز المحفوظ إلى جيب زم كنسبة جيب تمام م ك إلى جيب تمام زاوية م زك ، أعني ط ل ، فزم معلوم . ولأنّ دائرة ط م كمارة على الكوكب وعلى قطب فلك البروج فهي إذن التي (٣) تحدّ درجته من منطقة البروج . فنقطة م درجة الكوكب و زم هو فضل ما بينها وبين درجة المرّ ، أعني ز ، فدرجة الكوكب وعرضه معلومان ، وذلك ما أردنا أن نبين .

معرفة مطرح شعاعات الكواكب على مذهبي

إنّ مطرح الشعاع معنى من معاني صناعة الأحكام لكنّه أخذ من القسم الرياضي نصيبًا ليس باليسير. وقد أكثر القدماء والمحدثون في ذلك وذهب كل واحد منهم مذهبًا قد أبنت عن فسادها بالبرهان والطرق الأولى في كتابي الموسوم بـ «تجريد الشعاعات» (١) وأتيت بالطريق الذي اخترعته وسأحكيه ههنا على وجه الإخبار.

فليكن اب نصف فلك البروج على قطب ج وممّا يقتضيه ذلك العمل أنّ الكوكب إذا كان على منطقة البروج نفسها وعُدِم العرض فإنّ شعاعاته تقع عليها بدرج السواء.

فلنفرضه في هذا المثال ذا عرض وليكن عرضه قوس الا وجرمه على نقطة لا ، ونأخذ قوس جمق مساويًا (٢) لدا ونجعل ق قطبًا وندير ببعد ضلع المربّع دائرة لا ونسمّيها دائرة الشعاع . وليكن لاح سدسها و لا ربعها و لا عرض له وك دائرتي جرح ط جركل ، فيكون ط موقع التسديس و طح عرضه و لا عرض له وك موقع التثليث وكل عرضه .



 ⁽١) في الأصل «عديد الشعاعات» والصواب «تجريد» كما يدل عليه عنوان الكتاب الكامل «تجريد الشعاعات والأنوار عن الفضائح المدوّنة في الأسفار» (راجع 42 Boilot, RG na).

⁽٢) مساوٍ.

ولأنّ قوسي حز زل متساويتان ونسبة جيب حز إلى جيب حط كنسبة جيب زل إلى جيب ل ك، فإنّ قوسي حط كل متساويتان وقوسي ط ز زك (١٨١ ظ) متساويتان وقوسي اد به متساويتان. وفي هذا الشكل نسبة جيب زح إلى جيب حط كنسبة جيب زد إلى جيب د و إلى جيب ح كنسبة جيب ط ز إلى جيب و ح.

فإذا ضربنا جيب عرض الكوكب في ربع القطر وقسمنا المجتمع على الجيب كلّه خرج جيب عرض التسديس. فإذا ضربنا جيب تمام عرض الكوكب في ربع القطر وقسمنا المجتمع على جيب تمام عرض التسديس خرج جيب تمام التسديس، فتى زدنا مقدار هذا التسديس على درجة الكوكب انتهينا إليه وعرضه في جهة عرض الكوكب.

فإذا زدنا على درجة الكوكب ربع دائرة تامًا (٣) ، انتهينا إلى تربيعه وليس له عرض.

فإذا نقصنا مقدار التسديس من الدرجة المقابلة لدرجة الكوكب (٤) ، انتهينا إلى تثليثه ، وعرضه في خلاف جهة عرض الكوكب .

والمقابَلة توجد بزيادة نصف دائرة على درجة الكوكب، وعرضها كعرضه متبادلاً الجهة.

والشعاعات المتياسرة مقابِلة للمتيامنة (٥) ومساوية العروض لها باختلاف الجهات. وذلك ما أردنا أن نبيّن.

فأمّا الدواعي إلى الأصول التي بُني عليها هذا العمل، فالكتاب المخصوص بها أوْلى بالإبانة عنها، وفيما تضمّنته من ذلك إقناع وبلاغ.

⁽٣) تام.

⁽٤) في الأصل ومن الدرجة المقابلة لدرجة المقابلة لدرجة الكوكب ٤.

⁽٥) هكذا في الأصل والجدير بالذكر أنَّ الشعاعات التي حصل عليها من قبل هي المتياسرة.

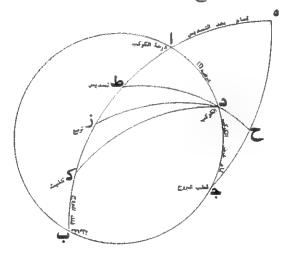
مطرح شعاعات الكواكب على مذهب البتّاني والصوفي

وقد أشار أبو الحسين الصوفي في آخر كتابه «في مطرح الشعاعات» إلى عمل ، إن صحّ (١) ، ولم نتزل على ما ذكره ، اقتضى هذا.

فليكن اب نصف فلك البروج على قطب جد، وعرض الكوكب اد. ونخرج من جرم الكوكب وهو نقطة د قوس دط سدس دائرة عظيمة و در ربعها و دك ثلثها، فيكون اط بعد موقع التسديس من درجة الكوكب واز بعد التربيع منها و اك بعد التثليث منها. لكنّ از ربع دائرة كها أنّ در ربع دائرة و اط مساو لـ ب ك، فبوجود اط يوجد اك.

ولنخرج لذلك طاه حتى نتم ربعًا تامًّا. فندير على قطب ط وببعد ضلع المربّع ربع دائرة جده ونخرج إليه طد فينتهي إليه على ح وتكون نسبة جيب جدد تمام عرض الكوكب إلى جيب دح تمام السدس (٢) كنسبة جيب جد ممام التسديس المطلوب.

ومتى ضربنا جيب نصف سدس الدور في الجيب كلّه وقسمنا المجتمع على جيب تمام عرض الكوكب، خرج جيب تمام التسديس من فلك البروج خرج جيب تمام التسديس. فإذا زدنا التسديس على درجة الكوكب انتهينا إلى موضع التسديس من فلك البروج وإذا نقصناه من مقابكة درجته انتهينا إلى موضع التثليث على ما اختاره الصوفي والبتّاني، وذلك ما أردنا أن نبيّن.



- (۱) صحح،
- ٢٠) التسدسي
- (٣) في الأصل وسدس عرضه ، ولعل السبب في ذلك هو وجود كلمة وسدس ، على القوس دط.

mais avec un autre calcul (cf. p. 42, n. 57). Le calcul d'al-Şûfî est rapporté dans le *Dustûr* (195v: 24-9) et dans le *Qānūn* (Bĩr., *Qānūn*, pp. 1385-8; voir aussi Kenn., *Rays*, pp. 6-7).

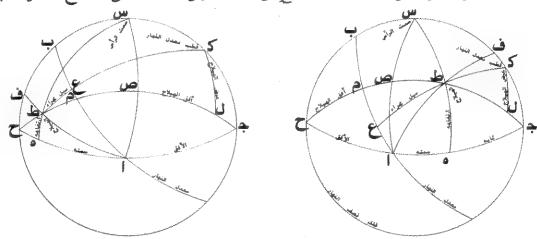
Sur la figure ci-dessus, les flèches indiquent les «lieux» du trine et du sextile selon la doctrine de Bīrūnī.

معرفة التسييرات (١)

وأمّا التسيير (١) فهو أيضًا أسم واقع على معنى من معاني صناعة الأحكام وهو تحصيل ما بين الكوكبين من أزمنة معدّل النهار على أي دائرة فرض المتقدّم منها ، وهم يسمّونه في أكثر الأمر هيلاجًا والتالي قاطعًا كوكبًا كان أو شعاعًا أو غير ذلك من نقط الفلك ، وما بينها من الأزمنة درج التسيير.

فلنجبر الأمر على هذه المواضعات ونقول إنّ من البيّن أنّ الهيلاج إذا كان على فلك نصف النهار أو الليل كان ما بين مطالعي (٢) ممرّه وممرّ القاطع في الفلك المستقيم هي درجة التسيير. وإذا كان على نصف الأفق الغربي فما فما بين مطالعي (٢) درجتي طلوعها (١٨٢ و) في البلد هي درج التسيير، وإذا كان على نصف الأفق الغربي فما بين مغاربي (٢) درجتي غروبهما في البلد هي درج التسيير.

ولنفرض ، للهيلاج الكائن بين الوتدين ، اب من معدّل النهار واج من الأفق والكوكب المفروض هيلاجًا هو على نقطة ط. ولنجز عليه دائرة جطح من عند تقاطع الأفق وفلك نصف النهار ولنجز عليه أيضًا دائرة سلام من سمت الرأس ، فتكون من دوائر الارتفاع فجه تمام سمته . وفيه (٣) نسبة جيب جه إلى جيب زاوية جه ط كنسبة ظل هط إلى ظل زاوية طجه . ونخرج من نقطة كه قوس كل قائمة على جطح ، فتكون نسبة



⁽١) في الأصل السير؛ وكذلك الأمر كلما وردت هذه الكلمة.

⁽٢) راجع حاشيتنا رقم ٣ صفحة 227.

⁽٣) هكذا في الأصل ولعل هنا نقصًا، وعلى كل حال فالمقصود هو وفي المثلث جـطه».

جيب جك وهو عرض البلد إلى جيب كـ ل كنسبة الجيب كلّه وهو جيب زاوية كـ ل ج إلى جيب زاوية كـ جـ التي هي تمام زاوية طـ جـ ه.

فإذن متى ضربنا ظل ارتفاع الهيلاج في الجيب كله وقسمنا الجحتمع على جيب تمام بعد سمت الهيلاج عن مطلع الاعتدال أو مغربه ، خرج جيب زاوية ٥جـط. ثم إذا ضربنا جيب عرض البلد في جيب تمام زاوية ٥جـط وقسمنا المجتمع على الجيب كله ، خرج جيب كل وهو عرض الموضع الذي أفقه دائرة جطح ، والكوكب عليها ، وكأنه طالع في ذلك المسكن إن كان عن فلك نصف النهار شرقيًا أو كأنه غارب فيه إن كان عن فلك نصف النهار غربيًا ، فحينئذ يسير بمطالع ذلك العرض أو بمغاربه.

طريق آخو

وأيضًا فإنّا نخرج قوس كلط ع وقوس اطف وقوس س ص ا، فيكون اع فضل ما بين مطالع درجة الطالع في البلد وبين مطالع الهيلاج في الفلك المستقيم، في ط ع ميل بحراه. ونسبة جيب كلط الذي هو تمام ميل محرى الهيلاج إلى جيب طف كنسبة جيب كل ع إلى جيب ع ب، ونسبة جيب اط إلى جيب ط ع كنسبة جيب اف إلى جيب اف إلى جيب الله الله جيب الله الله جيب س ف، ونسبة جيب الله الله جيب س ف ، ونسبة جيب حك كنسبة جيب جلط إلى جيب طف.

فإذن متى ضربنا جيب تمام ميل مجرى الهيلاج في جيب تمام فضل ما بين مطالعه في الفلك المستقيم ومطالع الطالع في البلد^(ه) وقسمنا المجتمع على الجيب كله ، خرج جيب طف. فإذا ضربنا جيب ميل الهيلاج في الجيب كله وقسمنا ما بلغ على جيب تمام طف الذي كان حصل لنا ، خرج جيب فب. فنأخذ فضل ما بينه

⁽٤) جاط.

^(°) في الأصل: «بين مطالعه ومطالع الطالع في الفلك المستقيم» وليس الأمر كذلك والتصحيح الذي نقترحه ينسجم مع ما ورد في البرهان.

وبين عرض البلد إن كان ميل الهيلاج شماليًا أو نجمعها إن كان جنوبيًا ونضرب جيب ذلك في جيب تمام طف ونقسم المجتمع على الجيب كله فيخرج جيب طص. فإذا ضربنا جيب طف في جيب عرض البلد وقسمنا المجتمع على جيب جرط، أعني جيب تمام طص، خرج جيب كل الذي هو عرض أفق جرط ح وبمطالعه يسير الهيلاج إلى القاطع وذلك ما أردنا أن نبين.

فهذه طرق حقيقية في باب التسيير ، وقد تفرّدت بعملها واستغرقت أنواعها في كتاب «البرهان المبين في أعال التسيير». وأمّا أهل هذه الصناعة ، فإنّهم يسيّرون الهيلاج إلى القاطع معتقدين فيه أنّه على فلك نصف النهار ويسمّون ما يحصل لهم من ذلك أوّلاً ، ثم يسيّرونه إليه أيضًا معتقدين أنّه على الأفق بمطالعه إن كان في جهة المشرق وبمغاربه التي هي مطالع نظيره (١٨٢ ظ) إن كان في جهة المغرب ويسمّون ما يحصل لهم من ذلك ثانيًا ، ويأخذون الفضل بين الأوّل والثاني ويجعلون نسبة التعديل إليه كنسبة بعده عن فلك نصف النهار إلى نصف قوس نهاره . ثم إن كان الأوّل أنقص من الثاني زادوا هذا التعديل على الأوّل وإن كان زائدًا عليه نقصوه ، فتحصل درج التسيير وهو عمل مبني على الإقناع دون البرهان .

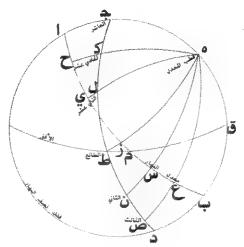
وبمثله سلكوا طرقًا في مطارح الشعاعات وذلك أنّهم أرادوا أن يطلقوا على الدائرة التي وافقت الكوكب مقدار حصّة الشعاع فيكون ما وافقها من آخر إطلاعهم في خروج البروج موضع ذلك الشعاع ، واستخراج هذا المقصود بمثل ما عملوه في التسيير، وكل ذلك فاسد، غير صحيح.

وأكثر العاملين بما تقدّم في التسيير يُجرون أعالهم على أنّ الهيلاج عديم العرض لكنّ أبا الحسين الصوفي نبّه على أنّه إذا كان ذا عرض وكان على فلك نصف النهار استعمل درجة ممرّه دون درجته ، وعلى الأفق الشرقي درجة طلوعه ، وعلى الأفق الغربي درجة غروبه ، ثم أغفل الأمر إذا كان فيها بين وتدين . وذلك أنّه كان يجب ، بحسب ما أمره من العمل ، أن يجعل نسبة بعده عن فلك نصف النهار إلى نصف نهار قوسه كنسبة التعديل إلى الفضل بين درجة ممرّه وبين درجة طلوعه إن كان في جهة المشرق أو بين درجة غروبه إن كان في جهة المغرب ، ثم يعتبر ، في زيادة التعديل على درجة الممرّ ونقصانه منها ، تقدّم درجة الممرّ أو تأخرها كها تقدّم حتى كان يحصل له الدرجة التي يجب أن تستعمل للهيلاج في موضعه ، بل درجته ، وهذا ظاهر .

عمل تسوية الاثني عشر بالطريق المشهورة

ليكن اهد من فلك نصف النهار وام ب نصف معدّل النهار وجد طد نصف فلك البروج وقم ط من الأفق، فتكون نقطة ط درجة الطالع وم منتهى مطالعها في البلد وجد درجة وسط السماء وا منتهى مطالعها في الفلك المستقيم. فنخرج من قطب معدّل النهار وهو ه دائرة هزط، فيكون زم تعديل نهار درجة الطالع و زا نصف قوس نهارها وزب نصف قوس ليلها وكل درجتين متناظرتين فإنّ نهارهما وليلها متكافئان، فزب نصف قوس نهار درجة الغارب.

فنقسم زا بثلاثة أقسام متساوية على نقطتي ي ح ونجيز عليها دائرتي ٥ ك ح ٥ ل ي ، وكذلك نقسم زب بثلاثة أقسام متساوية على نقطتي س ع ونجيز عليها دائرتي ٥ س ن ٥ ع ص ، فيكون ك درجة الحادي عشر و ل درجة الثاني و ص درجة الثالث.



فإذن متى أخذنا مطالع درجة الطالع بالبلد، كان منهاها م، فنقصنا منها ام وهو ربع دائرة، انهينا إلى نقطة ا وهي منتهى مطالع درجة العاشر في الفلك المستقيم، ثم زدنا عليه سدس نهار درجة الطالع أعني ا ح وهو ضعف أزمان ساعات نهار درجة الطالع (۱)، بلغنا إلى منتهى مطالع درجة الحادي عشر في الفلك المستقيم وهو ح، ثم زدنا عليه ثانية ، بلغنا إلى منتهى مطالع درجة الثاني عشر في الفلك المستقيم وهو ي، ثم زدناه عليه ثالثة ، بلغنا إلى منتهى مطالع درجة الطالع في الفلك المستقيم وهو ز، ثم زدنا عليها سدس ليل درجة الطالع أعني زس الذي هو ضعف أزمان ساعات نهار درجة الغارب، بلغنا إلى منتهى مطالع درجة الثاني في الفلك المستقيم وهو س، ثم زدنا ثانية ، بلغنا إلى منتهى مطالع درجة الثاني في الفلك المستقيم وهو س، ثم زدنا ثانية ، بلغنا إلى منتهى مطالع درجة الثالث في الفلك المستقيم وهو ع.

فإذا قرّسنا مطالع كل بيت منها في مطالع الفلك المستقيم خرجت درجة ، ونظائرها تصير معلومة لأنّها مقابِلة لها مناظَرةً ، وذلك ما أردنا أن نبيّن .

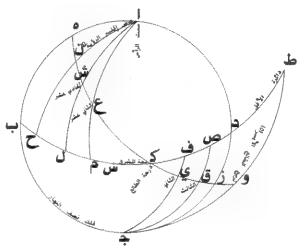
(١) في الأصل كررت هنا العبارة وأعني اح، الموجودة سابقًا بعد كلمة والطالع».

 $[\]begin{split} \alpha_{11} &= \alpha_M + \frac{D_H}{6}, \, \alpha_{12} = \alpha_M + 2 \, \frac{D_H}{6}, \, \alpha_1 = \alpha_H = \alpha_M + 3 \, \frac{D_H}{6} \, (\text{qui n'est autre que} \\ \alpha_H &= \alpha_H' + d_H), \, \alpha_2 = \alpha_H + \frac{N_H}{6}, \, \alpha_3 = \alpha_H + 2 \, \frac{N_H}{6}. \end{split}$ On a ensuite $\lambda_4 = \lambda_{10} + 180^\circ$, etc...

عمل تسوية البيوت على مذهب حبش

ليكن ابجد فلك نصف النهار وبد الأفق و ا ج قطباه و هز نصف فلك البروج ونقطة كدرجة الطالع ونفرضها شمالية الميل ونقطة س مطلع (١) (١٨٣ و) الاعتدال ، فيكون س كه سعة المشرق. وندير على قطب كد وببعد ضلع المربّع ربعي دائرة اح جط (٢) ونخرج الأفق حتى يلقاها على نقطة ط وفلك البروج حتى يلقاها على و، فتكون نقطتا ن و تربيعي الطالع وكل واحدة من قوسي ان (٣) جو عرض إقليم الرؤية.

ونقسم قوس كـب من الأفق بثلاثة أقسام متساوية ونجيز من نقطة اعليها أرباع دوائر تقطع فلك البروج على ش ع ، فتكون ش درجة الحادي عشر و ع درجة الثاني عشر . ونقسم أيضًا قوس كـد بثلاثة أقسام متساوية على نقطتي ف ص ونجيز من نقطة جـ عليها أرباع دوائر تقطع فلك البروج على ي ق فتكون ي درجة الثاني و ق درجة الثالث .



⁽١) مطالع.

⁽٢) حط.

⁽٣) از.

⁽٤) كان ذلك مكتوبًا على القوس اه.

⁽٥) كان ذلك مكتوبًا على القوس طو.

ونسبة جيب جو (١) إلى جيب جط كنسبة ظل وق إلى ظل طص وكنسبة ظل وي إلى ظل طف، فأمّا ط ص فهو مجموع نصف سدس دائرة إلى ط ص فهو مجموع نصف سدس دائرة إلى ثلث سعة مشرق نقطة ك، وأمّا ط ف فهو مجموع سدس دائرة إلى ثلث سعة مشرق ك.

وأيضًا فإنَ نسبة جيب ان (٧) إلى جيب اح كنسبة ظل ن ش (٨) إلى ظل حل وكنسبة ظل ن ع إلى ظل حم، فأمّا حل فهو سدس دائرة منقوصًا منه ثلثا سعة مشرق كى، وأمّا حم فهو سدس دائرة منقوصًا منه ثلث سعة مشرق كى.

فإذن لمعرفة البيت (٩) الثاني نضرب ظل مجموع ستين جزءًا وثلث سعة مشرق الطالع وللثالث نضرب ظل مجموع ثلاثين جزءًا وثلث يعتبر نضرب ظل ستين جزءًا منقوصًا منها محموع ثلاثين جزءًا وثلثي (١١) سعة مشرق الطالع وبسبب (١١) الثاني عشر نضرب ظل ستين جزءًا منقوصًا منها ثلثا سعة مشرق الطالع ، كل واحد ثلث سعة مشرق الطالع وللحادي عشر نضرب ظل ثلاثين جزءًا منقوصًا منها ثلثا سعة مشرق الطالع ، كل واحد من من ذلك في جيب عرض إقليم الرؤية ونقسم المجتمع من الضرب على الجيب كلّه فيخرج ظل بعد كل واحد من هذه البيوت عن تربيع الطالع إمّا فوق الأرض فعن الأيمن وهو نقطة ن ، وإمّا تحتها فعن الأيسر وهو نقطة و .

ونظائر هذه البيوت مقابلة الدرج، وإذا كانت درجة الطالع جنوبية الميل، عكسنا العمل في زيادة أثلاث سعة المشرق ونقصانها في المواضع المذكورة، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

⁽٦) هنا إشارة إلى حاشية كتب فيها جرز وهذا خطأ.

⁽Y) از.

⁽۸) لس.

⁽٩) النك.

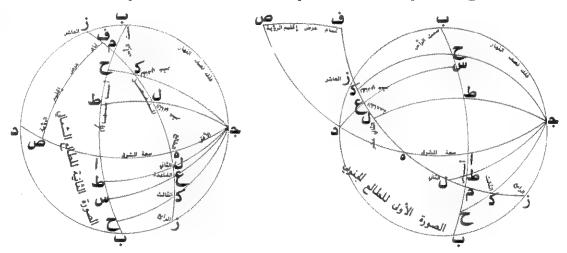
⁽١٠) هنا بدلت وثلثي، إلى وثلث، على السطر ولكن الصواب وثلثي.

⁽۱۱) س.

عمل تسوية البيوت على مذهبي

وإذ قد ذكرت هذا المعنى بحسب الرأيين معًا فمن الواجب أن أذكر طريقًا ثالثًا ، قد تفرّدت باختراعه وبيّنت في كتاب «تجريد الشعاعات» أنّه ، وإن طال عمله بعض الطول ، فقد أوجب النظر القياسي بالطريق الأوْلى على أنّه في تسطيح الكرة أسهل ما يمكن أن يكون صناعةً وعملاً به.

فيكون جـاد نصف الأفق الشرقي و بـام من الدائرة التي لا سمت لها أعني التي (١) قطبها تقاطع الأفق مع فلك نصف النهار وهو نقطة جـ، وليكن زهم من فلك البروج ونقطة ه هي درجة الطالع ونقطة ز درجة العاشر. ونقسم ربع اب بثلاثة أقسام متساوية على نقطتي ح ط ونجيز عليها دائرتي جـطـل جـح كـ تقاطعان فلك البروج على نقطتي كـل، فتكون ل هي درجة الثاني عشر ونقطة كـ هي درجة الحادي عشر.



⁽١) الذي.

⁽٢) هكذا في الأصل ولا ندري إلى أية كلمة يرجع الضمير ١ه١٠.

ونسبة جيب دع إلى جيب دس (٤) كنسبة ظل س ح إلى ظل ع كه وكنسبة ظل سط إلى ظل ع ل (١٨٣ ظ) وكل واحدة من درجتي الحادي عشر والثاني عشر معلومة وبمثل هذا التدبير تبيّن لنا درجتا الثاني والثالث.

فإذن متى ضربنا جيب تمام سعة مشرق درجة الطالع في جيب تمام عرض إقليم الرؤية وقسمنا المجتمع على الحيب كلّه خرج جيب تمام الزاوية المترددة. فإذا ضربنا جيب سعة مشرق الطالع في الحيب كلّه وقسمنا المجتمع على حيب مقدار الزاوية المترددة خرج جيب الضلع المنفصل. فإن كانت درجة الطالع شمالية الميل زدنا عليها تمام الضلع المنفصل وإن كانت جنوبية نقصناه منها فنتهي إلى القاعدة. ثم نضرب جيب الضلع المنفصل في جيب تمام الزاوية المترددة ونقسم المجتمع على جيب تمام سعة مشرق درجة الطالع فيخرج جيب الأساس.

⁽٣) المشرق.

 ⁽٤) هذا خطأ فلا بد أن يكون ونسبة جيب دس إلى جيب دع، والغلط هنا أصلي كما يستدل من الحساب الذي يلي بعد بضعة سطور (راجع حاشيتنا رقم (٥)).

فإن اتّفق أن يكون الأساس ل جزءًا ، كانت القاعدة أوّل البيت الحادي عشر إذا كانت درجة الطالع جنوبية الميل وأوّل البيت الثالث إذا كانت شالية الميل.

وإن كان الأساس أقل من ل جزءًا أو أكثر منها إلى ص (٥) جزءًا، أخذنا حظل > فضل ما بينها وضربناه في الجيب كله وقسمنا الججتمع على جيب تمام الزاوية المترددة (٦) فما خرج فهو ظل التعديل. فإن كانت درجة الطالع جنوبية الميل وضلع الأساس أقل من ل جزءًا نزيد التعديل على القاعدة وإن كان أكثر ننقصه منه، فننتهي إلى الحادي عشر، وإن كانت شمالية الميل ننقص التعديل من القاعدة إن كان الأساس أقل من ل ونزيده عليها إن كان أكثر وننتهي إلى درجة الثالث.

ثم ننظر أيضًا إلى الأساس، فإن اتّفق أن يكون س جزءًا فالقاعدة في الطالع الجنوبي هي أوّل بيت الثاني عشر وفي الشهالي أوّل البيت الثاني، وإن كان أقلّ من س جزءًا أو أكثر عملنا به ما تقدّم واعتبرنا على قياس الاعتبار المذكور فتخرج لنا درجة الثاني عشر أو الثاني.

ثم ننظر بعد ذلك إلى الأساس، فإن كان ل جزءًا فإنّا نزيد الضلع المنفصل على درجة الطالع الجنوبي فننتهي إلى درجة الثاني عشر. وإن كان أكثر من ل فننتهي إلى درجة الثاني عشر. وإن كان أكثر من ل جزءًا، أخذنا حتمام> فضل ما بينها وعملنا العمل الأول حتّى يخرج التعديل، فنزيده على القاعدة في الطالع الجنوبي فننتهي إلى الثاني عشر (٧). وإن كان أقلّ من ل جزءًا، أخذنا ظل تمام ما ينقص من ل وعملنا به ما ذكرناه حتّى يخرج التعديل، فننقصه من درجة نظير القاعدة في الطالع الجنوبي فننتهي إلى الثاني عشر.

⁽٥) في الأصل س.

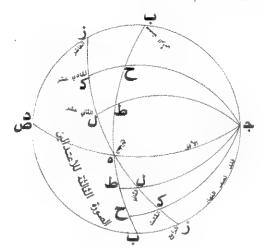
⁽٦) الصواب هنا إذا عكسنا العمليتين الأخيرتين «وضربناه في جيب ثمام الزاوية المتردّدة وقسمنا المجتمع على الجيب كله» والمخطأ يعود إلى خطأ سابق. أنظر حاشيتنا رقم (٤).

⁽V) الثالث عشر.

وننظر أيضًا إلى الأساس ، فإن كان س (١٨٤ و) جزءًا أو أقلّ أو أكثر امتثلنا فيه ما قدّمناه للثاني والثاني عشر حتّى يخرج لنا الثالث في الطالع الجنوبي والحادي عشر في الشمالي.

وإذا كانت درجة الطالع إحدى نقطتي الاعتدال ، أي كانت ، نسبة ظل بعد كل بيت عن فلك نصف النهار مأخوذ في فلك البروج إلى ظل قطع الدائرة التي لا سمت لها كنسبة جيب ارتفاع درجة وسط السهاء إلى الجيب كلّه ، وذلك ما أردنا أن نبيّن.

وما بقي فيما تقدّم ذكره منّي إلاّ وعنده بيان لِمَا يُحتاج إليه فيه ما عدا أعمال السموت فإنّها غير مستغنية عن خط نصف النهار ، فلذلك أروم أن أختم الكتاب بذكره .



استخراج خط نصف النهار بالدائرة الهندية

ومعرفة خط نصف النهار في أي موضع شئنا أن نسوّي سطح الأرض تسوية معتدلة موازية لسطح الأفق بحيث إذا صُبّ عليه ماء أو أُرسل رشّ وقف متحيّرًا ، لا يميل إلى جهة دون أخرى وكان انصبابه إلى جميع الجهات بالسواء . ثم ندير فيه (١) دائرة على أي قدر أمكن ونُنصِب على مركزها مقياسًا يكون عمودًا على السطح المستوى وعلى رأسه قطعة مدوّرة شبيهة بالكرة بحيث يقع ظلّها على الأرض شبيهة بالعدسة أو أكبر قليلاً فإنّا إذا جرّبنا المقياس المستدق الرأس فأدّى إلى غلط لتلاشي ظل طرفه عند الارتفاع القليل.

ثم نرصد ظل المقياس المنصوب في أوّل النهار حتّى يدخل الدائرة ، فنعلّم على محيطها نقطة مدخله ، وكذلك نرصده حتّى يخرج عنها في آخر النهار ، ونرسم الصلة بين نقطتي المدخل والمخرج بخط مستقيم وننصّفه ونصل في منتصفه بالمركز ونخرج هذا الخط الواصل على استقامته في كلتي الجهتين يكون خط نصف النهار ، والقطر القائم عليه هو خط الاعتدال .

وإن شئنا أخذنا ارتفاع الشمس في أي وقت شئنا قبل نصف النهار وعلّمنا على طرف ظل الشخص في سطح مواز للأفق ورصدنا مثل ذلك الارتفاع بعد نصف النهار ، فإذا صارت إليه علّمنا (٢) على طرف ذلك الظل (٣) أَبضًا ووصلنا بين العلامتين بخط مستقيم وأخرجنا من منتصفه خطًّا مستقيمًا عمودًا عليه ، فيكون ذلك العمود هو خط نصف النهار وهذا مثال ذلك.

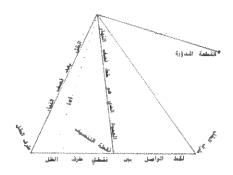
⁽١) فسه.

⁽٢) عملنا.

⁽٣) الشخص.

فأمّا لِمَ ذلك كذلك فعلوم أنّ الظلين يكونان على الفصلين المشتركين لدائرتي ارتفاعيهما ولسطح الأفق ، ولأجل أنّ الأظلال المتساوية تكون لارتفاعات متساوية ، فارتفاعا هذين الظلين متساويان . وجيبا تمامي هذين الارتفاعين هما خطان متساويان خارجان من المركز على استقامة الظل ونهايتاهما مسقطا حجري الارتفاعين أعني جيبيها (٤) . والخط الواصل بين هاتين النهايتين هو مساوٍ لوتر الدائر من الفلك بين وقتي الارتفاعين في المدار وموازٍ له .

وظاهر ممّا تقدّم أنّ كل نقطتين في مدار واحد متساويتي مقدار الارتفاع مختلفتي جهة المشرق والمغرب، فإنّ بعديها عن فلك نصف النهار متساويان. فسطح فلك نصف النهار يقطع وتر الدائر من الفلك بين الارتفاعين والخط الموازي له الذي ذكرنا بنصفين. ولتناظر المثلثين بالتبادل، أعني الكائن أحدهما من جيبي تمامي الارتفاعين والخط الواصل بينها > ، ولتشابهها وامتداد أضلاع أحدهما على استقامة أضلاع الآخر وتوازي قاعدتها ، يقطع خط نصف النهار كل واحد من الخطين الواصلين في المثلثين على نصفين ، وذلك ظاهر ، لا يحتاج فيه إلى تصوير وتمثيل .



⁽٤) جياهما.

 ⁽٥) هنا خط رسم على الشكل الوارد في المخطوطة مع ملاحظة كتب فيها «هذا الخط زائد» كما أنّه أشير إلى الطرف الأسفل لهذا الخط
بالكلمتين «نقطة النصف».

وليس في الزيجات التي شاهدتها من ذكر الأحوال التي تحدث في بسيط كرة الفلك من جهة دورانه ، بالاضافة إلى المساكن ، غير ما أبنت عنه أو مركبًا منه . وأمّا أحوال الكواكب في أفلاكها بالقياس إلى المدركين إيّاها فهو فن آخر وليس يتعلّق بهذا الموضع إذ لم يكن القصد بالخوض فيه إلاّ تمهيد الطريق للمتأمّل وإرشاده إلى استعال الشكل المغني عن القطاع في القسي الفلكيّة وتدريبه بكثرة (١٨٤ ظ) اختلاف الأحوال والأوضاع عليه ، وقد زدت على الكفاية التي احتيج إليها .

ولي أن أقطع الكلام على حسب ما جرت به عاداتي من افتتاح كل قول وفعل واختتامه بالحمد لله ولي العدل وواهب العقل ومصلح الكل المسؤول إدامة نعمه لدي بما أهلني له من الحظوة عند الاصبهبد الجليل - أدام الله على علوه - والتمكين من مجلسه الرفيع وتعريفي شكره بها بأمانة زيادة في الحسنى وسعادة في الهدوء والغنى ، إنّه على ذلك قدير وهو ربّ العالمين.

تمّت الرسالة الموسومة بـ «مقاليد علم الهيئة» من تصانيف أبي الريحان البيروني قدّس الله روحه. فرغ من تحريره أضعف عباد الله حسن بن محمد بن المطهر - نفعه الله به - في حادي عشر من رمضان المبارك سنة أربع وثمانين وسبع مائة، والحمد لله وصلّى الله على سيّدنا محمد النبي وآله الطيبين الطاهرين وسلّم تسليمًا.

INDEX DES TERMES TECHNIQUES

Cet index n'est pas exhaustif. Les termes retenus appartiennent pour la plupart au vocabulaire classique de l'astronomie sphérique arabe médiévale. Certains, au contraire, s'appliquant par exemple à des notions particulières (ishtirāk, incikās, ...) ou à des éléments auxiliaires du calcul (qācida, asās, ...), sont manifestement choisis ici par Bīrūnī. On trouvera aussi quelques mots très simples, tels que nisba, shakl, saṭḥ, miqdār, ... qui, dans les mathématiques anciennes, revêtent des significations diverses, parfois difficiles à cerner.

ابد abadī *z-zuhūr* 235.

اسً al-ʾasās (aux.) 287, 289, 291.

افق ufuq voir maṭāli^c, haylāj.

امر mu³ämara 139.

אָגע baddala 183. ibdāl voir nisba. mutabādil 165, 267; tabādul 295.

bu^cd (al-kawkab ^can mu^caddil an-nahār) 211, 215, 219, 227, = al-bu^cd al-ḥaqqī 213; al b. al-awwal (aux.) 211, 217.

bayı (astrol.) 281, 283, 285, 289; voir aussi taswiya.

tathlīth 1. t. az-zāwiya 95 — 2. at-tathlīth (astrol.) 265, 267, 269.

جرى majrā voir mayl. jayb. j. az-zāwiya 111, 199, passim — al-j. kulluhu 119, 151, 197, passim, =al-j. al-a^czam 225; j. ma^ckūs 229.

حطً inhiṭāṭ 93.

حكم şinā^cat al-aḥkām 271. ^carḍ al-balad al-muḥkam voir ^carḍ.

خطً khatt 1. ligne, ligne droite, droite 104 n. 2, 105, 107, 111, 145, passim; voir aussi i^ctidāl, zawāl, nahār — 2. mesure d'un segment 105, 107, 141.

خلف khilāf voir nisba. ikhtilāf voir maṭāli^c.

לכד daraja 1. daraj as-sawā³, d. sawā³ 211, 239, 243, 261, 265 — 2. point de l'écliptique 197, 199, passim; darajat al-kawkab 211, 215, 233 passim; voir aussi mamarr, tulū^c, ģurūb; d. wasaṭ as-samā³ 233, 237, 239, 243, passim; voir aussi ṭāli^c, ġārib.

دعو da^cwā 107, 123, 125, 139, 143.

dā ir. ad-da ir min al-falak, ad-d. 229, 231, 233,

 $d\tilde{a}^{2}$ ira voir irtif \tilde{a}^{c} , shu $^{c}\tilde{a}^{c}$, samt; d. c azīma 93, 121, passim.

madār 117, 153, 225, 229, passim.

istidāra 111,

رأي

ru³ya. qaws ar-r. 257, 259; mayl ar-r. (aux.) 261; card iglim ar-r. voir card.

ريح

rabbaca 127.

at-tarbit (astrol.) 265, 267, 269, 281, 283.

رفع

irtifāt, dāvirat al-irtifāt 127, 229, 241, passim; irtifā^c nisf an-nahār 229.

زمن

zaman durée, équivalent en degrés. azmān sā^cāt nahār al-kawkab 233, 279. zamān degré d'équateur 225, 239, 243, 261, 271.

زول

zawāl, khaţţ az-zawāl 253,

zāwiya. jayb az-z. voir jayb; az-z. al-mutaraddida (aux.) 287, 289.

tasbī^v ad-dā^pira 95.

سلس

at-tasdīs (astrol.) 265, 267, 269.

sath 1. surface, surface plane, plan 93, 104 n. 2, 109, 111, 113, passim - 2. portion de plan, quadrilatère 115, 139, 141, 143 et suiv. - 3. produit de deux longeurs 225, 227.

tasţīḥ al-kura 285.

سمت

samt direction, azimut 93, 244 n. 1, 245, 253, passim; samt ar-ra's 225, 229, 237, 257, passim; ad-dā ira allatī lā samt lahā 285, 291; voir aussi mațālic,

man

sahm voir nahär,

ساعة

sāca, s. mustawiya, sāca mucwajja 233; voir aussi zaman.

سوي

sawā voir daraja.

mustawī voir zill, sāca.

taswiyat al-buyūt (astrol.) 277, 281, 285.

tasyīr (astrol.) 270 n. 1, 271, 275, 277.

شخص

shakhs (= miqyas) 129.

شرك

ishtirāk, shāraka, mushārik 165; sharīk, mutashārik 167.

شع شع

shucāc (astrol.). maţrah ash-shucācāt 265, 269, 271, 277; da irat ash-shu a 265; ash-shu a almutayāmina, al-mutayāsira 267.

شكل

shakl figure, théorème 93, 95, 101, 115, passim; «ash-shakl al-qattā" » 91, 92 n. 3, 137, 149; «ashshakl al-muğni» 101, 111, 121, 133, 143, passim; «ash-shakl az-zilli» 131, 145.

ضعف

tadeif al-mukaecab 95.

ad-dale al-munfașil (aux.) 287, 289.

طرح

maṭraḥ voir shucāc.

طلع

tulu. daraja t. al-kawkab, darajat at-t. 221, 233,

 $a_{t-t}a_{t}^{i}$, t, a_{t} -waqt, darajat a_{t-t} , 233, 235, 241, 243, passim,

mațlac 203, 247, 273.

maṭāli^c. al-m. fi-l-kura l-muntaṣiba, fi-l-falak almustaqīm 137, 151, 201, 211, passim; al-m. fi-lukar al-mā'ila fi-l-ufuq, fi-l-card, fi-l-balad, fi-l-maskan 137, 207, 221, 233, passim; ikhtilāf al-m. 93; m. as-samt 93, 248 n. 1, 249, 251, m. as-samt al-mucaddala 249, 251; = m. as-samt al-wustā, al-m. al-wustā (aux.) 249, 251; $ta^cd\bar{t}$ al-m. (aux.) 249, 251; $ta^cd\bar{t}$ al-m. (aux.) 249, 251; $ta^cd\bar{t}$ al-m. (aux.)

طول

at- $t\bar{u}l$ al- mu^c addal. 1. (aux., coord. éclipt.) 211, 215, 217. 2. (aux., qibla) 103, 255, = $ta^cd\bar{u}l$ at- $t\bar{u}l$ 103.

طيلسان

taylasān 169, 170 n. 3, 171.

ظارً

zill 125, 128 n. 1, 130 n. 1, passim, z. $ma^ck\bar{u}s$, z. muntasib 127, 129; z. $bas\bar{\iota}\iota$, z. $mustaw\bar{\iota}$ 127, 129; qutr az-z. 127. az-zill = az-zill al- $ma^ck\bar{u}s$ li-lgaws 129.

عسدل

ta^cdīl (aux.) 261, 275, 277, 289; voir aussi tūl, card, mamarr, nahār, maṭālic.

mu^caddil an-nahār, dā³ira m. an-nahār 197, 199, passim.

mu^caddal voir ţul, ^card, maţāli^c. al-i^ctidāl, nuqţat al-i^c. 245, 255.

mu^ctadil voir nahār.

40

°ard 1. latitude terrestre. al-°a. al-mu°addal (aux.) 103, 255, = ta°dīl al-°a. 103; al-°a. al-mu°addal bi-l-mayl (aux.) 239; °a. iqlīm ar-ru²ya 236 n. 1, 237, 239, 241, 243, passim, = °a. al-balad al-mukam 237 — 2. au sens de déclinai-son, inclinaison seconde 93, 131, 189, 191, 198 n. 1, 199, 211 et suiv.

عظم

cazīm voir dā ira, qaws. aczam voir mayl, jayb.

عكس

caks voir nisba.

mackūs voir jayb, qaws, zill.

incakasa, incikās, muncakis 165, 167.

غر ب

ğurüb. darajat g. al-kawkab 223, 277.

gārib. darajat al-ģ. 277, 279. magrab (corresp. à maṭla^c) 247, 273. magārib 223; magāribān 271.

فلك

falak 1. sphère, orbe 127, 297, passim; voir aussi dā³ir, maṭāli^c, kura — 2. cercle. falak al-burūj 197, 199, passim; voir aussi nahār.

قا

muqābil 167, 267, 279, 283.

mutaqābil 165.

قذر

qadr grandeur, quantité 93, 127, 129, 181, passim.

miqdār mesure, quantitė 93, 111, 115, 127, 129, 145, 157, 203, *passim*.

قدم

muqaddima lemme 103, 105, 107, passim.

قرن

qarīn 167.

qirān 169, 175, 179, 187, 195.

iqtirān 155, 169.

- hi

al-qāțic (astrol.) 271, 275.

qattā^c 173, 175, 181, 188 n. 17, 189, 199, passim; voir aussi shakl.

قعل

 $q\bar{a}^cida$ 1. côté de l'angle droit d'un triangle rectangle 107, 143 — 2. $al-q\bar{a}^cida$ (aux.) 287, 289.

قلب

mungalab 219.

اقلر

iqlīm ar-ru3ya voir card.

قدس

qaws. q. cazīm 111, 117, 145, passim; q. macqūs 231.

qawwasa 217, 221, 223, 233, 279.

- 45

istiqāma 109, 123, 131, passim.

mustaqiin. al-falak al-m. voir maţālic.

قوى qawiya ^calā 104 n. 3, 105.

قيس miqyās 127, 129, 145, 293; ra⁵s al-miqyās 127, 293.

كرة

kura. k. as-samā⁵ 93; k. al-falak 296; voir aussi maṭāli^c, tasṭīḥ.

لزم lawäzim 91, 97, 197.

مثل mithāl exemple, forme explicite donnée à un énoncé à l'aide des lettres d'une figure 106 n. 2, 111, 131, 143, 157, passim; tamthīl 295.

mamarr. darajat al-m. 217, 219, 221, passim, = $mamarr \ 271$; $ta^{c}d\bar{u}$ al-m. (aux.) 217.

מבל mayl 1. inclinaison (d'un arc), déclinaison (d'un point de l'écliptique) 93, 117, 121, 189, 191, 197, passim, = al-m. al-awwal 121 n. 1; al-m. kulluhu 181; al-muyūl al-juz'iya 149; al-m. al-aczam 181, 197, 211, passim — 2. (par extension) m. majrā al-kawkab 211, 217, 221, 235, 273, = m. madār al-kawkab 231 (voir aussi bucd) — 3. al-mayl ath-thānī 121 n. 1, 131.

nisba rapport, proportion 92 n. 2, 101, 109, 129, 145, passim; n. mu³allafa 93, 97, 197; n. almusāwāh 113, 115, 119, 125, 145; n. muḍṭariba 115, 145; khilāf an-n., ʿaks an-n., ibdāl an-n. 197.

نصن nisf an-nahār voir nahār. nassafa 293.

نطق munṭaq 147; munṭaq fi-l-quwwa 147.

نظر nazīr homologue, opposé 107, 111, 125, 167, 223, 259, 275, 279, 283, 289. mutanāzir 165, 277; tanāzur 295.

nahār 1. (arc diurne) qaws n. al-kawkab, qaws an-n., nahār al-kawkab 203, 205, 229, 231, passim: sahm an-n. 229, 231; an-n. al-mu^ctadil 203, 205; ta^cdīl an-n. 205, 207, 209, passim — 2. nisf an-nahār méridien, falak nisf an-n. 217, 221, 225, 235, passim; khaṭṭ nisf an-n. 291, 293; voir aussi irtifā^c.

לאם" al-hay'a, 'ilm al-hay'a 88 n. 1, 95, 99, 131, passim; «qānūn al-hay'a» 101, 139; hay'āt alfalak 197.

هيلاج haylāj (astrol.) 271, 273, 275, 277; ufuq al-haylāj 271, 273.

وتد watad 271, 277.

עם פישל wasat as-samā' voir daraja. tawassata s-samā' 217. awsat voir maṭāli'.

وسے sa^cat al-mashriq 93, 203, 221, passim.